



#### TESIS INTITULADA:

"REHABILITACIÓN DEL PUENTE SANTIAGO CON EL DISEÑO DE VIGAS PRESFORZADAS, DEPARTAMENTO Y PROVINCIA DEL CUSCO"

Presentado por:

BACH: BARRIOS URIBE, DIANA MILAGROS

BACH: CÁRDENAS CEBRIÁN, YEMME

Para optar el Título profesional de

INGENIERO CIVIL

Dictaminantes:

Mgt. Ing. ADRIEL GAMARRA DURAND

Dr. Ing. ADAN WILBERT SOLORZANO MONTESINOS

M.Sc. Ing. SAMUEL MIRANDA FARFÁN

CUSCO, ENERO DEL 2019

U N S A A C

U S

C

C

#### **AGRADECIMIENTO**

Agradecer a la UNIVERSIDAD SAN ANTONIO ABAD DEL CUSCO y de manera muy especial a la ESCUELA PROFESIONAL DE INGENIERIA CIVIL, de la cual recibí una educación de calidad y prestigio, institución de la cual me siento muy orgullosa de haber pertenecido y con la cual tengo un compromiso a seguir educándome y dejar su nombre en lo más alto. Agradecer a todos los docentes por compartir sus conocimientos y experiencia con sus alumnos.

Agradecer infinitamente a Dios, en quien creo incondicionalmente, con quien tengo el compromiso de luchar por mis sueños, y con disciplina y perseverancia seguiré las cosas que anhelo y nunca desista de ellos hasta conseguirlos.

Agradecer a mi familia por su apoyo incondicional.

Diana Barrios Uribe.

# DEDICADO:

A mi querido abuelo ENRIQUE URIBE SALAS, a quien quiero mucho, a mis padres y en especial a mi madre, quien espero con ansias este paso, por el apoyo económico, el apoyo incondicional y a quienes espero retribuir toda la vida.

Diana Barrios Uribe.

#### *AGRADECIMIENTO*

En primer lugar a Dios por guiarme y en cada cosa que emprenda sé que él me acompañara en cada decisión que tome.

A mi familia de manera muy especial a mis padres Alejandrina Cebrián Céspedes y Hernán Cárdenas Gayoso mi abuela Grimaneza Gayoso Moras mis hermanos: Marisol, Niltón, Gloria, Violeta, Carolina, Leoncio y Evoquía, de manera muy especial a mi hermano Niltón quien siempre me ayudo de manera incondicional en todo momento a cada uno de ellos muchas gracias y a mi compañera de tesis por su paciencia, y finalmente a quienes de una u otra manera colaboraron con la culminación el presente trabajo.

Yemme Cárdenas Cebrián.

#### DEDICADO:

En primer lugar de manera muy especial a mi madre querida Alejandrina Cebrián Céspedes quien con: su amor infinito, sus consejos, su ayuda incondicional tanto moral como económica me apoyo; sé que desde el cielo estará alegre por este pequeño paso que di en mi vida profesional y siempre me estará guiando en cada paso que dé; en segundo lugar a mi padre Hernán Cárdenas Gayaso quien me motivo a seguir adelante, por inculcar en mí el don de la perseverancia y a no darse por vencido y por su ayuda moral y económica y a mis hermanos de manera especial a mi hermano Niltón.

Yemme Cárdenas Cebrián.



# UNIVERSIDAD NACIONAL SAN ANTONIO ABAD DEL CUSCO FACULTAD DE ARQUITECTURA E INGENIERÍA CIVIL



#### **RESUMEN**

El proyecto titulado: REHABILITACIÓN DEL PUENTE SANTIAGO CON EL DISEÑO DE VIGAS PRESFORZADAS, DEPARTAMENTO Y PROVINCIA DEL CUSCO; partió de la necesidad de mejorar la transitabilidad en la A.V Ejército puesto que los actuales puentes en esta avenida son de concreto armado y con pilares intermedios, dificultando estos la transitabilidad vehicular continua; además a ello se suma la antigüedad de éstos. El presente proyecto se realizó para el puente Santiago que consta del análisis y diseño de la superestructura y subestructura, la superestructura consta de 6 vigas postensadas tipo I de una luz de 34.00 m, con un peralte de 1.50m, concreto de f'c=450kg/cm2 y con una fuerza de postensado de 800 ton en las vigas centrales y de 661 ton en la vigas exteriores. El tablero de 0.20 m de espesor en un ancho de 14.00 m, con f'c=280kg/cm2, una capa asfaltica de 0.05 m de espesor en un ancho de 9.00 m, veredas de 0.20 de espesor en un ancho de 2.50 m en ambos lados y barandas metálicas.

La subestructura consta de 2 estribos, con una pantalla que tiene un largo de 12.00m, con un ancho de 1.20m y concreto f'c=280kg/cm2, en cuanto a las zapatas con un espesor de 1.40 m, con un ancho de 7.20 m, en un largo de 14.00 m y f'c=280kg/cm2; de acuerdo a lo estudios suelos realizados de manera indirecta con el metodo del MASW el cual abarco una profundidad de 30.00 m para el presente trabajo, el suelo tiene una capacidadad portante de 3.18 kg/cm2 a una profundidad de 4.00 m.





Finalmente se hizo el modelamiento el programa computacional CSI BRIDGE lo cual no difiere mucho con los calculos manuales que se realizó.

La norma AASHTO LRFD y la Norma de Diseño de puentes en la edicion 2016 ha sido la guia para el presente trabajo, en el cual se realizó un análisis estático mas no el dinámico de acuerdo a la Norma vigente puesta que es de un tramo.





#### **ABSTRACT**

The project entitled: REHABILITATION OF THE SANTIAGO BRIDGE WITH THE DESIGN OF PRESSED BEAMS, DEPARTMENT AND PROVINCE OF CUSCO; it started from the need to improve the passability in the Army A.V since the current bridges in this avenue are reinforced concrete and with intermediate pillars, hindering these continuous vehicular traffic; in addition to this the age of these is added.

The present project was made for the Santiago bridge consisting of the analysis and design of the superstructure and substructure, the superstructure consists of 6 post-tensioned beams type I of a light of 34.00 m, with a cant of 1.50m, concrete of f'c = 450 kg / cm2 and with a post-tensioning force of 800 tons in the central beams and 661 tons in the external beams. The board of 0.20 m thick in a width of 14.00 m, with f'c = 280 kg / cm2, an asphalt layer of 0.05 m thickness in a width of 9.00 m, sidewalks of 0.20 in thickness in a width of 2.50 m in both sides and metal rails.

The substructure consists of 2 abutments, with a screen that has a length of 12.00m, with a width of 1.20m and concrete f'c =  $280 \, \text{kg}$  / cm2, as for the footings with a thickness of 1.40 m, with a width of 7.00 m, in a length of 14.00 m and f'c =  $280 \, \text{kg}$  / cm2; According to the soil studies carried out indirectly with the MASW method which covered a depth of 30.00 m for the present work, the soil has a carrying capacity of 3.20 kg / cm2 at a depth of 4.00 m.





Finally, the computer program CSI BRIDGE was modeled, which does not differ much with the manual calculations that were made.

The AASHTO LRFD standard and the Bridge Design Standard in the 2016 edition have been the guide for the present work, in which a static analysis was carried out, not the dynamic one according to the current standard that is one section.





#### **INDICE**

1.	C	APITULO I: PLANTEAMIENTO DEL PROYECTO	. 1
	1.1.	IDENTIFICACIÓN DEL PROBLEMA	. 1
	1.1.1.	PROBLEMA GENERAL	. 1
	1.1.2.	PROBLEMA ESPECÍFICO	. 1
	1.2.	OBJETIVO DEL PROYECTO	. 2
	1.2.1.	OBJETIVO GENERAL	. 2
	1.2.2.	OBJETIVO ESPECÍFICO	. 2
	1.3.	DELIMITACIÓN JUSTIFICACIÓN E IMPORTANCIA	. 3
2.	C	APITULO II: MARCO TEÓRICO	. 4
	2.1.	DEFINICIÓN DE PUENTE	. 4
	2.2.	PARTES DE UN PUENTE	. 4
	2.2.1.	SUPERESTRUCTURA	. 4
	2.2.2.	SUBESTRUCTURA	. 4
	2.2.3.	CIMENTACIÓN	. 5
	2.2.4.	ELEMENTOS AUXILIARES	. 6
	2.3.	CLASIFICACIÓN	. 6
	2.4.	MÉTODOS DE PREFUERZO	. 8
	2.4.1.	PRETENSADO	. 8
	2.4.2.	POSTENSADO	. 8
	2.5.	MATERIALES	. 9
	2.5.1.	ACERO DE REFUERZO	. 9
	2.5.2.	ACERO DE PRESFUERZO	11
	2.6.	FACTORES DE CARGA Y COMBINACIONES DE CARGA	15
	2.7.	CARGAS PERMANENTES	20
	2.7.1.	Cargas Permanentes: DC, DW	20
	2.7.2.	SOBRECARGAS VIVAS	21
	Sobrec	arga Vehicular De Diseño	23
	2.7.2.1	. Camión De Diseño	23
	2.7.2.2	. Tándem De Diseño	24





	2.7.2.3	. Carga Del Carril De Diseño	. 24
	2.8.	MÉTODO DE LOS FACTORES DE DISTRIBUCIÓN	. 25
	2.8.1.	MÉTODO DE LOS FACTORES DE DISTRIBUCIÓN PARA MOMENTO	. 25
	2.8.2.	MÉTODO DE LOS FACTORES DE DISTRIBUCIÓN PARA CORTE	. 27
	2.9.	DISEÑO DE VIGA	. 29
	2.9.1.	DIMENSIONAMIENTO	. 29
	2.9.2.	LÍMITES PARA LA TENSIÓN EN EL HORMIGÓN	. 31
	2.9.2.	TENSIONAMIENTO	. 33
	2.10.	DISEÑO A LA FLEXIÓN	. 34
	2.11.	DISEÑO POR CORTE	. 36
	2.11.1.	REGIONES QUE REQUIEREN ARMADURA TRANSVERSAL	. 36
	2.11.2.	TENSIÓN DE CORTE EN EL HORMIGÓN	. 37
	2.11.3.	RESISNTENCIA NOMINAL AL CORTE	. 37
	2.11.4.	DETERMINACION DE DEFORMACION EN EL REFUERZO	. 38
	2.12.	DEFLEXIONES	. 40
	2.13.	BARANDAS	. 42
	2.13.1.	BARANDAS PARA PEATONES	. 43
	2.14.	DISPOSITIVOS DE APOYO	. 43
	2.16.	PÉRDIDAS	. 56
	2.16.1.	Acortamiento elástico del concreto	. 58
	2.16.2.	Pérdida por deslizamiento del Anclaje	. 59
	2.16.3.	Pérdida debido al encogimiento o contracción del concreto	61
	2.16.4.	Pérdida al flujo plástico o creep del concreto	. 62
	2.16.5.	Relajación diferida del acero de preesfuerzo	63
	2.16.6.	Pérdidas de fricción	65
	1.17. de Onc	EL ENSAYO DE MASW (Multi-Channel Analysis Of Surfaces Waves, Análisis Multican las Superficiales)	
3	. C	APITULO III: ESTUDIO DE SUELOS	. 79
	3.1.	CORRELACIÓN ENTRE ÁNGULO DE FRICCIÓN (Ø) Y EL NÚMERO DE GOLPES SPT (N	. 79
	3 2	CAPACIDAD DE CARGA	80





4.	C	APITULO IV: DISEÑO DE SUBESTRUCTURA	84
	4.1.	PREDIMIENSIONAMIENTO	86
	4.2.	CARGAS ACTUANTES	87
	4.2.1.	CARGA MUERTA DE LA SUPERESTRUCTURA	87
	4.2.2.	CARGA VIVA	90
	4.2.3. AASHT	CARGAS LS (SOBRECARGA POR CARGA VIVA EN EL TERRENO) O ART 3.11.6.4	91
	4.2.4.	FUERZA DE FRENADO (BR) AASHTO ART 3.6.4	92
	4.2.5.	EMPUJES	93
	4.3.	CRITERIOS DE ESTABILIDAD	97
	4.3.1.	FUERZAS ACTUANTES	98
	4.3.2.	VUELCO	103
	4.3.3.	DESLIZAMIENTO	104
	3.3.4.	PRESIONES DE CONTACTO	106
	4.4.	DISEÑO DE PANTALLA	108
	4.5.	DISEÑO DE CIMENTACION	120
5.	C	APITULO V: DISEÑO DE SUPERESTRUCTURA	133
	5.1.	MÓDULOS DE SECCIÓN REQUERIDOS	133
	5.2.	SECCIÓN SIMPLE	136
	5.3.	CARGAS ACTUANTES SUPERESTRUCTURA	138
	5.4.	SECCIÓN COMPUESTA	151
	5.5.	LINEA DE PREESFUERZO EN VIGA SIMPLE	154
	5.6.	FUERZA DE TENSADO Y ESFUERZOS EN LA FIBRA SUPERIOR E INFERIOR	156
	5.7.	ÁREA DE ACERO DE PREESFUERZO	164
	5.8.	DISEÑO POR FLEXIÓN	165
	5.9.	DISEÑO POR CORTE	174
	5.10.	DISEÑO DE TABLERO	189
	5.11.	DISEÑO DE VIGA DIAFRAGMA	208
	5.12.	PÉRDIDAS	219
	5.13.	DISEÑO DE APOYO	227





В	bliogra	afía 2	.88
6.	(	CONCLUSIONES Y RECOMENDACIONES	65
	5.15.	DISEÑO DEL PUENTE CON EL SOTFWARE CSI BRIDGE	35
	5.14.	DEFLEXIONES	33





# ÍNDICE DE FIGURAS

Figura 1 Componentes de un puente	6
Figura 2 Camión de diseño	
Figura 3 Deformaciones y esfuerzos	
Figura 4 Aceras peatonales	42
Figura 5. Solicitaciones en dispositivos de apoyo	44
Figura 6. Tipos de apoyo	45
Figura 7. Curva Esfuerzo-Deformación	49





# ÍNDICE DE TABLAS

Tabla 1 Propiedades de alambres sin revestimiento revelados de esfuerzo	11
Tabla 2 Propiedades del torón de 7 alambres sin revestimiento	13
Tabla 3. Propiedades de las varillas de acero de aleación	14
Tabla 4. Combinación de Cargas y Factores de Carga	19
Tabla 5. Factores de amplificación para Cargas	19
Tabla 6. Densidades	20
Tabla 7. Factor de Presencia Múltiple	22
Tabla 8. Distribución de las Sobrecargas por carril para Momentos en Vigas Interiores	25
Tabla 9. Distribución de las Sobrecargas por carril para Momentos en Vigas Exteriores	26
Tabla 10. Distribución de las Sobrecargas por carril para Corte	27
Tabla 11. Distribución de las Sobrecargas por carril para Corte en Vigas	28
Tabla 12. Límites para la tensión antes de las pérdidas	31
Tabla 13. Límites para la tensión de compresión después de las pérdidas	32
Tabla 14. Límites para la tensión de tracción después de las pérdidas	32
Tabla 15. Propiedades del Material	48
Tabla 16. Constante de Amplitud de Fatiga Crítica FTH	55
Tabla 17. Tipos de pérdidas de preesfuerzo	57
Tabla 18. Valores de Ksh	62
Tabla 19. Valores de RH	62
Tabla 20. Valores de <i>Kre Y</i> J	64
Tabla 21. Valores de C	65
Tabla 22. Coeficientes de fricción para torones postensados	66



#### UNIVERSIDAD NACIONAL SAN ANTONIO ABAD DEL CUSCO FACULTAD DE ARQUITECTURA E INGENIERÍA CIVIL



#### 1. CAPITULO I: PLANTEAMIENTO DEL PROYECTO

#### 1.1. IDENTIFICACIÓN DEL PROBLEMA

Los principales problemas que actualmente se presenta en la ciudad Cusco, específicamente en la Av. Ejército es la congestión vehicular, que impide la normal transitabilidad por presencia de los pilares existentes en los puentes: Santiago, Belén y Grau.

Cabe mencionar que estos puentes son de concreto armado y por ser de luces relativamente grande se tuvo la necesidad de colocar pilares intermedios, los cuales no permiten el transito continuo de los vehículos a lo largo de la vía.

Además que estos puentes tienen una antigüedad de más 50 años, lo cual se ve la necesidad de cambiarles por estructuras modernas, ya que en la actualidad se cuenta con una variedad de tipos de puentes.

#### 1.1.1. PROBLEMA GENERAL

La presencia de los pilares los cuales dificultan la continua transitabilidad a lo largo de la vía

#### 1.1.2. PROBLEMA ESPECÍFICO

- La necesidad de estructuras nuevas y más adecuadas, ya que las actuales son estructuras antiguas.
- El crecimiento del tránsito vehicular trae la necesidad de estructuras más amplias.





#### 1.2. OBJETIVO DEL PROYECTO

#### 1.2.1. OBJETIVO GENERAL

El objetivo principal de este proyecto de tesis es conseguir un tránsito seguro, fluido y ordenado en la AV. Ejército, utilizando tecnologías más sofisticadas acorde a las necesidades.

# 1.2.2. OBJETIVO ESPECÍFICO

- ✓ Hacer el uso de estructuras más modernas lo cual mejorará la apariencia del lugar
- ✓ El uso de estructuras postensadas conseguiremos vías más amplias a lo largo de la Av. Ejército.





#### DELIMITACIÓN JUSTIFICACIÓN E IMPORTANCIA

#### **DELIMITACIÓN**

Este trabajo se limita al análisis y diseño exclusivo del nuevo puente postensado en lugar del puente existente Santiago.

#### JUSTIFICACIÓN

Uno de los factores más importantes del porque realizar esta tesis es la búsqueda de un tránsito seguro, fluido y ordenado en la AV. EJÉRCITO, Utilizando tecnología más sofisticadas.

#### **IMPORTANCIA**

Se busca mejores condiciones de transitabilidad vehicular, incremento de la seguridad para los conductores que hagan uso de la vía, así como un puente con mejor ornato. Este proyecto de tesis se enfoca básicamente en el puente Santiago, pero esperando que este proyecto de tesis sea el inicio para continuar tanto con el puente BELÉN y GRAU. Es un proyecto ambicioso pero con enorme ventajas que se podría conseguir un tránsito fluido, y un puente apto para soportar un futuro incremento de vehículos que transiten por este puente.





# 2. CAPITULO II: MARCO TEÓRICO

#### 2.1. DEFINICIÓN DE PUENTE

Un puente es una obra que se construye para salvar un obstáculo dando así continuidad a una vía; permitiendo así el tránsito. Suele unir un camino, una carretera, o una vía férrea (Pablo Apaza Introducción al diseño de puentes en concreto pag N°09)

#### 2.2. PARTES DE UN PUENTE

#### 2.2.1. SUPERESTRUCTURA

Esta se encuentra compuesta por:

- TABLERO: conformado por losa de concreto. Es el elemento sobre el cual se aplica directamente las cargas móviles de los vehículos, siendo sus efectos transmitidos a la estructura portante.
- ESTRUCTURA PORTANTE: es el elemento resistente sobre el cual aplica efecto de las cargas móviles, el tablero. Es a través de este componente que se transmiten las cargas a la subestructura.

#### 2.2.2. SUBESTRUCTURA

Compuesta por elementos sobre los cuales se aplican cargas procedentes de la superestructura, para ser transmitidas a la cimentación. Está conformada por:

- ESTRIBOS: son los apoyos extremos del puente, transmiten las cargas del apoyo a la cimentación, sirviendo además para sostener el relleno.





- PILARES: son los apoyos intermedios, reciben las reacciones de dos tramos de puente transmitiendo a la cimentación.

#### 2.2.3. CIMENTACIÓN

Existen básicamente dos tipos:

- SUPERFICIAL: mediante zapatas se transmiten las cargas al terreno. Se emplea este tipo de cimentación cuando mediante excavación sea posible llegar a niveles con suficiente capacidad portante.
- PROFUNDAS: cuando el estrato resistente se encuentra a niveles muy alejados de la superficie, se emplea este tipo de cimentación. Puede ser
- 1.-pilotes
- 2.-cajones de cimentación
- 3.-compuestas (pilotes y cajones).

Estas a su vez se pueden subdividir, de acuerdo a la calidad de sus materiales, disposición. etc.

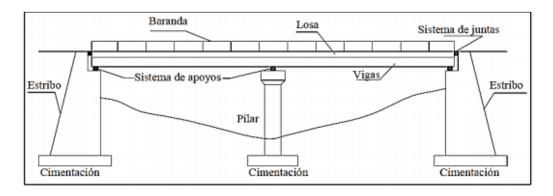




#### 2.2.4. ELEMENTOS AUXILIARES

Son aquellos empleados para llevar acabo la conexión entre los componentes del puente. En el caso de la conexión entre la superestructura y la subestructura se denominan dispositivos de apoyo. Estas pueden ser fijas o móviles.

Figura 1 Componentes de un puente



Fuente: Pablo Apaza Herrera

#### 2.3. CLASIFICACIÓN

Existe una variedad clasificación de puentes de acuerdo a diferentes parámetros entre las más comunes se tiene las siguientes:

#### DE ACUERDO A LA SECCIÓN TRANSVERSAL

- Puentes Losa de sección Maciza
- Puentes Losa con vigas (vigas T)
- Puentes de sección cajón
- Puentes de sección compuesta (losa de concreto y vigas de acero)





#### DE ACERDO A LA FORMA ESTRUCTURAL

- Puentes isostáticos
- Puentes hiperestáticos
- Puentes aporticados
- Puentes de arco
- Puentes constituidos por elementos reticulares

## DE ACUERDO A SU FUNCIÓN

- Puentes peatonales
- Puentes para tránsito vehicular de carreteras
- Puentes ferrocarriles
- Puentes canal
- Puentes para servicios mixtos

#### DE ACUERDO A LA LONGITUD DE LA OBRA DE FÁBRICA

- Alcantarilla: longitud menor de 10m.
- Puentes menores: longitudes entre 10 y 20m.
- Puentes medianos: longitud entre 11 y 70m.
- Puentes mayores: longitudes mayores que 70m.





# 2.4. MÉTODOS DE PREFUERZO

#### 2.4.1. PRETENSADO

El pretensado es el sistema de preesfuerzo, en el cual el acero es tensado antes del vaciado del concreto. El tensado entre placas de anclaje situadas a cada extremo; mediante gatos hidráulicos, se transmite la fuerza de tensado al acero y luego se vierte el concreto una vez que ha alcanzado la suficiente resistencia, el acero es liberado de tal manera que la fuerza de preesfuerzo es transmitida al concreto mediante al adherencia entre los materiales.

El pretensado aunque se puede realizar en obra generalmente es prefabricado en planta para luego ser transportado a la obra, de tal manera que se asegura la calidad de los materiales, especialmente la alta resistencia del concreto.

El método de pretensado es más útil para secciones transversales pequeñas, donde no se puede colocar los cables de postensado. Suele ser más eficiente y económico cuando se requiere varias unidades similares.

Cabe recalcar que presenta ciertas desventajas frente al postensado sobre todo cuando se requiere elementos más grandes. Adicionalmente las pérdidas de preesfuerzo son mayores y por lo general los cable de tensado siguen una trayectoria recta, lo que no beneficia la transferencia de la fuerza tensado.

#### 2.4.2. POSTENSADO

El postensado es el método de preesfuerzo que consiste en tensar los tendones una vez que el concreto ha alcanzado la resistencia necesaria. Antes de colar el concreto se colocan ductos en una trayectoria requerida, para posteriormente colocar el acero de





preesfuerzo. Una vez tensados y anclados los tendones se suele colocar mortero o lechada en el ducto para proteger el acero de preesfuerzo contra la corrosión y evitar movimientos relativos entre los torones.

Este método se puede fabricarse tanto en planta como obra. Es muy útil cuando se requiere secciones de gran tamaño por lo que suele preferirse la fabricación en obra. La ventaja del postensado es que permite dar el perfil deseado, generalmente curvo, a los cables logrando así mayor eficiencia en el diseño. Como ya se ha mencionado el uso de los tendones rectos no es el modo más adecuado de utilizar la fuerza de preesfuerzo ya que en aquellos puntos donde ocurre el máximo momento se requiere de la máxima fuerza de preesfuerzo, y por otra parte la mínima fuerza de preesfuerzo es necesaria donde ocurre el mínimo momento flector. Ello puede lograrse para una fuerza constante de preesfuerzo variando la excentricidad de la fuerza, de tal manera que, en una sección cualquiera a lo largo de la viga, el efecto de preesfuerzo neutraliza el efecto de la carga'. Otras ventajas son la reducción del peso propio de las estructuras y menores pérdidas en la fuerza de preesforzado.

#### 2.5. MATERIALES

#### 2.5.1. ACERO DE REFUERZO

El uso de acero de refuerzo ordinario es muy común en elementos de concreto preesforzado. Este acero es muy útil para:

- Aumentar la ductilidad
- Aumentar la resistencia





- Resistir esfuerzos de tensión
- Resistir cortante
- Resistir torsión
- Restringir agrietamientos
- Reducir deformaciones a largo plazo
- Confinar el concreto

El acero de refuerzo suplementario convencional (varillas de acero) se usa comúnmente en la región de altos esfuerzos locales de corte y compresión en los anclajes de vigas postensadas.

Tantos para miembros postensados como pretensados es usual proveerlos de varillas de acero longitudinal para controlar las grietas de contracción y temperatura. Finalmente a menudo es conveniente incrementar la resistencia a la flexión de vigas preesforzadas empleando varillas de refuerzo longitudinales suplementarias.

Las varillas se pueden conseguir en diámetros nominales que van desde 3/8" hasta 1 3/8" con incrementos de 1/8" y también en tamaños más grandes de maso menos de 1 3/4" y 2 1/4" de diámetro.

#### GRADOS DE ACERO

Acero de refuerzos de grados de 40 y 60 psi (2800 y 4200 kg/cm2) son usados en la construcción de concreto.

Aun cuando el refuerzo de grado 60 tiene mayor resistencia ultima que el de grado 40, el módulo de elasticidad del acero es el mismo.

Al aumentar los refuerzos de trabajo también aumenta el número total de grietas en el concreto; a fin de superar este problema los puentes generalmente tiene separaciones menores entre barras.





El refuerzo de grado 60 no están dúctil como el de grado 40 y es más difícil de doblar.

#### 2.5.2. ACERO DE PRESFUERZO

#### 2.5.2.1. **CABLE DE PREESFUERZO**

Existen tres formas comunes en las cuales se emplea el acero como cables en concreto preesforzados: alambres redondos estirados en frio, torón y varillas de acero de aleación. Los alambres y los torones trenzados tienen una resistencia a la tensión de maso menos 17600 Kg/cm2, en tanto que la resistencia de las varillas de aleación esta éntrelos 10200 y 11250 kg/cm2 dependiendo del grado.

#### 2.5.2.2. **ALAMBRES REDONDOS**

Los alambres individuales se fabrican laminando en caliente en lingotes de acero hasta obtener varillas redondas. Después del enfriamiento, las varillas se pasan a través de troqueles para reducir su diámetro hasta su tamaño requerido. En el proceso de esta operación de estirado, se ejecuta trabajo en frío sobre el acero, lo cual modifica notablemente sus propiedades mecánicas e incrementa su resistencia. A los alambres se le libera de esfuerzo después de estirado es frío mediante un tratamiento continuo de calentamiento hasta obtener las propiedades mecánicas prescritas. Los alambres se consiguen en 4 diámetros tal como se muestra en la tabla y en dos tipos.

Tabla 1 Propiedades de alambres sin revestimiento revelados de esfuerzo

DIAMETRO	DIAMETRO NOMINAL		ima resiste	ncia de ten	sion	minimo esfuerzo, para la elongacion de 1%				
DIAWETRO NOMINAL		tipo BA		tipo WA		tipo BA		tipo WA		
PULG	mm	mm lb/pulg2 kg/cm2		lb/pulg2	kg/cm2	lb/pulg2	kg/cm2	lb/pulg2	kg/cm2	
0.192	4.88	240000	16880	250000	17590	192000	13510	200000	14070	
0.196	4.98	240000	16880	250000	17590	192000	13510	200000	14070	
0.25	6.35	240000	16880	240000	16880	192000	13510	192000	14070	
0.276	7.01	240000	16880	235000	16880	192000	13510	182000	14070	

Fuente: Pablo Apaza Herrera





También se puede conseguir alambres de bajo relajamiento, a veces conocido como estabilizados. Se emplea cuando se quiere reducir al máximo la perdida de preesfuerzo.

Los torones están compuestos normalmente por grupos de alambres, dependiendo del número de alambres de cada grupo del sistema particular usado de la magnitud de la fuerza pretensora requerida los torones para prefabricados postensados típicos pueden consistir de 7 a 52 alambres individuales. Se pueden emplear torones múltiples cada uno de ellos compuesto de grupo de alambres para cumplir con los requisitos.

#### **2.5.2.3. TORONES**

El torón se usa en miembros pretensados y regularmente se usa en construcción postensada. El torón es fabricado con 7 alambre, seis firmemente torcidos alrededor de un séptimo de diámetro ligeramente mayor. El paso de la espiral de torcido es de 12 a 16 veces el diámetro nominal del cable, teniendo una resistencia a la ruptura garantizada de 17590 kg/cm2 conocido como grado de 250K. Se ha estado produciendo un acero más resistente conocido como grado 270K, con una resistencia mínima a la ruptura de 270000 lb/pulg2 (18990 kg/cm2).

Para los torones se usa el mismo tipo de alambre relevado de esfuerzos y estirado en frio que los que se usa para los alambres individuales de preesfuerzo. Sin embargo las propiedades mecánicas se evidencian ligeramente diferentes debido a la tendencia de los alambres torcidos a enderezarse cuando se le sujeta a tensión, debido a que el eje de los alambres no coincide con la dirección de la tensión. El torón se le releva de esfuerzos mediante tratamiento térmico después del entorchado. Los torones de bajo relajamiento se pueden conseguir mediante especial.

Los torones se pueden obtener entre un rango de tamaño que va desde 0.25 pulg hasta 0.6 pulg de diámetro.





Tabla 2 Propiedades del torón de 7 alambres sin revestimiento

DIAMETRO NOMINAL		resisen	cia a la	area nor	ninal del	carga minima para una		
		rup	tura	tor	on	elongacion de 1%		
PULG	mm	lb	KN	PULG2	mm2	lb	KN	
		•	GRADO	250				
0.25	6.35	9000	40	0.036	23.22	7650	34	
0.313	7.94	14500	64.5	0.058	37.42	12300	54.7	
0.375	9.53 20000 89 0.08		0.08	51.61	17000	75.6		
0.438	11.11	27000	120.1	0.108	69.68	23000	102.3	
0.5	12.7	36000	160.1	0.144	92.9	30600	136.2	
0.6	15.24	54000	240.2	0.216	139.35	45900	204.2	
	-	•	GRADO	270				
0.375	9.53	23000	102.3	0.085	54.84	19550	87	
0.438	11.11	31000	137.9	0.115	74.19	26550	117.2	
0.5	12.7	41300	183.7	0.153	98.71	35100	156.1	
0.6	15.24	58600	260.7	0.217	140	49800	221.5	

Fuente: Pablo Apaza Herrera

#### 2.5.2.4. VARILLAS DE ACERO DE ALEACIÓN

En el caso de varillas de aleación de acero, la alta resistencia que se necesita se obtiene mediante la introducción de ciertos elementos de ligazón, principalmente manganeso, silicón y cromo durante la fabricación del acero.

Adicionalmente se efectúa trabajo en frío en las varillas al fabricar estas para incrementar aún más su resistencia. Después de estirarlas en frío, a las varillas se les releva de esfuerzos para obtener las propiedades requeridas.

Las varillas de acero de aleación se consigue en diámetros que varían en diámetros de ½ pulg hasta 1 3/8 pulg tal como se muestra en la tabla.





Las varillas casi no se usan para fabricación de elementos preesforzados, siendo los torones de baja relajación los más utilizados.

Tabla 3. Propiedades de las varillas de acero de aleación

DIAMETRO NOMINAL		resisen	cia a la	area nor	minal del	carga minima para una		
		rupt	tura	tor	on	elongacion de 1%		
PULG	mm	lb	KN	PULG2	mm2	lb	KN	
	•		GRADO	) 145		•		
1/2	12.7	28000	125	0.196	127	25000	111	
5/8	15.88	45000	200	0.307	198	40000	178	
3/4	19.05	64000	285	0.442	285	58000	258	
7/8	22.23	87000	387	0.601	388	78000	347	
1	25.4	114000	507	0.785	507	102000	454	
1 1/8	28.58	144000	641	0.994	642	129000	574	
1 1/4	31.75	178000	792	1.227	792	160000	712	
1 3/8	34.93	215000	957	1.485	957	193000	859	
			GRADO	160				
1/2	12.7	31000	138	0.196	127	27000	120	
5/8	15.88	49000	218	0.307	198	43000	191	
3/4	19.05	71000	316	0.442	285	62000	276	
7/8	22.23	96000	427	0.601	388	84000	374	
1	25.4	126000	561	0.785	507	110000	490	
1 1/8	28.58	159000	708	0.994	642	139000	619	
1 1/4	31.75	196000	872	1.227	792	172000	765	
1 3/8	34.93	238000	1059	1.485	958	208000	926	

Fuente: Pablo Apaza Herrera





#### 2.6. FACTORES DE CARGA Y COMBINACIONES DE CARGA

#### Factores de carga y combinaciones de cargas

**AASHTO Art.3.4.1** 

La solicitación mayorada total se tomara como:

 $\mathbf{Q} = \sum \mathbf{n_i} \mathbf{y_i} \mathbf{Q_i}$ 

Dónde:

 $n_i = Modificador de las cargas$ 

y<sub>i</sub>= factores de cargas

Q<sub>i=</sub>Solicitaciones de las cargas aquí especificadas

Los componentes y conexiones de un puente deberán satisfacer la ecuación 1.3.2.1-1 para las combinaciones aplicables de solicitaciones extremas mayoradas según se específica para cada uno de los siguientes estados límites:

RESISTENCIA I.- combinación de cargas básica que representa el uso vehicular normal del puente, sin viento.

RESISTENCIA II.- combinación de cargas que representa el uso del puente por parte de vehículos de diseño especiales especificados por el propietario, vehículos de circulación restringida, o ambos, sin viento.

RESISTENCIA III.- combinación de carga que representa el puente expuesto a vientos de velocidades superiores a 90 km/h.

RESISTENCIA IV.- combinación de cargas que representa relaciones muy elevadas entre las solicitaciones provocadas por las cargas permanentes y las provocadas por las sobrecargas.

RESISTENCIA V.- combinación de cargas que representa el uso del puente por parte de vehículos por parte de vehículos normales con una velocidad del viento de 90km/h.





EVENTO EXTREMO I.- combinación de cargas que incluye sismos.

EVENTO EXTREMO II.- combinación de cargas que incluye carga de hielo, colisión de embarcaciones y vehículos, y ciertos eventos hidráulicos con una sobrecarga reducida diferente a la que forma parte de la carga de colisión de vehículos, CT.

SERVICIO I.- combinación de cargas que representa la operación normal del puente con un viento de 90km/h, tomando todas las cargas a sus valores nominales.

SERVICIO II.- combinación de cargas cuya intención es controlar la fluencia de las estructuras del acero y el resbalamiento que provoca la sobrecarga vehicular en las conexiones de resbalamiento crítico.

SERVICIO III.- combinación de cargas relacionada exclusivamente con la tracción en superestructuras de hormigón pretensado, cuyo objetivo es controlar la fisuración.

SERVICIO IV.- combinación de cargas relacionada exclusivamente con la tracción en subestructuras de hormigón pretensado, cuyo objetivo es controlar la fisuración.

FATIGA.- Combinación de cargas de fatiga y fractura que se relacionan con la sobrecarga gravitatoria vehicular repetitiva y las respuestas dinámicas bajo un único camión de diseño con la separación entre ejes especificada en el artículo 3.6.1.4.1





En la tabla 4 se especifican los factores de carga que se deben aplicar para las diferentes cargas que componen una combinación de cargas de diseño. Se deberán investigar todos los subconjuntos relevantes de las combinaciones de cargas. En cada combinación de cargas, cada una de las cargas que debe ser considerada y que es relevante para el componente que se está diseñando, incluyendo todas las solicitaciones significativas debidas a la distorsión, se deberán multiplicar por el factor de carga correspondiente y el factor de presencia múltiple especificado en el artículo 3.6.1.1.2, si corresponde. Luego los productos se deberán sumar de la manera especificada en la ecuación 1.3.2.1.1 y multiplicar por los modificadores de las cargas especificados en el artículo 1.3.2. Los factores de deberán seleccionar de manera de producir la solicitación total mayorada extrema. Para cada combinación de cargas se deberán investigar tanto los valores extremos positivos como los valores extremos negativos.

En las combinaciones de cargas en las cuales una solicitación reduce otra solicitación, a la carga que reduce la solicitación se le deberá aplicar el valor mínimo. Para las solicitaciones debidas a cargas permanentes, de la tabla 2 se deberá seleccionar el factor de carga que produzca la combinación más crítica. Si la carga permanente aumenta la estabilidad o la capacidad de carga de un componente o puente, también se deberá investigar el valor mínimo del factor de carga para dicha carga permanente.

El mayor de los dos valores especificados para los factores de carga a aplicar a TU, CR y SH se deberá utilizar para las deformaciones, y el menor valor se deberá utilizar para todas las demás solicitaciones.





La evaluación de la estabilidad global de los rellenos retenidos, así como de los taludes de tierra con o sin unidad de fundación poca o muy profunda, se deberá hacer utilizando la combinación de cargas correspondientes al estado límite de servicio i y un factor de resistencia adecuado según lo especificado en los artículos 10.5.2 y 11.5.6.

Para las estructuras tipo caja formada por placas estructurales que satisfacen los requisitos del artículo 12.9, el factor de sobrecarga para las sobrecargas vehiculares LL y IM se deberá tomar igual a 2,0.

Los factores de carga para gradiente de temperatura, y asentamiento, se deberán adoptar en base a las características específicas de cada proyecto. Si no hay información específica del proyecto que indique lo contrario, se puede tomar como:

- 0,0 en los estados límites de resistencia y evento extremo
- 1,0 en el estado límite de servicio cuando no se considera la sobrecarga
- 0,5 en el estado límite de servicio cuando se considera la sobrecarga

Para los puentes construidos por segmentos se deberá investigar la siguiente combinación en el estado límite de servicio:

DC+DW+EH+EV+ES+WA+CR+SH+TG+EL

El factor de carga para sobrecarga en la combinación correspondiente a evento extremo I, se deberá determinar en base a las características específicas de cada proyecto.





Tabla 4. Combinación de Cargas y Factores de Carga.

Combinación de Cargas	DC DD DW	LL IM								Usa	r sólo ı	mo por	vez
Estado Límite	EH EV ES EL	CE BR PL LS	WA	ws	WL	FR	TU CR SH	TG	SE	EQ	IC	CT	CV
RESISTENCIA I (a menos que se especifique lo contrario)	γ <sub>p</sub>	1,75	1,00	-	-	1,00	0,50/1,20	ΥTG	γ <sub>SE</sub>	-	-	-	-
RESISTENCIA II	γ <sub>p</sub>	1,35	1,00	-	-	1,00	0,50/1,20	γ <sub>TG</sub>	γse	-	-	-	-
RESISTENCIA III	$\gamma_{\rm p}$	-	1,00	1,40	-	1,00	0,50/1,20	$\gamma_{TG}$	γ <sub>SE</sub>	-	-	-	-
RESISTENCIA IV – Sólo <i>EH</i> , <i>EV</i> , <i>ES</i> , <i>DW</i> , <i>DC</i>	γ <sub>p</sub> 1,5	-	1,00	-	-	1,00	0,50/1,20	-	-	-	-	-	-
RESISTENCIA V	γ <sub>p</sub>	1,35	1,00	0,40	1,0	1,00	0,50/1,20	γ <sub>TG</sub>	γse	-	-	-	-
EVENTO EXTREMO I	γp	γ <sub>EQ</sub>	1,00	-	-	1,00	-	-	-	1,00	-	-	-
EVENTO EXTREMO II	γ <sub>p</sub>	0,50	1,00	-	-	1,00	-	-	-	-	1,00	1,00	1,00
SERVICIO I	1,00	1,00	1,00	0,30	1,0	1,00	1,00/1,20	$\gamma_{TG}$	$\gamma_{SE}$	-	-	-	-
SERVICIO II	1,00	1,30	1,00	-	-	1,00	1,00/1,20	-	-	-	-	-	-
SERVICIO III	1,00	0,80	1,00	-	1	1,00	1,00/1,20	$\gamma_{TG}$	$\gamma_{SE}$	-	-	-	-
SERVICIO IV	1,00	-	1,00	0,70	-	1,00	1,00/1,20	-	1,0	-	-	-	-
FATIGA - Sólo <i>LL</i> , <i>IM</i> y <i>CE</i>	-	0,75	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-

Fuente: Norma AASHTO art 3.4.1-1

Tabla 5. Factores de amplificación para Cargas

Tipo de carga	Factor	de Carga
Tipo de carga	Máximo	Mínimo
DC: Elemento y accesorios	1,25	0,90
DD: Fricción negativa (downdrag)	1,80	0,45
DW: Superficies de rodamiento e instalaciones para servicios públicos	1,50	0,65
EH: Empuje horizontal del suelo  Activo  En reposo	1,50 1,35	0,90 0,90
EL: Tensiones residuales de montaje	1,00	1,00
EV: Empuje vertical del suelo  Estabilidad global  Muros de sostenimiento y estribos  Estructura rígida enterrada  Marcos rígidos  Estructuras flexibles enterradas u otras, excepto alcantarillas metálicas rectangulares  Alcantarillas metálicas rectangulares flexibles	1,00 1,35 1,30 1,35 1,95	N/A 1,00 0,90 0,90 0,90 0,90
ES: Sobrecarga de suelo	1,50	0,75

Fuente: Norma AASHTO 3.4.1-2





#### 2.7. **CARGAS PERMANENTES**

#### 2.7.1. **Cargas Permanentes: DC, DW AASHTO Art.3.5.1**

La carga permanente deberá incluir el peso propio de todos los componentes de la estructura, accesorios e instalaciones de servicio unidas a la misma, superficie de rodamiento, futuras sobrecapas y ensanchamientos previstos.

En ausencia de información más precisa, para las cargas permanentes se puede utilizar las densidades especificadas en la tabla 6.

Tabla 6. Densidades

	Material	Densidad (kg/m³)		
Aleaciones d	le aluminio	2800		
Superficies of	le rodamiento bituminosas	2250		
Hierro fundi	do	7200		
Escoria		960		
Arena, limo	o arcilla compactados	1925		
	Agregados de baja densidad	1775		
TT:	Agregados de baja densidad y arena	1925		
Hormigón	Densidad normal con $f_c \le 35$ MPa	2320		
	Densidad normal con 35 < f' <sub>c</sub> ≤ 105 MPa	2240 + 2,29 f'c		
Arena, limo	o grava sueltos	1600		
Arcilla bland	ia	1600		
Grava, maca	dán o balasto compactado a rodillo	2250		
Acero		7850		
Sillería		2725		
Madera	Dura	960		
Madera	Blanda	800		
	Dulce	1000		
Agua	Salada	1025		
	Elemento	Masa por unidad de longitud (Kg/mm)		
Rieles para t	ránsito, durmientes y fijadores por vía	0,30		

Fuente: Norma AASHTO 3.5.1-1





#### 2.7.2. SOBRECARGAS VIVAS

**AASHTO Art.3.6.1.1** 

#### Sobrecarga vehicular

#### Número De Carriles De Diseño

En general, el número de carriles de diseño se debería determinar tomando la parte entera de la relación w/3600, siendo w el ancho libre de calzada entre cordones y/o barreras, en mm.

También se deberían considerar posibles cambios futuros en las características físicas o funcionales del ancho libre de calzada.

En aquellos casos en los cuales los carriles de circulación tienen menos de 3600mm de ancho, el número de carriles de diseño deberá ser igual al número de carriles de circulación, y el ancho del carril de diseño se deberá tomar igual al ancho del carril de circulación.

Los anchos de calzada comprendidos entre 6000 y 7200mm deberán tener dos carriles de diseño, cada uno de ellos de ancho igual a la mitad del ancho de calzada.

#### Presencia De Múltiples Sobrecargas

Los requisitos de este artículo no se aplicaran al estado límite de fatiga para el cual se utiliza un camión de diseño, independientemente del número de carriles de diseño. Si en lugar de emplear la ley de momentos y el método estático se utilizan los factores de distribución aproximados para carril único de los artículos 4.6.2.2 y 4.6.2.3, las solicitaciones se deberán dividir por 1.2 A menos que en este documento se especifique lo contrario, la solicitación extrema correspondiente a sobrecargas se deberá determinar considerando cada una de las posibles combinaciones de número de carriles cargados, multiplicando por un factor de presencia múltiple





Correspondiente para tomar en cuenta la probabilidad de que los carriles estén ocupados simultáneamente por la totalidad de la sobrecarga de diseño HL93. En ausencia de datos específicos del predio, los valores de la tabla N°07:

- Se deberán utilizar al investigar el efecto de un carril cargado
- Se podrán utilizar al investigar el efecto de tres o más carriles cargados

A los fines de determinar el número de carriles cuando la condición de carga incluye las cargas peatonales especificadas en el artículo 3.6.1.6 combinada con uno o más carriles con la sobrecarga vehicular, las cargas peatonales se pueden considerar como un carril cargado.

Los factores especificados en la tabla N°07 no se deben aplicar conjuntamente con los factores de distribución de carga aproximados especificados en los artículos 4.6.2.2 y 4.6.2.3,

Excepto si se aplica la ley de momentos o si se utilizan requisitos especiales para vigas exteriores en puentes de vigas y losas, especificados en el artículo 4.6.2.2.2d.

Tabla 7. Factor de Presencia Múltiple

Número de carriles cargados	Factor de presencia múltiple, m
1	1,20
2	1,00
3	0,85
> 3	0,65





#### Sobrecarga Vehicular De Diseño

AASHTO Art.3.6.1.2

#### **Requisitos Generales**

La sobrecarga vehicular sobre las calzadas de puentes o estructuras incidentales, designada como HL-93, deberá consistir en una combinación de:

- Camión de diseño o tándem de diseño, y
- Carga de carril de diseño

A excepción de las modificaciones especificadas en el artículo 3.6.1.3.1, cada carril de diseño considerado deberá estar ocupado ya sea por el camión de diseño o bien por tándem de diseño, en coincidencia con la carga del carril, cuando corresponda. Se asumirá que las cargas ocupan 3000mm transversalmente dentro de un carril de diseño.

#### 2.7.2.1. Camión De Diseño

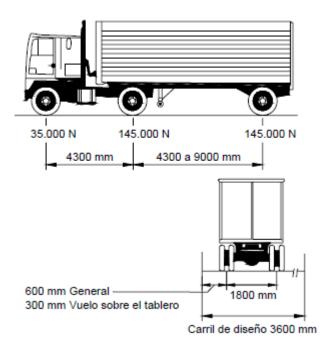
Los pesos y las separaciones entre los ejes y las ruedas del camión de diseño serán como se especifica en la figura N°02. Se deberá considerar un incremento por carga dinámica como se específica en el artículo 3.6.2.

A excepción de los especificado en los artículos 3.6.1.3.1 y 3.6.1.4.1, la separación entre los dos ejes de 145000 N se deberá variar entre 4300 y 9000mm para producir las solicitaciones extremas.





Figura 2 Camión de diseño



Fuente: Norma AASHTO 3.6.1.2.2-1

#### 2.7.2.2. Tándem De Diseño

El tándem de diseño consistirá en un par de ejes de 110 000N con una separación de 1200mm. La separación transversal de las ruedas se deberá tomar como 1800mm. Se deberá considerar un incremento por carga dinámica según lo especificado en el artículo 3.6.2.

# 2.7.2.3. Carga Del Carril De Diseño

La carga del carril de diseño consistirá en una carga de 9,3 N/mm, uniformemente distribuida en un ancho de 3000mm. Las solicitaciones debidas a la carga del carril de diseño no estarán sujetas a un incremento por carga dinámica.

PRESFORZADAS, PROVINCIA Y DEPARTAMENTO DE CUSCO.





# MÉTODO DE LOS FACTORES DE DISTRIBUCIÓN

#### MÉTODO DE LOS FACTORES DE DISTRIBUCIÓN PARA MOMENTO 2.8.1.

#### VIGAS INTERIORES 2.8.1.1.

AASHTO Art.4.6.2.2.2b

El momento flector por sobrecarga para vigas interiores con tableros de hormigón se puede determinar aplicando la fracción por carril especificada en la tabla N°08.

Para la etapa de diseño preliminar los términos  $K_g/(Lt^3)$  e I/J se pueden tomar iguales a 1.

Tabla 8. Distribución de las Sobrecargas por carril para Momentos en Vigas Interiores

Tipo de vigas	Sección transversal aplicable de la Tabla 4.6.2.2.1-1	Factores de Distribución	Rango de aplicabilidad
Tablero de madera sobre vigas de madera o acero	a, 1	Ver Tabla 4.6.2.2.2a-1	
Tablero de hormigón sobre vigas de madera	1	Un carril de diseño cargado: \$/3700 Dos o más carriles de diseño cargados: \$/3000	S ≤ 1800
Tablero de hormigon, emparrillado con vanos Ilenos o parcialmente Ilenos, o emparrillado con vanos no llenos compuesto con losa de hormigon armado sobre vigas de acero u hormigon; vigas Te	a, e, k y tambien i, j si estan suficientemente comectadas para actuar como una unidad	Un carril de diseño cargado: $0.06 + \left(\frac{S}{4300}\right)^{0.4} \left(\frac{S}{L}\right)^{0.5} \left(\frac{K_s}{L_s^4}\right)^{0.5}$ Dos o más carriles de diseño cargados: $0.075 + \left(\frac{S}{2900}\right)^{0.6} \left(\frac{S}{L}\right)^{0.5} \left(\frac{K_s}{L_s^4}\right)^{0.5}$	$\begin{aligned} &1100 \le S \le 4900 \\ &110 \le t_s \le 300 \\ &6000 \le L \le 73.000 \\ &N_b \ge 4 \\ &4 \times 10^9 \le K_g \le 3 \times 10^{12} \end{aligned}$
de hormigón, secciones Te y doble Te de hormigón		Usar el valor obtanido de la ecuación anterior con $N_b=3$ o la ley de momentos, cualquiera sea el que resulte memor	N <sub>b</sub> = 3
Viga cajón de hormigón de múltiples celulas coladas in situ	đ	Un carril de diseño cargado: $ \left(1,75 + \frac{S}{1100}\right) \left(\frac{300}{20}\right)^{0.35} \left(\frac{1}{N_c}\right)^{0.45} $ Dos o más carriles de diseão cargados: $ \left(\frac{13}{N_c}\right)^{0.5} \left(\frac{S}{430}\right) \left(\frac{1}{L}\right)^{0.35} $	$2100 \le S \le 4000$ $18.000 \le L \le 73.000$ $N_o \ge 3$ $\text{Si } N_o > 8 \text{ usar } N_o = 8$
Tablero de hormigón sobre vigas cajón de hormigón separadas o maestras	ъ, с	Un carril de diseño cargado: $\left(\frac{S}{910}\right)^{0.05} \left(\frac{Sd}{L^2}\right)^{0.35}$ Dos o más carriles de diseño cargados: $\left(\frac{S}{1900}\right)^{0.6} \left(\frac{Sd}{L^2}\right)^{0.35}$	$1800 \le S \le 5500$ $6000 \le L \le 43.000$ $450 \le d \le 1700$ $N_b \ge 3$
		Usar la ley de momentos	S > 5500

Fuente: Norma AAHTO 4.6.2.2.2b





#### 2.8.1.2. **VIGAS EXTERIORES**

AASHTO Art.4.6.2.2.2d

El momento flector por sobrecarga para vigas exteriores se puede determinar aplicando la fracción por carril, g, especificada en la tabla N°09.

La distancia ds se deberá tomar como positiva si el alma exterior esta hacia dentro de la cara interior de la baranda para el tráfico y negativa si esta hacia fuera del cordón o barrera para el tráfico.

Tabla 9. Distribución de las Sobrecargas por carril para Momentos en Vigas Exteriores

L				
Tipo de superestructura	Sección transversal aplicable de la Tabla 4.6.2.2.1-1	Un carril de diseño cargado	Dos o más carriles de diseño cargados	Rango de aplicabilidad
Tablero de madera sobre vigas de madera o acero	a, 1	Ley de momentos	Ley de momentos	N/A
Tablero de hormigón sobre vigas de madera	1	Ley de momentos	Ley de momentos	N/A
Tablero de hormigón, emparrillado con vanos llenos o parcialmente llenos, o emparrillado con vanos no	a, e, k y también i, j si están suficientemente conectadas para actuar como una unidad	Ley de momentos	$g = e g_{\text{solution}}$ $e = 0.77 + \frac{d_e}{2800}$	-300 ≤ d <sub>e</sub> ≤ 1700
llenos compuesto con losa de hormigón armado sobre vigas de acero u hormigón; vigas Te de hormigón, secciones Te y doble Te de hormigón			Utilizar el valor obtenido de la ecuación anterior con $N_b = 3$ o la loy de momentos, cualquiera sea el que resulte menor	N <sub>b</sub> = 3
Viga cajón de hormigón de múltiples células	d	$g = \frac{W_e}{4300}$	$g = \frac{W_s}{4300}$	$W_a \subseteq S$
		o los requisitos para diseño de estructuras que abarcan la totalidad del ancho especificados en el Artículo 4.6.2.2.1		
Tablero de hormigón sobre vigas cajón de hormigón separadas o maestras	b, c	Ley de momentos	$g = c g_{\text{intertor}}$ $c = 0.97 + \frac{d_s}{8700}$	$0 \le d_e \le 1400$ $1800 < S \le 5500$
			Ley de momentos	S > 5500
Vigas cajón de hormigón usadas en tableros multiviga	f, g	g = c g <sub>isterior</sub>	g = c g <sub>intertor</sub>	$d_s \le 600$
usadas en taoteros minuviga		$e = 1,125 + \frac{d_s}{9100} \ge 1,0$	$e = 1,04 + \frac{d_e}{7600} \ge 1,0$	
Vigas de hormigón excepto las	h.	Ley de momentos	Ley de momentos	N/A
vigas cajón usadas en tableros ' multiviga	i, j si estan conectadas apenas lo suficiente para impedir desplazamiento vertical relativo en la interfase			
Tablero de emparrillado de acero sobre vigas de acero	2	Ley de momentos	Ley de momentos	N/A
Tablero de hormigón sobre múltiples vigas cajón de acero	b, c	Como se específica en la Tabla 4.6.2.2.2b-1		

Fuente: Norma AAHTO 4.6.2.2.2d





# MÉTODO DE LOS FACTORES DE DISTRIBUCIÓN PARA 2.8.2. **CORTE**

#### **VIGAS INTERIORES** 2.8.2.1.

AASHTO Art.4.6.2.2.3a

El corte por sobrecarga para las vigas interiores se puede determinar aplicando las fracciones por carril especificadas en la tabla 1. Para los tipos de vigas interiores no listados en la tabla N°09, la distribución lateral de la rueda o eje adyacente al extremo, del tramo será la obtenida aplicando la ley de momentos.

Para el diseño preliminar el término I/J se puede tomar igual a 1.

Tabla 10. Distribución de las Sobrecargas por carril para Corte

Tipo de superestructura	Sección transversal aplicable de la Tabla 4.6.2.2.1-1	Un carril de diseño cargado	Dos o más carriles de diseño cargados	Rango de aplicabilidad
Tablero de madera sobre vigas de madera o acero	Ver Tabla 4.6.2.2.2a-1			
Tablero de hormigón sobre vigas de madera	1	Ley de momentos	Ley de momentos	N/A
Tablero de hormigón, emparrillado con vanos llemos o parcialmente llenos, o emparrillado con vanos no llemos compuesto con losa de	a, e, k y también i, j si están suficientemente conectadas para actuar como una unidad	$0,36 + \frac{S}{7600}$	$0,2 + \frac{S}{3600} - \left(\frac{S}{10700}\right)^{2,0}$	$1100 \le S \le 4900$ $6000 \le L \le 73.000$ $110 \le t_e \le 300$ $N_b \ge 4$
hormigön armado sobre vigas de acero u hormigön; vigas Te de hormigön, secciones Te y doble Te de hormigön		Ley de momentos	Ley de momentos	$N_b = 3$
Vigas cajón de hormigón de múltiples celulas coladas in situ	đ	$\left(\frac{S}{2900}\right)^{0,6} \left(\frac{d}{L}\right)^{0,1}$	$\left(\frac{S}{2200}\right)^{0,\theta} \left(\frac{d}{L}\right)^{0,1}$	$1800 \le S \le 4000$ $6000 \le L \le 73.000$ $890 \le d \le 2800$ $N_c \ge 3$
Tablero de hormigón sobre vigas cajón de hormigón separadas o maestras	ъ, с	$\left(\frac{S}{3050}\right)^{0.6} \left(\frac{d}{L}\right)^{0.1}$	$\left(\frac{S}{2250}\right)^{0,0} \left(\frac{d}{L}\right)^{0,1}$	$1800 \le S \le 5500$ $6000 \le L \le 43.000$ $450 \le d \le 1700$ $N_b \ge 3$
		Ley de momentos	Ley de momentos	S = 5500
Vigas cajón de hormigón usadas en tableros multiviga	£, g	$0,70 \left(\frac{b}{L}\right)^{0,15} \left(\frac{J}{J}\right)^{0,05}$	$ \left( \frac{b}{4000} \right)^{b,l} \left( \frac{b}{l} \right)^{b,l} \left( \frac{f}{f} \right)^{b,l} \left( \frac{b}{1200} \right) $ $ \frac{b}{1200} \ge 1,0 $	$900 \le b \le 1500$ $6000 \le L \le 37.000$ $5 \le N_b \le 20$ $1.0x10^{10} \le J \le 2.5x10^{11}$ $1.7x10^{10} \le J \le 2.5x10^{11}$
Vigas de hormigón excepto vigas caión usadas en	F	Ley de momentos	Ley de momentos	N/A
vagas cajon washas an tablaros multiviga	i, j si estan conectadas apenas lo suficiente para impedir desplazamiento vertical relativo en la interfase			
Tablero emparrillado de acero sobre vigas de acero	a	Ley de momentos	Ley de momentos	N/A
Tablero de hormigón sobre múltiples vigas cajón de acero	b, c	Según lo especificado en la Tabla 4.6.2.2.2b-1		

Fuente: Norma AAHTO 4.6.2.2.3a





#### 2.8.2.2. **VIGAS EXTERIORES**

AASHTO Art.4.6.2.2.2b

El corte por sobrecarga para vigas exteriores se deberá determinar aplicando las fracciones por carril especificados en la tabla N°11.

El parámetro dc se deberá tomar como positivo si el alma exterior esta hacia dentro del cordón o la barrera para el tráfico y negativo si esta hacia fuera.

Se deberán aplicar los requisitos adicionales para vigas exteriores en puentes de viga y losa con marcos transversales o diafragmas.

Tabla 11. Distribución de las Sobrecargas por carril para Corte en Vigas

Tipo de superestructura	Sección transversal aplicable de la Tabla 4.6.2.2.1-1	Un carril de diseño cargado	Dos o más carriles de diseño cargados	Rango de aplicabilidad
Tablero de madera sobre vigas de madera o acero	a, 1	Ley de momentos	Ley de momentos	N/A
Tablero de hormigón sobre vigas de madera	1	Ley de momentos	Ley de momentos	N/A
Tablero de hormigón, emparrillado con vanos llenos o parcialmente llenos, o emparrillado con vanos no	a, e, k y también i, j si están suficientemente conectadas para actuar	Ley de momentos	$g = c g_{\text{interior}}$ $c = 0.6 + \frac{d_x}{3000}$	-300 ≤ d <sub>e</sub> ≤ 1700
llenos compuesto con losa de hormigón armado sobre vigas de acero u hormigón; vigas Te de hormigón, secciones Te y doble Te de hormigón	como una unidad		Ley de momentos	N <sub>b</sub> = 3
Viga cajón de hormigón de multiples celulas colada in situ	đ	Ley de momentos	$g = c g_{\text{industry}}$ $e = 0.64 + \frac{d_c}{3800}$	-600 ≤ d <sub>e</sub> ≤ 1500
		o los requisitos para dise abarcan la totalidad del a Artículo 4.6.2.2.1	dio de estructuras que uncho especificados en el	
Tablero de hormigón sobre vigas cajón de hormigón separadas o maestras	ъ, с	Ley de momentos	$g = c g_{\text{intertor}}$ $c = 0.8 + \frac{d_s}{3050}$	$0 \le d_e \le 1400$
			Ley de momentos	S = 5500
Vigas cajón de hormigón usadas en tableros multiviga	f, g	$g = c g_{\text{states}}$ $c = 1,25 + \frac{d_s}{6100} \ge 1,0$	$g = e g_{\text{salester}} \left( \frac{1200}{b} \right)$ $\frac{1200}{b} \le 1,0$	$d_e \le 600$
			$e = 1 + \left(\frac{d_x + b - 610}{12\ 200}\right)^{0.5} \ge 1,0$	
Vigas de hormigón excepto vigas cajón usadas en	h	Ley de momentos	Ley de momentos	N/A
vigas cajon usadas en tableros multiviga	i, j si estan conectadas apenas lo suficiente para impedir desplazamiento vertical relativo en la interfase			
Tablero emparrillado de acero sobre vigas de acero	a	Ley de momentos	Ley de momentos	N/A
Tablero de hormigón sobre múltiples vigas cajón de acero	ъ, с	Segun lo especificado en la Tabla 4.6.2.2.2b-1		

Fuente: Norma AAHTO 4.6.2.2.3b





# 2.9. DISEÑO DE VIGA

#### 2.9.1. **DIMENSIONAMIENTO**

**SUPERIOR** 

**INFERIOR** 

$$P_{ti} + M_1$$

$$P_{ti} + M_1$$
  $1. -S_{pti}^S + S_1^S \ge f_{ti}$ 

$$2. - S_{\text{pti}}^{S} - S_{1}^{S} \le f_{\text{ti}}$$

$$P_{ti} + M$$

$$3. - S_{pt}^{S} + S_{1}^{S} + S_{a}^{S} \le f_{t}$$

$$P_{ti} + M_1$$
  $3. - S_{pt}^S + S_1^S + S_a^S \le f_t$   $4. - S_{pt}^S - S_1^S - S_a^S \ge f_t$ 

Estas 4 desigualdades nos expresan las condiciones que tenemos que cumplir para que la sección este bien diseñada.

Ec.1 se multiplica por (-n)+ ec.3 obtenemos: para eliminar la fuerza de preesforzado

$$-nS_{pt1}^{S} - nS_{1}^{S} \le -nf_{ti}$$

$$nS_{pt1}^{S} + nS_{1}^{S} + S_{a}^{S} \le -f_{ti}$$

$$(1 - n)S_{1}^{S} + S_{a}^{S} \le -f_{c} - nf_{ti}$$

$$(1 - n)\frac{M_{1}}{Z^{S}} + \frac{M_{a}}{Z^{S}} \le f_{c} - nf_{ti}$$

**Entonces:** 

$$Z^S = \frac{M_a + (1-n)M_1}{f_c - nf_{ti}}$$

De la ec.2 y ec.4

$$Z^{i} = \frac{M_a + (1-n)M_1}{nf_{ci} - f_{ti}}$$

DONDE:

Z<sub>s</sub>: módulo de sección mínimo en la fibra superior

Z<sub>i</sub>: módulo de sección mínimo en la fibra inferior





M<sub>1</sub>: momento viga

M<sub>a</sub>: momento

n: % de fuerza inicial despues de las pérdidas

Para verificar la simetría o asimetría de la sección se debe verificar:

$$\frac{\mathrm{M_1}}{\mathrm{M_2}}$$
 es pequeña  $ightarrow$  emplear una sección simétrica

$$\frac{M_1}{M_2}$$
 es grande  $\rightarrow$  emplear una sección asimétrica





# 2.9.2. LÍMITES PARA LA TENSIÓN EN EL HORMIGÓN

# 2.9.2.1. TENSIONES TEMPORARIAS ANTES DE LAS PÉRDIDAS

#### TENSIONES DE COMPRESIÓN

AASHTO Art.5.9.4.1

El límite para la tensión de compresión en los elementos de hormigón pretensado y postensado, incluyendo los puentes construidos por segmentos, será de 0.60f°c (MPa).

# TENSIONES DE TRACCIÓN

Para las tensiones de tracción se deberán aplicar los límites indicados en la tabla 11.

Tabla 12. Límites para la tensión antes de las pérdidas.

Tipo de puente	Ubicación	Tensión límite
Todos los puentes,	En la zona de tracción precomprimida sin armadura adherente	N/A
excepto los puentes construidos por segmentos	<ul> <li>En áreas fuera de la zona de tracción precomprimida y sin armadura auxiliar adherente</li> </ul>	$0.25 \sqrt{f_{cl}^{'}} \le 1.38 \text{ (MPa)}$
	<ul> <li>En áreas con armadura adherente (barras de armadura o acero de pretensado) suficiente para resistir la fuerza de tracción en el hormigón calculada suponiendo una sección no fisurada, cuando la armadura se dimensiona utilizando una tensión de 0,5\$\( \beta\), no mayor que 210 MPa</li> </ul>	$0,63\sqrt{f_{cl}}$ (MPa)
	Para tensiones de manipuleo en pilares pretensados	$0,415 \sqrt{f_c'} \text{ (MPa)}$
Puentes construidos por segmentos	Tensiones longitudinales a través de uniones en la zona de tracción precomprimida	
	<ul> <li>Uniones con armadura auxiliar adherente mínima atravesando las uniones, la cual es suficiente para soportar la fuerza de tracción calculada a una tensión de 0,5f; con tendones internos o tendones externos</li> </ul>	$0,25\sqrt{f_{cl}^{'}}$ tracción máxima (MPa)
	Uniones sin la armadura auxiliar adherente mínima atravesando las uniones	Tracción nula
	Tensiones transversales a través de las uniones	
	Para cualquier tipo de unión	$0,25\sqrt{f_{cl}^{'}}$ (MPa)
	Tensiones en otras áreas	
	<ul> <li>Para áreas sin armadura adherente no pretensada</li> </ul>	Tracción nula
	<ul> <li>En áreas con armadura adherente (barras de armadura o acero de pretensado) suficiente para resistir la fuerza de tracción en el hormigón calculada suponiendo una sección no fisurada, cuando la armadura se dimensiona utilizando una tensión de 0,5\$\( \eta_0 \), no mayor que 210 MPa</li> </ul>	$0,50\sqrt{f_{cl}}$ (MPa)

Fuente: Norma AAHTO 5.9.4.1.2-1





# LÍMITES EN ESTADO LÍMITE DE SERVICIO DESPUES DE LAS 2,9,2,2, **PÉRDIDAS**

# TENSIONES DE COMPRESIÓN

AASHTO Art.5.9.4.2

La compresión se deberá investigas utilizando la combinación de cargas para estado límite de servicio I especificada en la tabla3.4.1-1. Se aplicaran los límites indicados en la tabla1.

Tabla 13. Límites para la tensión de compresión después de las pérdidas.

• Ubicación	Tensión límite
<ul> <li>Excepto en puentes construidos por segmentos, tensión provocada por la sumatoria de la tensión efectiva de pretensado y las cargas permanentes</li> </ul>	0,45 f <sub>c</sub> (MPa)
<ul> <li>En puentes construidos por segmentos, tensión provocada por la sumatoria de la tensión efectiva de pretensado y las cargas permanentes</li> </ul>	0,45 f'c (MPa)
<ul> <li>Excepto en puentes construidos por segmentos, tensión provocada por la sobrecarga y la semisuma de la tensión efectiva de pretensado más las cargas permanentes</li> </ul>	0,40 f <sub>c</sub> (MPa)
<ul> <li>Tensión provocada por la sumatoria de las tensiones efectivas de pretensado, cargas permanentes y cargas transitorias, y durante las operaciones de transporte y manipuleo</li> </ul>	0,60 $\phi_w f_c$ (MPa)

#### TENSIONES DE TRACCIÓN

Para las combinaciones de cargas de servicio que involucran cargas de tráfico, las tensiones de tracción en los elementos que tienen tendones de pretensado adherentes o no adherentes se deberán investigar utilizando la combinación de cargas para estado límite de servicio III especificada en la tabla N°14.

Tabla 14. Límites para la tensión de tracción después de las pérdidas.

Tipo de puente	Ubicación	Tensión límite
	Tracción en la zona de tracción precomprimida, suponiendo secciones no fisuradas	
construidos por segmentos	<ul> <li>Para elementos con tendones de pretensado o armadura adherente sujetos a condiciones de corrosión leves o moderadas</li> </ul>	$0,50\sqrt{f'_c}$ (MPa)
	<ul> <li>Para elementos con tendones de pretensado o armadura adherente sujetos a condiciones de corrosión severas</li> </ul>	$0,25\sqrt{f'_c}$ (MPa)
	Para elementos con tendones de pretensado no adherentes	Tracción nula

Fuente: Norma AAHTO 5.9.4.2.2-1





#### 2.9.2. TENSIONAMIENTO

$$\frac{nP_1}{A_s} + \frac{nP_1 \times e}{S_i} - \frac{M_{viga}}{S_i} - \frac{M_{total-viga}}{S_i'} \ge f_{ts}$$

$$P_1 \ge \frac{As\left(f_{ts} + \frac{M_{viga}}{S_i} + \frac{M_{total-viga}}{S_i'}\right)}{n\left(1 + \frac{e}{C_s}\right)}$$

$$S_{i} = \frac{I}{Y_{i}} \qquad \qquad S'_{i} = \frac{I}{Y_{i}} \qquad \qquad C_{s} = \frac{S_{i}}{A}$$

Donde:

S<sub>i</sub>: relacion entre inercia y altura del centro de gravedad para viga simple

S'i: relacion entre inercia y altura del centro de gravedad para viga compuesta

P<sub>1</sub>: fuerza inicial de preesfuerzo(ton)

 $M_{viga}$ : momento de viga simple (ton. m)

 $M_{\text{total}}$ : momento actuante en servicio (ton. m)

n: eficiencia

 $f_{ts}$ : esfuerzo en traccion despues de las perdidas (ton/m2)

e: excentricidad del cable de preesfuerzo (m)

A<sub>s</sub>: area de la viga simple (m2)





#### 2.10. DISEÑO A LA FLEXIÓN

AASHTO Art.5.7

La resistencia de diseño para elementos sometidos a flexión se debe calcular con los métodos de diseño por resistencia según norma. Para el acero de preesforzado,  $f_{ps}$  debe sustituir a  $f_y$  en los cálculos de resistencia.

Como alternativa a una determinación más precisa de  $f_{ps}$  basada en la compatibilidad de deformaciones, se pueden utilizar los siguientes valores aproximados  $f_{ps}$ , siempre que  $f_{ps}$  no sea menor que  $0.5f_{pu}$ .

Para elementos con tendones adheridos:

$$f_{ps} = f_{pu} \left( 1 - \frac{\gamma_p}{\beta_1} \left( \rho_p \times \frac{f_{pu}}{f'_c} + \frac{d}{d_p} (w - w') \right) \right)$$

DONDE:

 $f_{ps}$ : esfuerzo en el acero de preesfuerzo en el estado de resistencia nominal a la flexión.

f<sub>pu</sub>: resistencia especificada a la tracción del acero de preesforzado.

 $\gamma_p \colon\!$  este factor tiene en cuenta la forma del diagrama tensiones —

deformaciones de los aceros el cual esta caracterizado por fpy/fpu:

si 
$$\gamma_p$$
: 0.55 para  $f_{py}/f_{pu} \ge 0.80$  (barras conformadas de pretensado)

si 
$$\gamma_p$$
: 0.40 para  $\frac{f_{py}}{f_{nu}} \ge 0.85$  (barras, alambres y cordones de relajación normal)

si 
$$\gamma_p$$
: 0.28 para  $f_{py}/f_{pu} \ge 0.90$  (alambres y cordones de baja relajación)

 $p_p$ : cuantia de la armadura tesa =  $A_{ps}/(bd_p)$ 

b: ancho del borde comprimido de la sección

d: distancia desde la fibra mas comprimida hasta el baricentro de la armadura tesa





 $d_p$ : distancia desde la fibra mas comprimida hasta el baricentro de la armadura tesa  $\mbox{w: cuantia mecánica de la armadura traccionada no tesa} = A_s f_y/(b\times d\times f'c)$   $\mbox{wp: cuantia mecánica de la armadura tesa} = p_p f_{ps}/f'c$ 

$$T_P + T_s = T_{pw} + T_{pf}$$

$$T_{pw} = A_{pw}f_{ps} = A_{p}f_{ps} + A_{s}f_{y} - 0.85f'_{c}(b - b_{w})hf$$

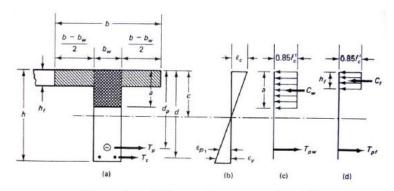
LUEGO POR EQUILIBRIO DE FUERZAS EN EL ALMA:

$$a = \frac{A_p f_{ps} + A_s f_y - 0.85 f'_c (b - b_w) hf}{0.85 f'_c b_w}$$

MOMENTO RESISTENTE:

$$M_n = A_{pw} f_{ps} \left( d_p - \frac{a}{2} \right) + A_s f_y \left( d - d_p \right) + 0.85 f'_c (b - b_w) h_f \left( d_p - \frac{hf}{2} \right)$$

Figura 3 Deformaciones y esfuerzos



<u>Deformaciones, Esfuerzos y fuerzas en secciones "T"</u>

(a) Sección de Viga. (b)Deformaciones. (c) Esfuerzos y Fuerzas en el Alma.

(d) Esfuerzos y Fuerzas en las alas

Fuente: Norma AASHTO

COMPARANDO DEL MOMENTO RESISTENTE DE DISEÑO CON EL MOMENTO ÚLTIMO:

$$\Phi M_n \ge M_u$$





## 2.11. DISEÑO POR CORTE

AASHTO Art.5.8

# 2.11.1. REGIONES QUE REQUIEREN ARMADURA TRANSVERSAL

$$V_u > 0.5 \varphi (V_c + V_p)$$

DONDE:

V<sub>u</sub>:Fuerza de corte mayorada (N)

V<sub>c:</sub>resistencia nominal al corte del hormigón(N)

V<sub>P</sub>: componente de la fuerza de pretensado en la dirección de la fuerza de corte(N)

φ: factor de resistencia especificado

#### 2.11.1.1. MÍNIMA ARMADURA TRANSVERSAL

Si se requiere armadura transversal, el área de acero deberá satisfacer la siguiente ecuación:

$$A_{v} \ge 0.083 \sqrt{f'c} \frac{b_{v}S}{f_{v}}$$

DONDE:

A<sub>v</sub>:Área de la armadura transversal en una distancia S (mm2)

 $b_{v}=% \frac{1}{2}\left( -\frac{1}{2}\left( -\frac{1}{2}\right) +\frac{1}{2}\left( -\frac{1}{2}\right) +\frac$ 

S = separación de la armadura transversal (mm)

 $f_y = tensión de fluencia de la armadura transversal (MPa)$ 

# 2.11.1.2. MÁXIMA SEPARACIÓN DE LA ARMADURA

# **TRANSVERSAL**

La separación de la armadura transversal no deberá ser mayor que la máxima separación admisible:





 $si V_u < 0.125 f'_c$   $S_{max} = 0.8 d_v \le 600 mm$ 

si  $V_u \ge 0.125 f_c'$   $S_{max} = 0.4 d_v \le 300 mm$ 

DONDE:

V<sub>u</sub>: tensión de corte

d<sub>v</sub>: altura de corte efectiva

## 2.11.2. TENSIÓN DE CORTE EN EL HORMIGÓN

La tensión de corte en el hormigón se deberá determinar como:

$$V_{u} = \frac{V_{u} - \emptyset V_{p}}{\emptyset b_{v} d_{v}}$$

V<sub>u</sub>: Ancho de alma efectivo tomado como el mínimo ancho del alma, medido en forma paralela al eje neutro, entre las resultantes de las fuerzas de tracción y compresión debidas a flexión, o, en el caso de secciones circulares, diámetro de la sección modificado para considerar la presencia de vainas si corresponde (mm).

d<sub>v</sub>: altura de corte efectiva tomada como la distancia, medida de forma perpendicular al eje neutro, entre las resultante de las fuerzas de tracción y compresión debidas a flexión; no es necesario tomarla menor que el mayor valor entre 0.9dc o 0.72h (mm)

#### 2.11.3. RESISNTENCIA NOMINAL AL CORTE

Se deberá determinar como el menor valor entre:

$$V_n = V_c + V_s + V_p$$

$$V_n = 0.25 f_c' b_v d_v + V_p$$

Siendo:





$$V_c = 0.083\beta\sqrt{f'c}b_vd_v$$

$$V_s = \frac{A_v f_y d_v (\cot \theta + \cot \alpha) \sin \alpha}{S}$$

DONDE:

b<sub>v</sub>: Ancho de alma efectivo tomado como el mínimo ancho del alma dentro de la altura dv , (mm)

d<sub>v</sub>: Altura de corte efectiva como se determina, (mm)

S: Separación de estribos (mm)

β: Fator que indica la capacidad del hormigón fisurado diagonalmente de transmitir tracción

θ: Ángulo de inclinacion de las tensiones de compresion diagonal

α: Ángulo de inclinación de la armadura transversal respecto del eje longitudinal

A<sub>v</sub>: Área de la armadura de corte en una distancia S (mm2)

 $V_p$ : Componente de la fuerza de pretensado efectiva en la dirección del corte aplicado; positiva si se opone al corte aplicado (N)

#### 2.11.4. DETERMINACION DE DEFORMACION EN EL REFUERZO

Procedimiento general:

Si la sección contiene como mínimo, la mínima armadura transversal especificada en el art 5.8.2.5

$$\varepsilon_{x} = \frac{\left(\frac{M_{u}}{d_{v}} + 0.5N_{u} + 0.5(V_{u} - V_{p})\cot\theta - A_{ps}f_{po}\right)}{2(E_{s}A_{s} + E_{p}A_{ps})}$$

El valor inicial de  $\varepsilon_x$  se deberá tomar menor o igual que 0.001.

Si la secciones contiene menos armadura transversal que la especificado en el artículo 5.8.2.5





$$\varepsilon_{x} = \frac{\left(\frac{M_{u}}{d_{v}} + 0.5N_{u} + 0.5(V_{u} - V_{p})\cot\theta - A_{ps}f_{po}\right)}{2(E_{s}A_{s} + E_{p}A_{ps})}$$

El valor inicial de  $\varepsilon_x$  se deberá tomar menor o igual que 0.002.

Donde:

A<sub>c</sub>: Área del hormigón del lado del elemento traccionado por flexión como se ilustra, (mm2)

Aps: Área del acero de pretensado del lado del elemento traccionado por flexión (mm2)

 $A_s$ : Área del acero no pretensado del lado del elemento traccionado por flexión en la sección considerada, como se ilustra en la figura  $N^{\circ}03(mm2)$ 

 $f_{po}$ : Parámetro que se toma como el módulo de elasticidad de los tendones de pretensado multiplicado por la diferencia de deformacion unitaria remanente entre los tendones de pretensado y el hormigón que los rodea (MPa)

 $N_u \colon\! Fuerza$ axial mayorada, positiva si es de tracción y negativa si es de compresión(N)

 $\text{M}_{\text{u}}\text{:}$  Momento mayorado, siempre positivo, pero nunca menor de  $v_{\text{u}}d_{\text{v}}$  , (N. mm)

Vu: Esfuerzo de corte mayorado, siempre positivo (N)





#### 2.12. **DEFLEXIONES**

AASHTO Art.2.5.2.6.2

Los criterios de esta sección se deben considerar optativos,

Para la aplicación de estos criterios la carga del vehículo debe incluir el incremento por carga dinámica.

Si un propietario decide invocar el control de las deflexiones se pueden aplicar los siguientes principios:

- Al investigar la máxima deflexión absoluta, todos los carriles de diseño deberían estar cargados, y se debería asumir que todos los elementos portantes se deforman igualmente;
- Para el diseño compuesto, el diseño de la sección transversal debería incluir la totalidad del ancho de la carretera y las porciones estructuralmente continuas de las barandas, aceras y barreras divisorias;
- Al investigar los máximos desplazamientos relativos, el número y
  posición de los carriles cargados se deberían seleccionar de manera que se produzca el
  peor efecto diferencial;
- Se debería utilizar la porción correspondiente a la sobrecarga viva de la combinación de carga de servicio I de la tabla 3,4,1-1 de la AASHTO, incluyendo el incremento por carga dinámica, IM;
- La sobrecarga viva se debe tomar del art 3.6.1.3.2
- Se deberían aplicar los requisitos del art 3.6.1.1.2; y





En ausencia de otros criterios, para las construcciones de hacer, aluminio y

hormigón se pueden considerar los siguientes límites de deflexión:

- Carga vehicular, general longitud/800,
- Carga vehiculares y peatonales, general longitud/1000,
- Carga vehicular sobre voladizos, general longitud/300,
- Carga vehiculares y peatonales sobre voladizos, general longitud/375,

PRESFORZADAS, PROVINCIA Y DEPARTAMENTO DE CUSCO.





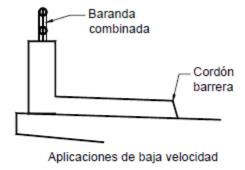
#### 2.13. BARANDAS

# REQUISITOS GENERALES

A lo largo de los bordes de las estructuras se deberán disponer barandas para proteger al tráfico y a los peatones.

Una acera peatonal puede estar separada de la calzada adyacente mediante un cordón barrera, una baranda para tráfico vehicular o una baranda combinada, tal como se indica en la figura  $N^{\circ}04$ 

Figura 4 Aceras peatonales





Aplicaciones de alta velocidad, preferentemente no autopistas

Fuente: Norma AASHTO





#### 2.13.1. BARANDAS PARA PEATONES

#### GEOMETRÍA

La mínima altura de las barandas para peatones deberá ser de 1060mm, medidos a partir de la cara superior de la acera.

Una baranda para peatones puede estar compuesto por elementos horizontales y /o verticales. La abertura libre entre los elementos deberá ser tal que no permita el paso de una esfera de 150mm de diámetro.

Si se utilizan tanto elementos horizontales como verticales, la abertura libre de 150mm se deberá aplicar a los 685mm inferiores de la baranda, mientras que la separación en la parte superior deberá ser tal que no permita el paso de una esfera de 200mm de diámetro.

#### 2.14. DISPOSITIVOS DE APOYO

#### Dispositivos de apoyo.

#### 1. Definición

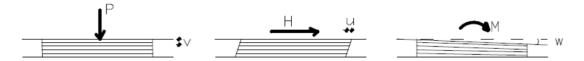
Son dispositivos ubicados entre la superestructura y la infraestructura de un puente cuya función es transmitir cargas y posibilitar desplazamiento y rotaciones.

Las cargas incluyen el peso propio de la superestructura, cargas vehiculares, de viento, sismo, fuerza de frenado, fuerza centrífuga, etc. Entre otras. Los desplazamientos transversales y longitudinales y las rotaciones, resultan de la acción de estas cargas así como de variaciones de temperatura flujo plástico, retracción, fatiga, etc.





Figura 5. Solicitaciones en dispositivos de apoyo.



Fuente: Norma AASHTO

## 2. Tipos de Dispositivos

Pueden ser clasificados entre fijos y de expansión. Los fijos permiten rotaciones pero restringen los movimientos traslacionales. Los de expansión permiten movimientos traslacionales y rotacionales.

#### 3. Apoyos de Elastómero.

Utilizan caucho natural o sintético (neopreno) que posibilita traslaciones y rotaciones, sustituyendo los complicados dispositivos tradicionales de rótulas y péndulos de concreto armado o metálicos.

Son flexibles en cortante pero a la vez muy rígidos para los cambios volumétricos; en compresión, se expanden lateralmente.

En puentes de tramos medio corto, donde las cargas son bajas, es posible utilizar elastómeros simples. Para cargas sustanciales es posible reforzar el elastómero con acero (zunchos) o fibra de vidrio.

Los dispositivos de elastómero zunchados están conformados por capas de neopreno y láminas de acero alternados adheridos al caucho por vulcanización.

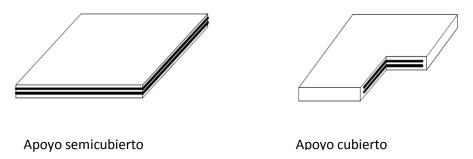




## Dispositivos de elastómero Freyssinet

Los dispositivos de apoyo de elastómero zunchado Freyssinet poseen capas externas de elastómero cuyo espesor es la mitad del espesor de las capas internas. Pueden ser:

Figura 6. Tipos de apoyo.



Fuente: Norma AASHTO

## a) Semi-recubiertos

Se realizan por cortes de placas madres de grandes dimensiones. Los cantos de los zunchos son aparentes en las caras laterales y están protegidos contra la corrosión con la ayuda de un revestimiento especial a base de resinas epóxicas.

Se designan por sus dimensiones en planta (mm) seguidas por el número de láminas de elastómero y zunchos metálicos así como su espesor respectivo (mm)





#### b) **Recubiertos**

Se realizan por moldeo individual. Los cantos aparentes de los zunchos están protegidos contra la corrosión por una capa de elastómero de mm de espesor medio, vulcanizado en la fabricación.

Se designan por sus dimensiones en planta (mm) seguidas por el espesor total (mm). La denominación de un apoyo recubierto de la misma constitución y dimensiones.

Espesores de placas de elastómero y		
de zunchos(acero dulce) usuales		
$t_{elast} (mm)$ $t_{Zuncho} (mm)$		
8	2	
10 3		
12	3	
15	4	

Se brinda a continuación datos técnicos de dispositivos de apoyo standard Freyssinet semirecubiertos.

# 4. Especificaciones AASSHTO LRFD

De los métodos A y B propuestos por las especificaciones, el Método A brinda por limitaciones de esfuerzo, apoyos de menor capacidad que los diseñados con el Método B. Sin embargo, aquellos diseñados por el Método B requieren de pruebas y control de calidad adicionales.





# Apoyos de Elastómero Reforzado con Acero-MÉTODO B (Art. AASHTO LRFD)

Los apoyos de elastómero reforzados con acero contendrán capas alternadas de elastómero y acero de refuerzo. Estos apoyos podrán así mismo agregar a éstas, placas externas de acero en la parte superior e inferior.

Las capas superior e inferior de elastómero tendrán grosores no mayores que el 70% del grosor de las capas internas.

El factor de forma de una capa  $s_i$ , resulta de dividir el área plana del elastómero por el área del perímetro. Para poyos rectangulares sin agujeros, el factor de forma de una capa es:

$$S_1 = \frac{LW}{2h_{ri}(L+W)}$$
 (14.7.5.1-1)

Donde:

L: Longitud del apoyo de elastómero rectangular (paralelo al eje longitudinal del puente)

W: Ancho del apoyo, en dirección transversal.

 $h_{ri}$ : Grosor de la capa i-esima de elastómero en el apoyo.

Para apoyos circulares sin agujeros, el factor de forma de una capa es:

$$s_i = \frac{D}{4h_{ri}} \tag{14.7.5.1-2}$$





# **Propiedades de los materiales** (Art.14.7.6.2)

La escala de dureza puede usarse para especificar el material de apoyo. El módulo de corte G varía entre 6.12 y 17.84 Kg/cm2 y al dureza nominal entre 50 y 70. Si el material se específica por su dureza, el módulo de corte se toma como el menos favorable del rango dado en la tabla 14.7.6.2-1; valores intermedios pueden tomarse por interpolación. Se precisan también valores de deflexión por escurrimiento plástico (creep).

Para apoyos de elastómero reforzado con acero, el módulo de corte varía entre 6.12 y 13.26 Kg/cm2 y de dureza nominal en la escala de Shore A, entre 50 y 60. Se usa como base la temperatura de 23°c

Tabla 15. Propiedades del Material

	Dureza (Shore A)		
	50 60 70		
Módulo de Corte G(Kg/cm2) a 23°C	6.73-9.18	9.18-14.07	14.07-21.11
Escurrimiento plástico (Creep) a 25 años dividico por la defelxión inicial	0.25	0.35	0.45

Fuente. Norma AASHTO

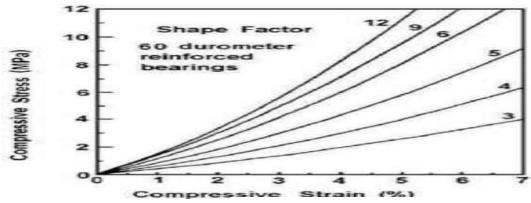
# **Deflexiones por Compresión**

La fig. Siguiente permite determinar la deformación en una capa de elastómero en dispositivos con refuerzo de acero, basados en la dureza y el factor de forma.





Figura 7. Curva Esfuerzo-Deformación.



Fuente: Norma AASHTO

# Requerimientos de Diseño

# Esfuerzo de Compresión

En cualquier capa de elastómero, el refuerzo de compresión promedio en el estado límite de servicio cumplirá:

• Para apoyos sujetos a deformación por cortante

$$\sigma_{\rm s} \le 1.66 \text{ GS} \le 112 \frac{\rm kg}{\rm cm2}$$
 (14.7.5.3.2 - 1)

$$\sigma_{\rm L} \le 0.66 \, \rm{GS}$$
 (14.7.5.3.2 – 2)

Para apoyos fijados contra la deformación por cortante

$$\sigma_{\rm S} \le 2.0 \text{ GS} \le 112 \frac{\rm kg}{\rm cm2}$$
 (14.7.5.3.2 - 3)

$$\sigma_L \le 0.66 \text{ GS}$$
 (14.7.5.3.2 – 4)

 $\sigma_s$ : Esfuerzo de compresión promedio en servicio debido a la carga total  $\sigma_L$ : Esfuerzo de compresión promedio en servicio debido a la carga viva G: Módulo cortante del elastómero.





S: Factor de forma de la capa más gruesa del elastómero.

# **Deformación por Cortante**

El desplazamiento horizontal máximo de las superestructura del puente  $\Delta_o$ , será tomado como el 65% del rango de movimiento termal de diseño  $\Delta_T$ , incluyendo los movimientos causados por escurrimiento plástico del concreto (creep), acortamiento y postensado.

La deformación máxima por cortante del apoyo en el estado límite de servicio  $\Delta_S$ , se tomará como  $\Delta_o$ , modificado para tener en cuenta la rigidez de la subestructura y el proceso constructivo. Si una superficie deslizante de baja fricción está instalada,  $\Delta_S$  no se será mayor que la deformación correspondiente al primer deslizamiento. El apoyo cumplirá con:

$$h_{rt} \ge 2\Delta_s$$
 (14.7.5.3.4 – 1)

Donde:

h<sub>rt</sub>: Grosor del elastómero

 $\Delta_s$ : Deformación por cortante total máxima del elastómero en estado límite de servicio





## Compresión y Rotación Combinados

En el estado límite de servicio, las rotaciones se toman como la suma de efectos máximos de la pérdida inicial de paralelismo y la subsiguiente rotación de extremo de la viga debido a las cargas y movimientos actuantes.

Los apoyos se diseñan para la no ocurrencia de levantamientos bajo cualquier combinación de carga y las rotaciones correspondientes.

Los apoyos rectangulares satisfacen requerimientos de levantamiento si:

$$\sigma_{\rm s} > GS\left(\frac{\theta_{\rm s}}{\rm n}\right) \left(\frac{\rm B}{\rm h_{\rm ri}}\right)^2 \tag{14.7.5.3.5 - 1}$$

Apoyos rectangulares con deformación por cortante cumplirán:

$$\sigma_{\rm s} > 1.875 \text{GS} \left[ 1 - 0.20 \left( \frac{\theta_{\rm s}}{\rm n} \right) \left( \frac{\rm B}{\rm h_{ri}} \right)^2 \right]$$
 (14.7.5.3.5 - 2)

Apoyos rectangulares fijos contra la deformación por cortante cumplirán:

$$\sigma_{\rm s} > 2.25 \text{GS} \left[ 1 - 0.167 \left( \frac{\theta_{\rm s}}{\rm n} \right) \left( \frac{\rm B}{\rm h_{ri}} \right)^2 \right]$$
 (14.7.5.3.5 - 3)

n: Número de capas interiores de elástomero. Se defienen capas exteriores como aquellas que están ligadas sólo por cara. Cuando el grosor de una capa exterior es mayor que la mitad de una interior, n se incrementará en  $\frac{1}{2}$  por cada capa exterior.

 $\theta_S :$  Rotación de servicio máxima debido a la carga total(radianes)

 $h_{ri}$ : Grosor de la capa i-esima de elastómero en el apoyo.

 $\sigma_s$ : Esfuerzo de compresión promedio en servicio debido a la carga total

B: Longitud del elastómero si la rotación es alrededor de su eje transversal o





ancho del mismo si la rotación es alrededor de su eje longitudinal

Los apoyos circulares serán satisfactorios a los requerimientos de levantamientos si cumplen:

$$\sigma_{\rm s} > 0.75 \, {\rm GS} \left(\frac{\theta_{\rm s}}{\rm n}\right) \left(\frac{\rm B}{\rm h_{ri}}\right)^2$$
 (14.7.5.3.5 - 4)

Los apoyos circulares sujetos a deformación por cortante cumplirán:

$$\sigma_{\rm s} < 2.25 \text{GS} \left[ 1 - 0.15 \left( \frac{\theta_{\rm s}}{\rm n} \right) \left( \frac{\rm D}{\rm h_{\rm ri}} \right)^2 \right]$$
 (14.7.5.3.5 - 5)

Los apoyos circulares fijados contra la deformación por cortante cumplirán:

$$\sigma_{\rm s} < 3.0 \,{\rm GS} \left[ 1 - 0.125 \left( \frac{\theta_{\rm s}}{\rm n} \right) \left( \frac{\rm D}{\rm h_{ri}} \right)^2 \right]$$
 (14.7.5.3.5 – 6)

Donde:

 $\theta_s$ : Rotación de servicio máxima debido a la carga total(radianes)

D: Diámetro del elastómero

#### Estabilidad del Apoyo de Elastómero

Los apoyos serán investigados por inestabilidad en el estado límite de servicio, con combinaciones de carga como lo especificado en la tabla 3.4.1-1

Los apoyos se considerarán estables si satisfacen:

$$2A \le B \quad o \quad A - B \le 0$$
 (14.7.5.3.6 - 1)





Donde:

$$A = \frac{1.92 \frac{h_{rt}}{L}}{\sqrt{1 + \frac{2L}{W}}}$$
 (14.7.5.3.6 – 2)

$$B = \frac{2.67}{(S+2)\left(1+\frac{L}{4W}\right)}$$
 (14.7.5.3.6 – 3)

G: Módulo der cortante del elastómero.

L: Longitud del apoyo de elastómero rectangular( paralelo al eje lontitudinal del puente

W: Ancho del apoyo en la dirección tranasversal

Para apoyos rectangular donde L es mayor que W, la estabilidad se investigará intercambiando L y W en las ecuaciones 2 y 3.

Para apoyos circulares, la estabilidad se investigará usando las ecuaciones de una apoyo cuadrado, con W=L=0.8D.

Para apoyos rectangulares que no cumplan la Ecuación, es esfuerzo a la carga cumplirá con las ecuaciones 4 o 5:

• Si la cubierta de puente es libre para desplazarse horizontalmente:

$$\sigma_{s} \le \frac{GS}{2A - B} \tag{14.7.5.3.6 - 4}$$

• Si la cubierta de puente es fija al desplazamiento horizontal:

$$\sigma_{\rm s} \le \frac{\rm GS}{\rm A - B}$$
 (14.7.5.3.6 - 5)





Un valor negativo o infinito de la Ecuación 5 indica que el apoyo es estable y no depende de  $\sigma_s$ 

Sí A – B  $\leq$  0, el apoyo es estable y no depende de  $\sigma_S$ 

#### Refuerzo

El grosor del refuerzo de acero, h<sub>s</sub>, cumplirá:

• En el estado límite de servicio:

$$h_s \ge \frac{3h_{Max}\sigma_s}{f_v}$$
 (14.7.5.3.7 - 1)

• En el estado límite de fatiga:

$$h_{s} \ge \frac{2h_{Max}\sigma_{L}}{\Delta F_{TH}}$$
 (14.7.5.3.7 - 2)

Donde:

 $\Delta F_{TH} :$  Grosor de la capa de elastómero más gruesa en el apoyo

 $\sigma_L {:}\, Es fuerzo$  de compresión promedio en  $\,$  servicio debido a la carga viva

 $\sigma_s {:}\, Esfuerzo$  de compresión promedio en  $\,$  servicio debido a la carga total

 $F_y$ : Resistencia de fluencia del acero de refuerzo

Si existen agujeros en el refuerzo, el grosor mínimo se incrementará por un factor igual a dos veces el ancho grueso dividido por el ancho neto.





Tabla 16. Constante de Amplitud de Fatiga Crítica  $F_{TH}$ 

Г	
Categoría	$(\Delta F_{TH})$ $(Kg/cm^2)$
A	1683
В	1122
С	843
C´	704
D	843
D´	493
E	316
E′	183
Pernos en Tensión	
Axial	2182
M I64M(A 325M)	
Pernos en Tensión	
Axial	2672
M 253M(A 490M)	

La categoría A corresponde a miembros planos laminados con bordes con llama de gas de 0.025mm de alisamiento o menos, según AASHTO/AWS DI.5M/DI.5 (sección 3.2.2)

Fuente: Norma AASHTO





## 2.16. PÉRDIDAS

#### INTRODUCCIÓN:

A partir de la fuerza de tensado original en un elemento de concreto preesforzado se presentarán pérdidas que deben considerarse para calcular la fuerza de preesfuerzo de diseño efectiva que deberá existir cuando se aplique la carga.

De cualquier modo, la fuerza efectiva no puede medirse fácilmente; sólo se puede determinar convencionalmente la fuerza total en los torones en el momento de preesforzados (preesfuerzo inicial). El preesfuerzo efectivo o final es mayor que el preesfuerzo inicial y la diferencia entre estos valores se llama pérdida del preesforzado.

Las pérdidas en la fuerza de preesfuerzo se pueden agrupar en do categorías: aquellas que ocurren inmediatamente durante la construcción del elemento, llamadas pérdidas instantáneas (t=0) y aquellas que ocurren a través de un extenso periodo de tiempo, llamadas pérdidas diferidas o dependientes del tiempo (t =  $\infty$ ). La fuerza de presfuerzo o fuerza de tensado del gato  $P_1$  puede reducirse inmediatamente a una fuerza residual de  $P_2$  debido a las pérdidas por deslizamiento del anclaje, fricción, relajación instantánea del acero y el acortamiento elástico del concreto comprimido. A medida que transcurre el

Tiempo, la fuerza se reduce gradualmente, primero rápidamente y luego lentamente, debido a los cambios de longitud provenientes de la contracción y el flujo plástico del concreto y debido a la relajación diferida del acero altamente preesforzado. Después de un período de muchos meses, o aún años, los cambios posteriores en los esfuerzos llegan a ser insignificantes, y se alcanza una fuerza pretensora constante definida como al fuerza pretensora efectiva o residual  $P_2$ . Para calcular las diferentes pérdidas de presfuerzo existen diferentes fórmulas de diferentes autores y





en los diferentes códigos de distintos países, en ese sentido tomaremos algunos de ellos como referencia en la presente tesis.

Las pérdidas en elementos preesforzados son las siguientes:

$$\Delta f_{pT} = \Delta f_{pES} + \Delta f_{pSR} + \Delta f_{pCR} + \Delta f_{pR2} + \Delta f_{pF} + \Delta f_{pA}$$

Donde:

 $\Delta f_{pT}$ : Pérdida total

Δf<sub>pES</sub>: Pérdidas debido al acortamiento elástico

 $\Delta f_{\text{pSR}}$ : Pérdidas debido al encogimiento o contracción del concreto

Δf<sub>pCR</sub>: Pérdidas debido a "creep" o flujo plástico del concreto

 $\Delta f_{pR2}$ : Pérdidas debido a la relajación diferida del acero

Δf<sub>pF</sub>: Pérdida por fricción

Δf<sub>pA</sub>: Pérdida por anclaje

En la tabla siguiente se muestra los diferentes tipos de pérdidas que existen y en qué etapa ocurren:

Tabla 17. Tipos de pérdidas de preesfuerzo

Tipos de pérdidas de presfuerzo			
Tipo do póndido	Etapa de ocurrencia		
Tipo de pérdida	Elementos pretensados	Elementos postensados	
Deslizamiento por Anclaje		En la transferencia	
Acortamiento elástico delconcreto	En la transferencia	Al aplicar los gatos	
Por fricción		Al aplicar los gatos	
Contracción del concreto	Después de la transferencia	Después de la transferencia	
Flujo plástico o creep del concreto	Después de la transferencia	Después de la transferencia	
Relajación diferida del acero	Después de la transferencia	Después de la transferencia	

Fuente: Hormigón Preesforzado U.M.S.S ING CIVIL





#### • En t=0 Las pérdidas que se producen son las siguientes

#### 2.16.1. Acortamiento elástico del concreto.

Cuando la fuerza pretensora se transfiere a un elemento, existirá acortamiento elástico en el concreto a medida en que se comprime. Éste puede determinar fácilmente por la propia relación esfuerzo-deformación del concreto. La cantidad de acortamiento elástico que se contribuye a las pérdidas depende del método de preesfuerzo.

Para elementos postensados en los cuales se tensan al mismo tiempo a todos los torones, la deformación elástica del concreto ocurre cuando se aplica la fuerza en el gato, y existe un acortamiento inmediato por lo que no existen pérdidas. No será este el caso si los diversos torones se tensan consecutivamente, es así que la pérdida por acortamiento elástico varía desde cero, si todos los torones se tensan simultáneamente, hasta la mitad del valor calculado para el caso de postensado, si varios pasos de tensado tiene lugar.

Cuando se tensan al mismo tiempo todos los torones, la deformación elástica del concreto ocurre cuando se aplica la fuerza en el gato, y que existe una compensación automática para las pérdidas por acortamiento elástico, las cuales por lo tanto no necesitan calcularse.

Para el caso en que se usan torones múltiples y se tensan siguiendo una secuencia, existirán pérdidas. El primer torón que se ancle sufrirá una pérdida de esfuerzo cuando se tense el segundo, el primero y el segundo sufrirán pérdida de esfuerzo cuando se tense el tercero y así sucesivamente; es así que el primer torón será el que sufra el máximo de las pérdidas, y el último no sufrirá ninguna pérdida por acortamiento del hormigón.

La siguiente es una fórmula para determinar el acortamiento elástico:





$$\Delta f_{pES} = \frac{0.5 E_p f_{cir}}{E_{ci}}$$

Donde:

 $E_P$ : Módulo de elasticidad del acero de preesfuerzo =  $1.97x10^6 \text{ Kg/cm}^2$ 

Eci: Módulo de elasticidad del concreto en el instante de la transferencia

E<sub>cir</sub>: Esfuerzo en el concreto en el centro de la gravedad del acero de preesfuerzo debido a la fuerza de tensado y a la carga muerta de la viga inmediatamente después de la transferencia.

# 2.16.2. Pérdida por deslizamiento del Anclaje.

En los elementos postensados, cuando se liberan los cables, la tensión del acero se transfiere al concreto mediante los anclajes. Existe inevitablemente una pequeña cantidad de hundimiento en los anclajes después de la transferencia, a medida en que los conos machos o cuñas se acomodan en las hembras, o a medida en que se deforman el dispositivo de anclaje. La magnitud de la pérdida por deslizamiento en los anclajes dependerá del sistema particular que se use en el preesfuerzo o en el dispositivo de anclaje

Los cálculos siguientes están basados en la publicación de la empresa

Suiza: "Vorspannung VLS – Schweiz – 1982

$$W = \sqrt{\frac{\Delta L_c E_s A_{ps}}{\Delta P}}$$

W: Distancia desde el anclaje móvil hasta el punto en el que la

 $\Delta P = 2\Delta pW$ : Pérdida de la fuerza de preesfuerzo entre dos puntos de la viga





ΔL<sub>c</sub>: Penetración de cuña (igual a 1.0mm para este caso)

 $E_s$ : Módulo de elasticidad del acero =  $1.9710^6 \text{ Kg/cm}^2$ 

A<sub>ps</sub>: Área del acero de preesfuerzo

Δp: Pérdida de fuerza de preesfuerzon expresada en términos de

fuerza por unidad de longitud $\Delta p = (P_o - P_L)/L$ 

P<sub>o</sub>: Fuerza de preesfuerzo en el anclaje

 $P_L$ : Fuerza de preesfuerzo en un punto de la viga situado a la distancia arbitraria L del anclaje móvil

La pérdida por desplazamiento del cable en el anclaje será máxima en el mismo anclaje e irá disminuyendo a medida que la fricción contrarreste este deslizamiento, por lo que la trayectoria seguida por la recuperación de la tensión será simétrica a la de las pérdidas por fricción previamente calculada.

El valor del deslizamiento  $\Delta L_c$  depende del sistema de anclaje y es proporcionado por el fabricante pudiendo variar de 1 a10 mm. La magnitud de este deslizamiento es asumida por el diseño y usada para calcular la pérdida por deslizamiento del anclaje.





# • En $t=\infty$ Las pérdidas que se producen son las siguientes

## 2.16.3. Pérdida debido al encogimiento o contracción del concreto

Las mezclas para el concreto normal contienen mayor cantidad de agua que la que se requiere para la hidratación del cemento. Esta agua libre se evapora con el tiempo, la velocidad y la terminación del secado dependen de la humedad, la temperatura ambiente y del tamaño y la forma del espécimen de concreto. El secado del concreto viene acompañado con una disminución en su volumen, ocurriendo este cambio con mayor velocidad al principio que al final.

La contracción por secado del concreto provoca una reducción en la formación del acero del preesfuerzo igual a la deformación por contracción del hormigón. La reducción de esfuerzo Resultante en el acero constituye un componente importante de la pérdida del preesfuerzo para todos los tipos de vigas de concreto preesforzado.

La contracción del concreto se conoce como resultado de la pérdida de humedad. También se ha demostrado que el concreto se expande si, después de haberse secado total o parcialmente, es sometido a humedad o si es sumergido en el agua. De tal forma, se sabe que la contracción es afectada por las siguientes variables:

- ✓ Agregados
- ✓ Relación agua-cemento
- ✓ Tamaño del elemento de concreto
- ✓ Condiciones del medio ambiente
- ✓ Cantidad de refuerzo
- ✓ Aditivos





✓ Tipo de cemento

$$\Delta f_{pSR} = 8.2 \text{x} 10^{-6} K_{sh} \left( 1 - 0.06 \frac{V}{S} \right) (100 - \text{RH}) E_{P}$$

 $\frac{V}{S}$ : Volumen/Superficie = Area Total/Perímetro

RH: Humedad relativa promedio anual, que rodea al elemento del concreto

Tabla 18. Valores de K<sub>sh</sub>

Días	1	3	5	7	10	20	30
$K_{sh}$	0.92	0.85	0.8	0.77	0.73	0.64	0.58

Fuente: tesis "Diseño de un puente con vigas prefabricadas" PUCP

Tabla 19. Valores de RH

Porcentaje de Humedad según el			
tipo de clima			
Tipo de clima	RH		
Muy húmedo	90%		
Humedad intermedia	70%		
Seco	40%		

Fuente: tesis "Diseño de un puente con vigas prefabricadas" PUCP

#### 2.16.4. Pérdida al flujo plástico o creep del concreto

El flujo plástico es la prioridad de muchos materiales mediante la cual ellos continúan deformándose a través de lapsos de tiempo considerables bajo un estado constante de esfuerzo o carga. La velocidad del incremento de la deformación es grande al principio, pero disminuye con el tiempo, hasta que después de muchos meses alcanza asintóticamente u valor constante.





En lo elementos de concreto preesforzado, el esfuerzo de compresión al nivel de acero es sostenido, y la deformación plástica resultante es una fuente importante de pérdida de fuerza pretensora. En los elementos preesforzados, la fuerza de compresión que la produce el flujo plástico del concreto no es constante, sino que disminuye con el paso del tiempo, debido al relajamiento del acero y al contracción del concreto, así como también debido a los cambios en longitud asociados con el flujo plástico en sí mismo.

Es así que la deformación resultante está en función de la magnitud de la carga aplicada, su duración, las propiedades del concreto incluyendo la dosificación de la mezcla, las condiciones de curado, la edad a la que el elemento es cargado por primera vez y las condiciones del medio ambiente.

$$\Delta f_{pCR} = 2.0 \frac{E_p}{E_C} (f_{cir} - f_{cds})$$

 $f_{cds}$ : Esfuerzo en el concreto en el centro de gravedad del acero de presfuerzo debido a todas las cargas muertas, exceptuando la carga muerta presente en el momento que se aplica la fuerza de tensado

#### 2.16.5. Relajación diferida del acero de preesfuerzo

Cuando al acero del preesfuerzo se le esfuerza hasta los niveles que sin usuales durante el tensado inicial y al actuar las cargas de servicio, se presenta una propiedad que se conoce como relajamiento, el cual se define como la pérdida de esfuerzo en el acero preesforzado manteniendo con la longitud constante.





En los elementos de concreto preesforzado, el flujo plástico y la contracción del concreto así como las fluctuaciones de las cargas aplicadas producen cambios en la longitud del torón. Sin embargo, cuando se calcula la pérdida en el esfuerzo del acero debido al relajamiento, se puede considerar la longitud constante. El relajamiento continúa indefinidamente, aunque a velocidad decreciente y se deberá tomar en cuenta en el diseño ya que produce una pérdida significativa en la fuerza pretensora.

La magnitud del relajamiento varía dependiendo del tipo y del grado del acero, pero los parámetros más significativos son el tiempo y la intensidad del preesfuerzo inicial. Para casi todas las clases de acero disponibles en el mercado, que se someten a esfuerzos dentro de los límites admisibles, el porcentaje de la deformación plástica de 1% a 5%, y podría aceptarse como correcto un promedio de 3%.

$$\Delta f_{pR2} = \left[ K_{re} - J \left( \Delta f_{pES} + \Delta f_{pSR} + \Delta f_{pCR} \right) \right] C$$

 $f_{pi}$ : Esfuerzo inicial en el acero de preesfuerzo

Tabla 20. Valores de  $K_{re} Y J$ 

Tipo De Tendón	$K_{re}$	J
Gr 270 Cordón o alambre	1400	0.15
Gr 250 Cordón o alambre	1295	0.14
Gr 270 Baja relajacón	350	0.04
Gr 250 Baja relajacón	324	0.037

Fuente: tesis "Diseño de un puente con vigas prefabricadas" PUCP





Tabla 21. Valores de C

Valores de C				
$f_{pi}/_{c}$	Cordón o	Barra o cordón o		
$f_{pu}$	Alambre	Alambre de		
0.8		1.28		
0.79		1.22		
0.78		1.16		
0.77		1.11		
0.76		1.05		
0.75	1.45	1.00		
0.74	1.36	0.95		

Fuente: tesis "Diseño de un puente con vigas prefabricadas" PUCP

#### 2.16.6. Pérdidas de fricción

Una pérdida de la fuerza de preesforzado ocurre, en los elementos postensados debido a la fricción entre los torones y los ductos (vainas). La magnitud de esta fuerza está en función de la forma del torón o alineación, llamado efecto por curvatura, y de las desviaciones locales en el alineamiento llamado efecto por deformación no intencional. Los valores de los coeficientes de pérdidas varían según el tipo de torón y de la alineación del ducto.

En los elementos postensados, por el general los torones se anclan en extremo y se estiran mediante los gatos desde el otro. A medida que el acero se desliza a través del ducto, se Desarrolla la resistencia friccionante, por lo que la tensión en el extremo anclado es menor que la tensión en el gato. Las fuerzas friccionantes se consideran función de dos efectos: la curvatura Intencional (primaria) del torón y la curvatura (secundaria) no intencional (o balanceo) de la trayectoria especificada del ducto.





Los coeficientes típicos de fricción ( $\mu y k$ ) para cada uno de estos efectos están especificados en los criterios de diseño.

Los pérdidas debidas a la fricción por deformaciones no intencionales del ducto se encontrarán presentan aún para los casos de torones rectos, debido a que en los casos reales el ducto no puede ser perfectamente recto y existe fricción entre los torones.

La cantidad de pérdidas depende del tipo de torón y el ducto a emplearse, así como del cuidado se tome durante la construcción.

Mientras el torón se tensa en un esquina con la fuerza P, este tendrá fricción con el ducto de tal forma que el esfuerzo en el torón variará desde el plano del gato hasta la longitud L del claro como se muestra en la figura

$$P_x = P_0 e^{-(\mu \alpha + kx)}$$

Tabla 22. Coeficientes de fricción para torones postensados

Tipo de tendón	Tipo de ducto	K/m	μ (1/rad)
Alambre o trenza sin galvanizar	Cubierta de metal brillante	0.0066	0.30
	Cubierta de metal galvanizado	0.0049	0.25
	Engrasado o revestido de asfalto enrollado	0.0066	0.30
	Galvanizado rígido	0.0007	0.25

Fuente: Hormigón Preesforzado U.M.S.S ING CIVIL





# 1.17. EL ENSAYO DE MASW (Multi-Channel Analysis Of Surfaces Waves,

**Análisis Multicanal de Ondas Superficiales**)

#### **ONDAS SISMICAS**

La energía de un movimiento sísmico viaja en forma de onda a través del suelo, perturbando sus partículas. Estas se clasifican según la profundidad a la que actúan, en 2 tipos: ondas de cuerpo y ondas superficiales.

Ondas Rayleigh: tipo de onda sísmica también llamada ground roll, que genera un movimiento de partículas de suelos de tipo elíptico retrógrado, vertical a la dirección de propagación (ver figura A3). Está comprobado que cerca del 80% de la energía liberada durante un movimiento sísmico corresponde a ondas Rayleigh, por lo que son las percibidas principalmente en un evento sísmico y las que generan más daños a las estructuras, debido a su baja frecuencia, provocando que algunas edificaciones puedan entrar en resonancia durante el movimiento.

# MÉTODOS DE MEDICIÓN DE ONDAS

Los métodos de medición de ondas superficiales se clasifican, dependiendo del tipo de fuente que utilicen, en 3 tipos: activos, pasivos e híbridos.

El método MASW (análisis multicanal de ondas superficiales) trabaja con el registro de las ondas Rayleigh generadas por el golpe de un martillo contra una placa ubicada en suelo, a través de la señal captada por geófonos situados en un arreglo lineal, equidistantes entre sí. Luego de ello, el registro permite visualizar el espectro de velocidad de onda de corte vs frecuencia, donde se puede determinar la ubicación del periodo fundamental del suelo y proceder a la selección de la curva de dispersión. Tras el proceso de inversión de la curva se obtiene el perfil de velocidades del suelo y se puede proceder al cálculo del parámetro Vs30.





#### FENÓMENO DE DISPERSIÓN DE ONDAS RAYLEIGH

Las ondas Rayleigh posee una naturaleza dispersiva, es decir, por cada frecuencia que posea el tren de ondas, ésta viajará a una distinta velocidad de fase, lo que implicará que cada frecuencia penetre a una profundidad específica (Khaheshi et al, 2010).

Ya que los suelos en su mayoría son heterogéneos en profundidad, las ondas Rayleigh penetrarán en grandes profundidades cuando presenten mayores longitudes de onda y generalmente presentarán mayores velocidades de fase (Louie, 2005).

Por lo tanto, esta cualidad dispersiva de las ondas Rayleigh permite que su análisis sea más favorable al elaborar un espectro de velocidad de fase vs frecuencia, lo que permite identificar curvas características del suelo que entreguen información de la distribución de velocidades de ondas de corte con respecto a la profundidad de penetración.

# **CURVA DE DISPERSIÓN**

Park et al (1998) plantea que si las propiedades del material cercano a la superficie cambian, la onda Rayleigh se vuelve dispersiva, por lo que su velocidad de propagación (fase) cambia con su frecuencia. Además, la penetración de la onda se ve relacionada a su longitud de onda, donde mayores valores penetran más profundo.

Park et al (1999) plantea, además, que el suelo es un material atenuante, por lo que la amplitud de las ondas generadas disminuye a medida que se alejan de la fuente generadora.

Debido a lo anterior, el análisis de las curvas de dispersión de las mediciones realizadas permite la determinación de la velocidad de onda de corte presente en un estrato de suelo. Como el suelo tiende a aumentar su rigidez conforme aumenta su profundidad, las ondas de menor frecuencia





reflejarán estratos de mayor profundidad, mientras que las altas frecuencias corresponderán a estratos superficiales.

Gracias al espectro de velocidad de fase vs frecuencia, es posible encontrar la profundidad de penetración de cada par ordenado presente en la curva de dispersión seleccionada con el criterio del periodo fundamental.

Dado que el método MASW trabaja con el golpe de un martillo como fuente impulsora, las ondas generadas serán de alta frecuencia, por lo que no pueden penetrar grandes profundidades. Sin embargo, en la gran mayoría de los casos, la profundidad alcanzada puede ser de 30 [m], permitiendo obtener valores de Vs30 confiables. En algunas mediciones puede que el método sea insuficiente al alcanzar valores de profundidad menores a los 30 [m], como se puede presentar en suelos de mala calidad, por lo que es útil, para tales casos, combinarlo con un método pasivo como ReMi.

#### INVERSIÓN DE CURVAS DE DISPERSIÓN.

Existen dos diferentes técnicas de inversión empleadas en el método MASW: i) Monte Carlo o inversión aleatoria, e ii) inversión generalizada. La primera considera un perfil inicial como supuesto de la inversión, y utiliza algoritmos de búsqueda aleatoria para revisión del perfil inicial, mientras que la segunda considera una solución analítica luego del conocimiento de varios parámetros del suelo, como módulo de Poisson, peso específico, densidad, entre otros. La ventaja de la técnica de Monte Carlo es que la modelación está basada en un perfil inicial de velocidad – profundidad, por lo que previene la divergencia de valores con respecto al perfil real. Así, la inversión puede ser configurada para diferentes incrementos de velocidad en torno al





modelo inicial, que son comparadas con la curva de dispersión extraída y los perfiles son actualizados iterativamente hasta que el error alcanza un valor mínimo deseado (Khaheshi et al, 2010).

# CLASIFICACION DE SUELOS SEGÚN ASCE 2010 e IBC 2009

Actualmente las categorías del suelo usados en códigos de edificaciones para diseño sísmico son generalmente basados en o al menos correlaciones con la velocidad de las ondas de corte que se propagan por las capas superficiales. De acuerdo con la ASCE 2010 e IBC 2009, Los suelos se clasifican en seis grupos diferentes que están en función del promedio de todas las velocidades de onda de corte, correspondiente a cada capa existente en una potencia de los 30m más superficiales. El concepto de VS30 está basado en la idea de que la amplificación del terreno y los efectos de sitio ocurren principalmente en los primeros 30 metros de profundidad.

$$VS_{30} = \frac{\sum_{i=1}^{n} h_i}{\sum_{i=1}^{n} \frac{h_i}{V_S - 1}}$$

Donde:

VS − 1: Velocidad de onda de corte del estrato i

hi: Espesor de estrato i.

n: Numero de estrato presentes hasta los 30 (m)de profundidad.

Con la información del parámetro vs30 se puede calcular de manera preliminar el periodo de vibración fundamental del suelo siendo la relación siguiente:

$$T_0 = \frac{4H}{VS_{30}}$$





T0: Periodo caracteristico del suelo

Cuadro 3.1. Clasificación sísmica de suelos según la ASCE 2010 e IBC 2009.

		PROPIEDADES PROMEDIO EN LOS 30 METROS MAS SUPERFICIALES			
Tipo de suelo	Nombre de suelo	Velocidad de onda de corte,Vs (m/s)	Resistencia a la penetración estandar, N	Resistencia al corte no drenada, Su (psf)	
Α	Roca muy dura	vs>1500	N/A	N/A	
В	Roca	760 <vs<1500< td=""><td>N/A</td><td>N/A</td></vs<1500<>	N/A	N/A	
С	Suelo muy denso o roca blanda	360 <vs<760< td=""><td>N&gt;50</td><td>Su≥2,000</td></vs<760<>	N>50	Su≥2,000	
D	Suelo rígido	180 <vs<360< td=""><td>15≤N≤50</td><td>1,000≤Su≤2,000</td></vs<360<>	15≤N≤50	1,000≤Su≤2,000	
	Suelo blando	vs<180	N≤15	Su<1,000	
E	-	Cualquier perfil de suelo con mas de 3m de espesor que tenga las siguientes características  1. Indice de plasticidad (IP)>20  2. Contenido de humedad (w)≥40  3. Resistencia al corte no drenada Su < 500 psf			
F	-	Cualquier perfil de suelo que contenga una o mas de las siguientes características  1. Suelos vulnerables a una posible fractura o colapso bajo efecto sismico, por ejemplo: suelos licuables, arcillas altamente sensibles y suelos debilmente cementados.  2. Turbas y/o arcillas altamente orgánicas (H>3m de turba y/o arcillas altamente organica, donde H= espesor del suelo)  3. Arcillas de muy alta plasticidad (H>7.6m con indice de plasticidad IP>75)  4. Arcillas suaves a medias (H>36m)			

<sup>(\*)</sup> Suelos vulnerables a potencial de falla o colapso ante cargas sísmicas.

# **EQUIPO UTILIZADO**

- Sismógrafo
- Geófonos
- Martillo
- Placa de teflón
- Software GEOPSY













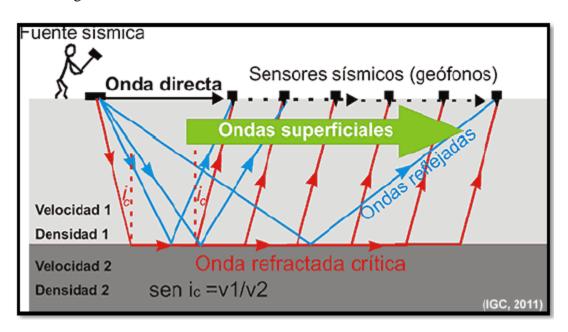




# METODOLOGÍA MASW

Las mediciones se realizan por medio de un arreglo lineal de geófonos, espaciados de manera equidistante entre sí. La fuente impulsiva corresponde al golpe del martillo a la placa de teflón. Para la medición se consideró 20 geófonos espaciados cada 2 metros, la primera posición de la placa se ubicó a 2m del primer geófono ,la cual se fue desplazándose cada 2 m en sentido contrario al tendido de los geófonos, obteniéndose 4 lecturas por cada extremo del tendido y ocho lecturas por cada lado del estribo del puente.

Se realizó un ensayo tanto en el carril de subida y otro en el de bajada en la AV. Ejercito distrito de Santiago Cusco.







# ENSAYO NRO 1: Carril de subida AV. Ejercito

Numero geofonos	Distancia entre geofonos	Distancia de placa				
Ext	Extremo derecho del tendido					
		2				
20	2	4				
20	2	6				
		8				
Extr	emo izquierdo del ten	dido				
		2				
20	2	4				
20		6				
		8				

# ENSAYO NRO 2: Carril de bajada AV. Ejercito

Numero geofonos	Distancia entre geofonos	Distancia de placa				
Ext	Extremo derecho del tendido					
		2				
20	2	4				
20	2	6				
		8				
Extr	remo izquierdo del ten	dido				
	2	2				
20		4				
20		6				
		8				





#### SITIO DE ESTUDIO

El puente Santiago, se ubica en el distrito de Santiago, provincia de Cusco, Departamento del Cusco a una altitud de 3404msnm.





# **RESULTADOS Y ANÁLISIS**

#### **CURVA DISPERSIÓN**

El procesamiento cosiste en obtener las señales de las ondas de corte en un sistema que muestre el espaciamiento de los geófonos (m) y el tiempo de adquisición (ms), a partir de este registro se procede a obtener la curva de dispersión que están en un sistema de frecuencia (HZ) y velocidad de fase (m/s).



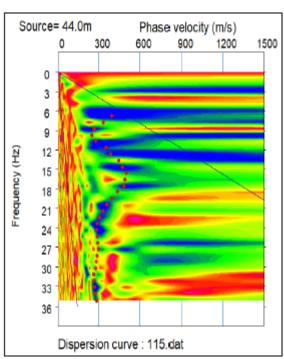


En la curva de dispersión se selecciona el modo fundamental del suelo que se ve representado por un color intenso, el cual denota una mayor energía.

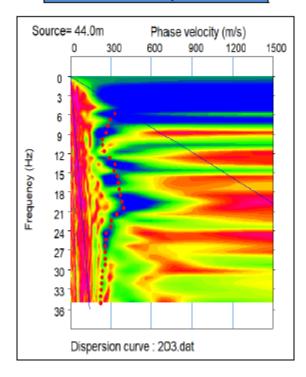
Estribo derecho del puente Santiago MASW-01

Estribo izquierdo del puente Santiago MASW-02

# Curva de Dispersión



#### Curva de Dispersión

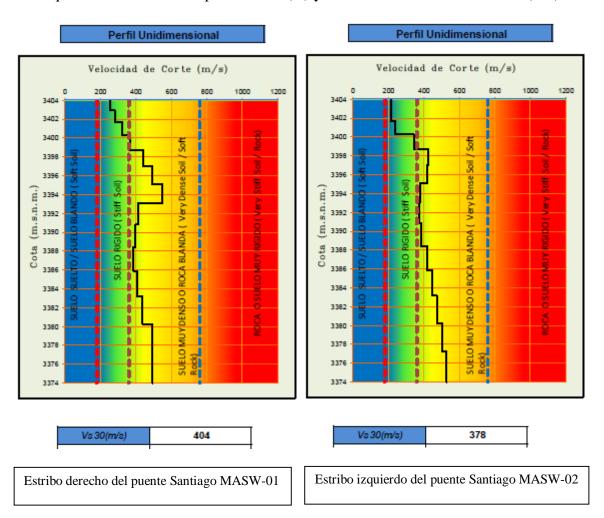






#### PERFIL UNIDIMENSIONAL

Mediante un proceso de inversión de ondas e iteraciones se obtiene el perfil unidimensional del suelo que tiene un sistema de profundidad (m) y velocidad de ondas de corte en (m/s)



En el estribo derecho del puente Santiago, se ubica la línea sísmica MASW-01, donde se determinó que el primer estrato presenta velocidades de corte Vs menor a 360 m/s con un espesor aproximado de 3.7m, el cual corresponde a gravas y con matriz arenosa sueltas a medianamente densa, segundo estrato presenta velocidades de corte Vs que varían entre 360m/s a 760m/s con un espesor mayor de 26m, el cual corresponde a suelo muy denso, dentro de este





último se infiere un estrato de material blando de aproximadamente 10 metros de espesor con velocidades de corte que varían entre los 397 m/s a 407 m/s.

El estribo izquierdo del puente Santiago, e ubica la línea sísmica MASW-02, donde se determinó que el primer estrato presenta velocidades de corte Vs menor a 360 m/s con un espesor aproximad de 5.3m, el cual corresponde a gravas y con matriz arenosa sueltas a medianamente densa, segundo estrato presenta velocidades de corte Vs que varían entre los 360 m/s a 760 M/s con un espesor mayor de 24 metros, el cual corresponde a un suelo muy denso, dentro de este último se infiere un estrato de material blando de aproximadamente de 6 metros de espesor con velocidades de corte que varían entre los 372 m/s a 385 m/s.

De acuerdo a los valores obtenidos en todo el sector estudiado corresponde a un terreno tipo C, roca blanda o suelo muy denso, según la ASCE 2010.

Cuadro 4.2. Tipo de suelo determinado a partir de los ensayos MASW, según la ASCE 2010 e IBC 2009.

ENSAYO	COORDENADAS WGS 84		VS30		ASCE 2010 e IBC 2009
Litorito	ESTE (M)	NORTE (M)	(m/s)	T(S)	DENOMINACIÓN
MASW-01	177085	8503025	404	0.30	Suelo muy denso o roca blanda
MASW-02	177082	8503012	378	0.32	Suelo muy denso o roca blanda

La profundidad de investigación del presente estudio fue 30 metros.





#### 3. CAPITULO III: ESTUDIO DE SUELOS

# 3.1. CORRELACIÓN ENTRE ÁNGULO DE FRICCIÓN (Ø) Y EL NÚMERO

**DE GOLPES SPT (N)** 

N= 27 Numero de golpes

TERZAGHI Y PECK. 1948

$$\emptyset' = 28.5 + 0.25$$
N  
 $\emptyset' = 28.5 + 0.25 \times 27 = 35.25$ 

Ref: K. Terzaghi and R. Peck, *Soil Mechanics in Engineering Practice*. John Wiley and Sons, 1948.

PECK et al. 1953

$$\emptyset' = 26.25 \left( 2 - \left( e^{\frac{-N}{62}} \right) \right)$$
 $\emptyset' = 26.25 \left( 2 - \left( e^{\frac{-27}{62}} \right) \right) = 36.55$ 

R.B.Peck, W.E.Hanson, and T.H.Thornburn, Foundation Engineering. John Wiley e Sons, 1953.

SCHMERTMANN. 1970 
$$\emptyset' = \tan^{-1} \left[ \left( \frac{N}{32.5} \right)^{0.34} \right]$$
$$\emptyset' = \tan^{-1} \left[ \left( \frac{27}{32.5} \right)^{0.34} \right] = 43.20$$

J.H.Schmertmann, "*Measurement of In-situ Shear Strength*", in ASCE Specialty. Conf. on In Situ Measurement of Soil Properties, 1975.

JNR (JAPAN NATIONAL RAILWAY). 1999

$$\emptyset' = 27 + 0.30$$
N  
 $\emptyset' = 27 + 0.30 \times 27 = 35.00$ 

JSCE, "Earthquake Resistant Design for Civil Engineering Structures in Japan. Japanese Society of Civil Engineers" Tokyo, 1984.

El mas critico es  $\emptyset' = 35.00$ 





#### 3.2. **CAPACIDAD DE CARGA**

#### DATOS:

$$B = 7.2 \text{ m}$$

$$Ø = 35^{\circ}$$

$$Ca = 0$$

$$L = 18 \text{ m}$$

$$c = 0$$

$$\beta = 0$$

$$Df=4 m$$

$$\theta = 0$$

$$\eta = 0$$

$$e(B) = 0.03 \text{ m}$$

$$y = 1.9 \text{ ton/m}3$$
  $qv = 0 \text{ ton/m}3$ 

$$qv = 0 ton/m3$$

$$B' = 7.14 \text{ m}$$

$$fs = 3$$

$$qh = 0 \text{ ton/m3}$$

$$L' = 18 \text{ m}$$

 $N_{\Upsilon} =$ 

$$2/3\emptyset = 23.33$$

#### TEORIA DE TERZAGHI:

$$q_c = C Nc + \gamma Df Nq + \frac{1}{2} \gamma B N\gamma$$

#### factores de forma

Nc=	22.27
Nq=	10.61

61 6

cuadrado 1		
Sc=	1.3	
$S_{\Upsilon} =$	0.4	

circular			
Sc=	1.3		
$S_{\Upsilon} =$	0.6		

$$q_c = 113.43 \text{ ton/m2}$$

$$q_c = 11.34 \text{ kg/cm}^2$$

$$q_{adm} = 3.78 \text{ kg/cm} 2$$

#### TEORIA DE MEYERHOF:

2.31

$$q_c = S_c d_c i_c C Nc + S_q d_q i_q r Df Nq + S_r d_r i_r \frac{1}{2} r B Nr$$

Nc=	18.46
Nq=	8.96
Nx=	5.11

factores de forma		
Sc=	1.18	
Sq = Sr	1.09	

factores de profundidad			
	dc=	1.17	
	dq = dx	1.08	

factores de inclinacion

ic=iq =	1.00
iγ =	1.00

ΝΦ=





 $q_c = 122.08 \text{ ton/m2}$ 

 $q_c = 12.21 \text{ kg/cm}2$ 

 $q_{adm} = 4.07 \text{ kg/cm}2$ 

# TEORIA DE VESIC:

Nc=	18.46
Nq=	8.96
$N_{\Upsilon} =$	8.60

factores de forma		
Sc=	1.19	
Sq =	1.23	
$S_{\Upsilon} =$	0.84	
D/B=	0.56	

factores de profundidad			
dc=	1.22		
dq =	1.14		
dγ =	1.00		
K=	0.556		

factores de inclinacion		
ic=	1.00	
iq =	1.00	
iγ =	1.00	

A'=	128.52
m=	1.71
qv+A' Ca	0.00

fac. de incl. de la cimentacion  $gc = \begin{bmatrix} 1.00 \\ gq = gr \end{bmatrix}$  1.00

fac. de incl. del terreno bc = 1.00 bq = bx 1.00

 $q_c = 95.45 \text{ ton/m2}$ 

 $q_c = 9.54 \text{ kg/cm}2$ 

 $q_{adm} = 3.18 \text{ kg/cm}2$ 





#### TEORIA DE HASEN:

Nc=	18.46
Nq=	8.96
$N_{\Upsilon} =$	5.15

factores de forma		
Sc=	1.19	
Sq =	1.23	
$S_{\Upsilon} =$	0.84	
D/B=	0.56	

factores de profundida			
dc=	1.22		
dq =	1.14		
dγ =	1.00		
K=	0.556		
		•'	

factores de inclinacion				
ic=	1.00			
iq =	1.00			
i <sub>Y</sub> =	1.00			

11. —	1.00
A'=	128.52
m-	1 71

$$\begin{tabular}{ll} fac. de incl. de la cimentacion \\ \hline gc = & 1.00 \\ gq = gv & 1.00 \\ \hline \end{tabular}$$

fac. de incl. del terreno					
bc=	1.00				
bq =	1.00				
b <sub>γ</sub> =	1.00				

 $q_c = 125.10 \text{ ton/m2}$ 

 $q_c = 12.51 \text{ kg/cm}2$ 

 $q_{adm} = 4.17 \text{ kg/cm}2$ 

#### RESULTADOS DE CAPACIDAD DE CARGA

El valor es:

 $q_{adm} = 3.18 \text{ kg/cm}2$ 





# leyenda:

B= Ancho de la cimentación
 L= Longitud de la cimentación
 Df= Profundidad de la cimentación

e (B)= Excentricidad en B
 e (L)= Excentricidad en L
 Φ= angulo de friccion

 $\theta$ = angulo de inclinación de la carga

c= cohesion

γ= peso especifico del suelo

fs: factor de seguridad

Ca= adhesion a la base de la fundacion

β=

n=

qv= Comp. Vertical de la cargaqh= Comp. Horizontal de la carga





# 4. CAPITULO IV: DISEÑO DE SUBESTRUCTURA

SECCIÓN VIGA

$$L_{estr} = 14 \text{ m}$$

$$A_{Vig.S} = 0.698 \text{ m}2$$

$$L_{pant} = 12 \text{ m}$$

$$n_{Viga} = 6$$

SECCIÓN LOSA

$$An_{ext} = 2.2 \text{ m}$$

$$e_{Los} = 0.20 \text{ m}$$

$$An_{int} = 2.4 \text{ m}$$

$$An_{los} = 14 \text{ m}$$

$$\gamma_{C^{\circ}} = 2.5 \text{ ton/m}3$$

SECCIÓN ASFALTO

$$\gamma_{Asf} = 2.2 \text{ ton/m}3$$

$$e_{Asf} = 0.05 \text{ m}$$

$$\gamma_s = 1.9 \text{ ton/m}3$$

$$An_{asf} = 9 \text{ m}$$

$$q_R = 3.18 \text{ kg/cm}^2$$

SECCIÓN VEREDA

$$e_{Ver} = 2.5 \text{ m}$$

$$An_{Ver} = 0.2 \text{ m}$$

 $\emptyset = 35$ 

SECCIÓN DIAFRAGMA

$$H_{Dia} = 1 \text{ m}$$

$$b_{Dia} = 0.4 \text{ m}$$

**BARANDA** 

$$P_{\text{bar}} = 0.075 \text{ ton/m}$$

$$L_{Viga} = 34 \text{ m}$$





# Donde:

 $A_{Vig.S}$  = Seccion simple de viga (cm2)

 $e_{los} = Espesor de losa (m)$ 

 $An_{los} = Ancho de losa (m)$ 

 $e_{asf}$  = Espesor de asfalto (m)

 $An_{asf} = Ancho de asfalto (m)$ 

 $e_{ver} = Espesor de vereda (m)$ 

 $An_{ver} = Ancho de vereda (m)$ 

H<sub>dia</sub> = Altura de diafragma(m)

 $b_{dia} = Ancho de diafragma (m)$ 

 $P_{bar}$  = Peso de baranda por metro lineal (ton/m)

 $f_v$  = resistencia a la fluencia del acero no presforzado (kg/cm2)

 $\gamma_{C^{\circ}}$  =Peso especifico del concreto (kg/cm3)

 $\gamma_{Asf}$  = Peso especifico del asfalto (kg/cm3)

 $L_{Viga} = Longitud de la viga (m)$ 

 $n_{Viga} = Numero de vigas$ 

Ø = Angulo de friccion interna(°)

 $q_R$  = Capacidad portante del suelo

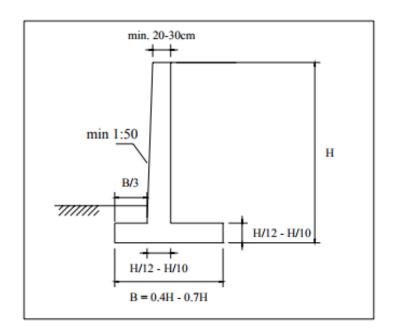
P<sub>diaf</sub> = Peso por diafragma (ton)

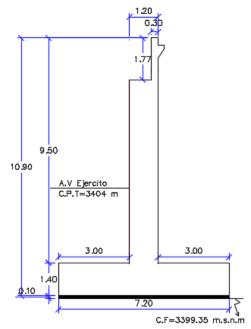




# 4.1. PREDIMIENSIONAMIENTO

Siguiendo con las medidas del predimencionamiento preliminar;



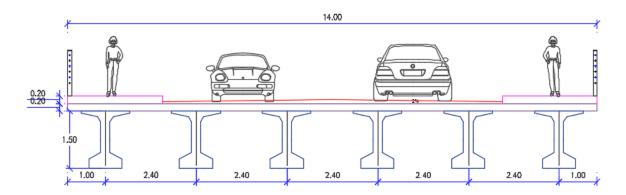






#### 4.2. CARGAS ACTUANTES

#### 4.2.1. CARGA MUERTA DE LA SUPERESTRUCTURA



$$W_{viga} = \frac{0.698 \times 2.50 \times 34}{2} = 29.67 \text{ ton}$$

$$W_{losa} = \frac{0.20 \times 14.00 \times 2.50 \times 34}{6 \times 2} = 19.83 \text{ ton}$$

$$P_{diaf} = 1.79 \text{ ton}$$

$$W_{asfalto} = \frac{0.05 \times 9.00 \times 2.20 \times 34}{6 \times 2} = 2.81 \text{ ton}$$

$$W_{\text{vereda}} = \frac{0.20 \times 2.50 \times 2 \times 2.50 \times 34}{6 \times 2} = 7.08 \text{ ton}$$

$$W_{baranda} = \frac{0.075 \times 2 \times 34}{6 \times 2} = 0.43 \text{ ton}$$

$$W_{\text{sc peatonales}} = \frac{0.36 \times 2.40 \times 2 \times 34}{6 \times 2} = 4.90 \text{ ton}$$

$$R_{\text{result}} = \frac{64.51 \times 6}{12} = 33.25 \text{ ton/m}$$

Corte y momento por superestructura

SECCION	$V_{reac}$	BRAZO	$M_{reac}$
	[Ton/m]	[m]	[Ton.m/m]
R <sub>sup</sub>	33.25	3.45	114.73





#### Donde:

W<sub>viga</sub> = Peso de la viga por estribo (ton)

 $W_{losa}$  = Peso de la losa por estribo (ton)

 $W_{asfalto}$  = Peso de asfalto por estribo (ton)

W<sub>vereda</sub> = Peso de la vereda por estribo (ton)

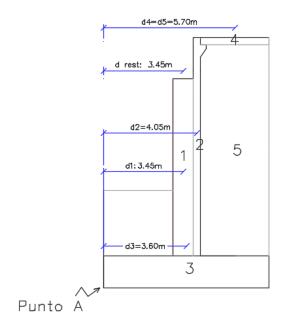
W<sub>baranda</sub> = Peso de la baranda por estribo (ton)

 $W_{\text{sc peatonal}} = \text{Peso de la sc peatonal por estribo (ton)}$ 

R<sub>result</sub> = Peso total de toda superestructura por metro lineal de pantalla de estribo (ton)

d = Brazo de peso total respecto al punto A (m)

## CARGA DC (ESTRIBO, LOSA DE ACERCAMIENTO, CARGA SUPERESTRUCTURA)



#### **ESTRIBO**

SECCION		AREA		P.E	CORTANTE	BRAZO	MOMENTO
	b(m)	h(m)	$b \times h$	γ	[Ton/m]	[m]	[Ton.m/m]
1	0.9	7.73	6.96	2.5	17.39	3.45	60.00
2	0.3	9.5	2.85	2.5	7.13	4.05	28.86
3	7.2	1.4	10.08	2.5	25.20	3.60	90.72
					49.72		179.58

#### Corte y momento por estribo

SECCION	$V_{estrib}$	BRAZO	M <sub>estrib</sub>
	[Ton/m]	[m]	[Ton.m/m]
W <sub>estribo</sub>	49.72	3.70	179.58





#### LOSA DE CONCRETO

SECCION	AREA		P.E	CORTANTE	BRAZO	MOMENTO	
	b(m)	h(m)	b×h	γ	[Ton/m]	[m]	[Ton.m/m]
4	3	0.2	0.6	2.5	1.50	5.70	8.55
					1.50		8.55

Corte y momento por losa de concreto

SECCION	V <sub>losa</sub>	BRAZO	$M_{losa}$
	[Ton/m]	[m]	[Ton.m/m]
$V_{\mathrm{losa}\ c^{\mathrm{o}}}$	1.50	5.70	8.55

# CARGA EV (RELLENO)

#### **RELLENO**

SECCION		AREA		P.E	CORTANTE	BRAZO	MOMENTO
	b(m)	h(m)	b×h	γ	[Ton/m]	[m]	[Ton.m/m]
5	3	9.3	27.9	1.9	53.01	5.70	302.16
				·	53.01		302.16

Corte y momento por relleno

SECCION	$V_{\rm relleno}$	BRAZO	M <sub>relleno</sub>	
	[Ton/m]	[m]	[Ton.m/m]	
V <sub>relleno</sub>	53.01	5.70	302.16	

# Momentando respecto al punto A

#### Donde:

1 =Area 1 de la pantalla en la figura (m2)

2 = Area 2 de la pantalla en la figura (m2)

3 =Area 3 del zapata en la figura (m2)

4 = Area 4 de la losa en la figura (m2)

5 = Area 5 del relleno en la figura (m2)





#### CARGAS LL (CARGA VIVA DE LA SUPERESTRUCTURA)

$$P_{LL} = \frac{n_{carriles} \times m \times V_{LL+IM}}{L_{estribo}}$$

Donde:

 $P_{LL}$  = Carga viva de la superestructura (ton/m)

 $n_{carriles} = numero de carriles$ 

m = factor de presencia multiple

 $V_{LL+IM}$  = Cortante de la carga viva (ton)

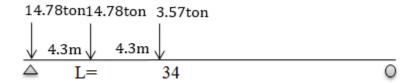
 $L_{\text{estribo}} = \text{Longitud de estribo (m)}$ 

#### 4.2.2. **CARGA VIVA**

#### CAMION DE DISEÑO HL-93

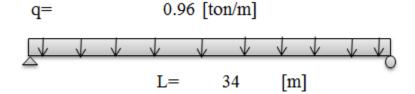
Para la carga viva del camión se pone el eje más pesado sobre el extremo del puente

$$V_{camion} = (14.78 \times 34 + 14.78 \times (34 - 4.3) + 3.57 \times (34 - 2 \times 4.3))/34 = 30.36 \text{ ton}$$



#### SOBRECARGA DISTRIBUIDA

$$V_{S/C} = (0.96 \times 34)/2 = 16.32 \text{ ton}$$







$$V_{LL+IM} = 1.33V_{camion} + V_{S/C}$$

$$V_{LL+IM} = 1.33 \times 30.36 + 16.32 = 56.70 \text{ ton}$$

Tabla 3.6.1.1.2-1 - Factor de presencia múltiple (m)

Número de carriles cargados	Factor de presencia múltiple, m
1	1,20
2	1,00
3	0,85
> 3	0,65

m = 1

Se considera el efecto de 2 carriles cargados

$$P_{LL} = \frac{2 \times 1 \times 56.70}{14} = 8.10 \text{ ton/m}$$

SECCION	$V_{LL}$	BRAZO	$M_{LL}$
	[Ton/m]	[m]	[Ton. m/m]
$P_{LL} =$	8.10	3.45	27.94

# 4.2.3. CARGAS LS (SOBRECARGA POR CARGA VIVA EN EL

TERRENO)

**AASHTO ART 3.11.6.4** 

Se deberá aplicar una sobrecarga viva si se anticipa que habrá cargas vehiculares actuando sobre la superficie del relleno.

$$LS = K_a h_{eq} \gamma_s H \label{eq:LS}$$





Donde:

LS = sobrecarga por carga viva en el terreno (Ton/m)

k = Coeficiente de empuje del suelo

 $\gamma_s$  =Densidad del suelo de relleno (ton/m3)

h eq= altura equivalente de suelo para camion de diseño (m)

H = Altura del estribo (m)

Altura del estribo (mm)	$h_{eq}  (\mathrm{mm})$
1500	1200
3000	900
≥ 6000	600

$$h_{eq} = 0.60$$

Fuerza vertical, terreno equivalente extendido en 3.00 m del estribo.

$$L_{Sy} = h_{eq} r \gamma_s = 0.60 \times 3.00 \times 1.900 = 3.42 \text{ ton/m}$$

Fuerza horizontal, sobrecarga viva

$$L_{SX} = K_a h_{eq} \gamma_s H = 0.27 \times 0.60 \times 1.900 \times 10.70 = 3.29 \text{ ton/m}$$

SECCION	$V_{LS}$	BRAZO	$M_{LS}$
	[Ton/m]	[m]	[Ton. m/m]
LS <sub>y</sub>	3.42	5.7	19.49
LS <sub>X</sub>	3.29	5.35	17.62

# **4.2.4.** FUERZA DE FRENADO (BR)

AASHTO ART 3.6.4

El mayor entre:

$$25\%P_{eje} = 0.25 \times (14.78 \times 2 + 3.57) \times 2/9 = 1.84$$
 
$$5\%(P_{eje+s/c})n_{carriles} = 0.05 \times (14.78 \times 2 + 3.57 + 0.96L) \times 2/9 = 0.73$$

SECCION	$V_{BR}$	BRAZO	$M_{BR}$
	[Ton/m]	[m]	[Ton. m/m]
BR	1.84	12.70	23.38





#### **4.2.5. EMPUJES**

# 4.2.5.1. EMPUJE PASIVO DE TIERRAS MEDIANTE EL MÈTODO

#### **DE COULOMB**

$$P_{p} = \frac{1}{2} \gamma H^{2} K p$$

Donde:

Pp = Empuje pasivo (ton/m)

Kp = coeficiente de empuje pasivo

H = Altura del estribo (m)

 $\gamma_s$  =Densidad del suelo de relleno (ton/m3)

Siendo el coeficiente:

$$K_{p} = \frac{\text{sen}^{2}(\beta - \emptyset)}{\text{sen}^{2}\beta \text{sen}(\beta + \delta) \left(1 - \sqrt{\frac{\text{sen}(\emptyset + \delta)\text{sen}(\emptyset + \alpha)}{\text{sen}(\beta + \delta)\text{sen}(\beta + \alpha)}}\right)^{2}}$$

Donde:

 $\beta = \text{Ángulo de inclinacion del muro}$ 

 $\alpha = \mbox{\'a}$ ngulo de inclinación de relleno respecto a un eje horizontal

 $\delta = \acute{A}$ ngulo del empuje pasivo respecto a la normal trazada hasta la cara posterior del muro

 $\emptyset =$ Ángulo de frición interna

angulo	Sexagesimales	Radianes	
β =	90	1.57	
Ø =	35	0.61	
α =	0	0	
δ =	0	0	

$$P_p = \frac{1}{2} \gamma H^2 Kp = \frac{1}{2} \times 1.90 \times 4.55^2 \times 3.69 = 72.58$$

SECCION	FUERZA	BRAZO	MOMENTO
	[Ton/m]	[m]	[Ton. m]
EH	72.58	2.98	215.91





# 4.2.5.2. EMPUJE ACTIVO DE TIERRAS MEDIANTE EL MÈTODO DE

# **COULOMB**

$$P_A = \frac{1}{2} \gamma H^2 Ka$$

Donde:

Pp = Empuje pasivo (ton/m)

Kp = coeficiente de empuje pasivo

H = Altura del estribo (m)

 $\gamma_s$  =Densidad del suelo de relleno (ton/m3)

Siendo el coeficiente

$$K_{a} = \frac{\operatorname{sen}^{2}(\beta + \emptyset)}{\operatorname{sen}^{2}\beta \operatorname{sen}(\beta - \delta) \left(1 + \sqrt{\frac{\operatorname{sen}(\emptyset + \delta)\operatorname{sen}(\emptyset - \alpha)}{\operatorname{sen}(\beta - \delta)\operatorname{sen}(\beta + \alpha)}}\right)^{2}}$$

Donde:

 $\beta = \text{Ángulo de inclinacion del muro}$ 

 $\alpha = \text{Ángulo de inclinación de relleno respecto a un eje horizontal}$ 

 $\delta = \text{Ángulo del empuje pasivo respecto a la normal trazada hasta la cara posterior del muro$ 

 $\emptyset =$ Ángulo de frición interna

angulo	Sexagesimales	Radianes
β =	90.00	1.57
Ø =	35.00	0.61
α =	0.00	0.00
δ =	0.00	0.00

$$K_{a} = \frac{\sin^{2}(90+35)}{\sin^{2}90 \operatorname{sen}(90-23.33) \left(1 + \sqrt{\frac{\operatorname{sen}(35+23.33) \operatorname{sen}(35-0)}{\operatorname{sen}(90-23.33) \operatorname{sen}(90+0)}}\right)^{2}} = 0.27$$

Empuje activo

$$P_A = \frac{1}{2} \gamma H^2 Ka = \frac{1}{2} \times 1.90 \times 10.90^2 \times 0.27 = 30.47$$

SECCION	$V_{EH}$	BRAZO	M <sub>EH</sub>
	[Ton/m]	[m]	[Ton. m]
EH	30.47	3.57	108.69





# 4.2.5.3. EMPUJE ACTIVO DE TIERRAS MEDIANTE EL MÈTODO

#### **DE MONONOBE-OKABE**

La presión lateral del terreno en estructuras de retención, es amplificada en casos de sismos debido a la aceleración horizontal de la masa retenida de terreno. En caso de estructuras de retención altas (H>10m) como es el caso de estribos, las cargas sísmicas deben contemplarse, usando a menudo la solución de Mononobe-Okabe.

La presión del terreno incluyendo la acción sísmica, se determina con:

$$EQ = P_{AE} - P_{A} = \frac{1}{2} \gamma H^{2} (K_{AE} - k_{A})$$

Donde:

EQ = Empuje activo sismica (ton/m)

 $P_{AE}$  = Presion activa sismica (ton/m)

 $P_A$  = Presion activa (tonm)

 $\gamma$  = Peso especifico del suelo (ton/m)

H= Altura de estribo (m)

 $K_{AE}$  = Coeficiente de presion activa sismica (ton/m)

 $K_A$  = Coeficiente de presion activa (tonm)

Siendo el coeficiente de presión activa sísmica del terreno:

$$k_{AE} = \frac{\cos^2(\emptyset' - \beta - \theta')}{\cos(\theta')\cos^2(\beta)\cos(\delta' + \beta + \theta') \left(1 + \sqrt{\frac{\sin(\emptyset' + \delta')\sin(\emptyset' - \theta' - \alpha)}{\cos(\beta + \delta' + \theta')\cos(\alpha - \beta)}}\right)^2}$$





Donde:

 $\emptyset' =$ Ángulo de fricción interna de suelo

 $\theta' = Arctan(k_h/(1 - k_v))$ 

 $\beta$  = Ángulo de inclinación del muro respecto a la vertical

 $\delta' =$ Ángulo de fricción entre el suelo y el estribo

i =Ángulo de inclianción de la superficie de relleno

$$\theta' = \tan^{-1} \left[ \frac{k_h}{(1 - k_v)} \right]$$

Donde:

 $K_v$  = Coeficiente de aceleracion vertical

K<sub>h</sub> = Coefficiente de aceleracion horizontal

A = Coeficiente sismico de aceleración horizontal (%g)

Para estimar la presión lateral del terreno por la acción sísmica, el coeficiente vertical, Kv, se asume por lo general igual a cero y el coeficiente de aceleración horizontal, Kh, se toma como: Kh= 0.5A, para muros donde es posible movimientos horizontales de hasta aproximadamente 250Amm. (p.e: muros de gravedad, en voladizo, etc), y

Kh= 1.5A, para muros en que el desplazamiento horizontal es cero. (p.e: estribos integrados, muro anclado, etc).

A = 0.23 Mapa de isoaceleraciones del perù

$$k_h = 0.50 \times A = 0.50 \times 0.23 = 0.12$$

$$k_v = 0$$

$$\theta' = \tan^{-1} \left[ \frac{k_h}{(1 - k_v)} \right] = \tan^{-1} \left[ \frac{0.12}{(1 - 0)} \right] = 6.84$$





angulo	Sexagesimales	Radianes
Ø' =	35.00	0.61
β =	0.00	0.00
δ' =	23.33	0.41
$\alpha =$	0.00	0.00
$\theta' =$	6.84	0.12

$$k_{AE} = \frac{\cos^2(35 - 0 - 6.84)}{\cos(6.84)\cos^2(0)\cos(23.33 + 0 + 6.84)\left(1 + \sqrt{\frac{\sin(35 + 23.33)\sin(35 - 6.84 - 0)}{\cos(0 + 23.33 + 6.84)\cos(0 - 0)}}\right)^2} = 0.32$$

Luego la fuerza de acción sísmica es:

$$EQ = \frac{1}{2}\gamma H^{2}(K_{AE} - k_{A}) = \frac{1}{2} \times 1.90 \times 10.70^{2}(0.32 - 0.27) = 5.44$$

SECCION	$V_{EQ}$	BRAZO	$M_{EQ}$
	[Ton/m]	[m]	[Ton. m]
EQ	5.44	5.35	29.09

#### 4.3. CRITERIOS DE ESTABILIDAD

Se verificara por:

Volteo

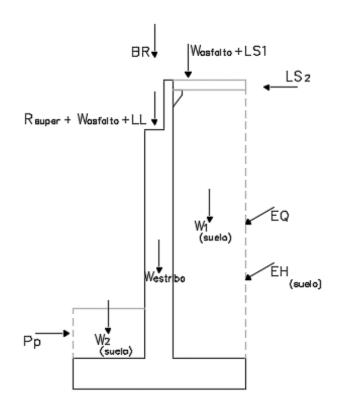
Deslizamiento

Presiones de base





# 4.3.1. FUERZAS ACTUANTES



# Tabla AASHTO 3.4.1.1

Tabla 3.4.1-1 – Combinaciones de Cargas y Factores de Carga

		_	_		_		_	_				
DC DD DW	LL IM								Usa	r sólo τ	ıno por	vez
EH EV ES EL	CE BR PL LS	WA	ws	WL	FR	TU CR SH	TG	SE	EQ	IC	СТ	CV
γ <sub>p</sub>	1,75	1,00	-	-	1,00	0,50/1,20	γтσ	γse	-	-	-	-
$\gamma_{\rm p}$	1,35	1,00	-	-	1,00	0,50/1,20	γтσ	γsE	-	-	-	-
$\gamma_{p}$	-	1,00	1,40	-	1,00	0,50/1,20	γтσ	γsE	-	-	-	-
γ <sub>p</sub> 1,5	-	1,00	-	-	1,00	0,50/1,20	-	-	-	-	-	-
γ <sub>p</sub>	1,35	1,00	0,40	1,0	1,00	0,50/1,20	γ <sub>TG</sub>	γsE	-	-	-	-
$\gamma_{\rm p}$	γ <sub>EQ</sub>	1,00	-	-	1,00	-	-	-	1,00	-	-	-
$\gamma_p$	0,50	1,00	-	-	1,00	-	-	-	-	1,00	1,00	1,00
1,00	1,00	1,00	0,30	1,0	1,00	1,00/1,20	γ <sub>TG</sub>	γse	-	-	-	-
1,00	1,30	1,00	-	-	1,00	1,00/1,20	-	-	-	-	-	-
1,00	0,80	1,00	-	-	1,00	1,00/1,20	γ <sub>TG</sub>	γse	-	-	-	-
1,00	-	1,00	0,70	-	1,00	1,00/1,20	-	1,0	-	-	-	-
-	0,75	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-
	DW EH EV ES EL γ <sub>p</sub> γ <sub>p</sub> γ <sub>p</sub> 1,5 γ <sub>p</sub> γ <sub>p</sub> 1,00 1,00 1,00	DD LL DW EH CE EV BR ES PL EL LS  γ <sub>p</sub> 1,75  γ <sub>p</sub> 1,35  γ <sub>p</sub> -  γ <sub>p</sub> 1,35  γ <sub>p</sub> 7,00  1,00	DD         LL           DW         IM           EH         CE           EV         BR           ES         PL           EL         LS           WA         γP         1,75         1,00           γP         -         1,00           γP         -         1,00           γP         1,35         1,00           γP         1,35         1,00           γP         0,50         1,00           1,00         1,00         1,00           1,00         1,00         1,00           1,00         0,80         1,00           1,00         -         1,00	DD         LL           DW         IM           EH         CE           EV         BR           ES         PL           EL         LS           WA         WS           γ <sub>P</sub> 1,75           1,00         -           γ <sub>P</sub> -           1,5         -           1,00         -           γ <sub>P</sub> 1,35           1,00         0,40           γ <sub>P</sub> γ <sub>EQ</sub> 1,00         -           1,00         1,00           1,00         1,00           1,00         1,00           1,00         0,80           1,00         0,70	DD         LL         DW         LL         DW         LL         DW         LL         DW         LL         DW         LL         DW         LL         LN         WA         WS         WZ           ΣΕ         EL         LS         WA         WS         WZ           γ <sub>P</sub> 1,35         1,00         -         -         -           γ <sub>P</sub> -         1,00         1,40         -         -           γ <sub>P</sub> 1,35         1,00         0,40         1,0           γ <sub>P</sub> γ <sub>EQ</sub> 1,00         -         -         -           γ <sub>P</sub> 0,50         1,00         -         -         -           1,00         1,00         1,00         0,30         1,0           1,00         0,80         1,00         -         -           1,00         -         1,00         0,70         -	DD DD DW EH DW EH CE EV ES EL LS         WA WS         WL FR           γ <sub>p</sub> 1,75 1,00 - 1,00         - 1,00           γ <sub>p</sub> - 1,35 1,00 - 1,00         - 1,00           γ <sub>p</sub> - 1,35 1,00 - 1,00         - 1,00           γ <sub>p</sub> - 1,35 1,00 - 1,00         - 1,00           γ <sub>p</sub> - 1,35 1,00 0,40 1,0 1,00         - 1,00           γ <sub>p</sub> γ <sub>EQ</sub> 1,00 - 1,00         - 1,00           γ <sub>p</sub> 0,50 1,00 - 1,00         - 1,00           1,00 1,00 1,00 1,00 0,30 1,0 1,00         1,00           1,00 0,80 1,00 - 1,00         - 1,00           1,00 - 1,00 0,70 - 1,00	DD DW LH DW EH ES EL         LL MM BR ES PL EL         WA         WS         WL         FR         TU CR SH           γp         1,75         1,00         -         -         1,00         0,50/1,20           γp         1,35         1,00         -         -         1,00         0,50/1,20           γp         -         1,00         1,40         -         1,00         0,50/1,20           γp         -         1,00         1,40         -         1,00         0,50/1,20           γp         1,35         1,00         0,40         1,0         1,00         0,50/1,20           γp         γEQ         1,00         0,40         1,0         1,00         0,50/1,20           γp         γEQ         1,00         -         -         1,00         0,50/1,20           γp         γEQ         1,00         -         -         1,00         -           γp         0,50         1,00         -         -         1,00         -           1,00         1,00         1,00         1,00         1,00/1,20         -           1,00         1,30         1,00         -         -	$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	DD DD DW IM EH CE EV ES PL EL LS         WA WS         WL FR SH SH         TG SE           γ <sub>p</sub> 1,75 1,00 1,00 0,50/1,20 γ <sub>TG</sub> γ <sub>SE</sub> γ <sub>p</sub> 1,35 1,00 1,00 0,50/1,20 γ <sub>TG</sub> γ <sub>SE</sub> γ <sub>p</sub> - 1,00 1,40 - 1,00 0,50/1,20 γ <sub>TG</sub> γ <sub>SE</sub> γ <sub>p</sub> 1,35 1,00 1,00 0,50/1,20 γ <sub>TG</sub> γ <sub>SE</sub> γ <sub>p</sub> 1,35 1,00 1,00 0,50/1,20 γ <sub>TG</sub> γ <sub>SE</sub> γ <sub>p</sub> 1,35 1,00 0,40 1,0 1,00 0,50/1,20 γ <sub>TG</sub> γ <sub>SE</sub> γ <sub>p</sub> γ <sub>EQ</sub> 1,00 1,00 0,50/1,20 γ <sub>TG</sub> γ <sub>SE</sub> γ <sub>p</sub> 0,50 1,00 1,00 1,00 1,00 1,00	DD	DD	$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$





Tabla 3.4.1-2 – Factores de carga para cargas permanentes, γ<sub>p</sub>

Ti 4	Factor	de Carga
Tipo de carga	Máximo	Mínimo
DC: Elemento y accesorios	1,25	0,90
DD: Fricción negativa (downdrag)	1,80	0,45
DW: Superficies de rodamiento e instalaciones para servicios públicos	1,50	0,65
EH: Empuje horizontal del suelo  Activo  En reposo	1,50 1,35	0,90 0,90
EL: Tensiones residuales de montaje	1,00	1,00
EV: Empuje vertical del suelo  Estabilidad global  Muros de sostenimiento y estribos  Estructura rígida enterrada  Marcos rígidos  Estructuras flexibles enterradas u otras, excepto alcantarillas metálicas rectangulares  Alcantarillas metálicas rectangulares flexibles	1,00 1,35 1,30 1,35 1,95	N/A 1,00 0,90 0,90 0,90 0,90
ES: Sobrecarga de suelo	1,50	0,75

# CON PUENTE (ESTRIBO DE APOYO FIJO)

Factores según tabla AASHTO 3.4.1-1

# CARGAS VERTICALES V

TIPO	DC			EV	LL	LS	
CARGA	$V_{reac}$	V <sub>estrib</sub>	V <sub>losa</sub>	$V_{rellend}$	$V_{LL}$	V <sub>LS 1y</sub>	
V (ton/m)	33.25	49.72	1.50	53.01	8.10	3.42	
RESISTENCIA I	1.25	1.25	1.25	1.35	1.75	1.75	VU
	41.57	62.15	1.88	71.56	14.17	5.99	197.31
SERVICIO I	1	1	1	1	1	1	
	33.25	49.72	1.50	53.01	8.10	3.42	149.00
EVENTO EXTREMO	1.25	1.25	1.25	1.35	1	1	
	41.57	62.15	1.88	71.56	8.10	3.42	188.67

# Donde:

 $V_{reac} = Cortante debibo a la carga muerta de la superestructura (ton/m)$ 

 $V_{estrib} = Cortante debido al estribo (ton/m)$ 

 $V_{losa} = Cortante debido a la losa de concreto sobre el relleno (ton/m)$ 

 $V_{relleno} = Cortante debido al relleno (ton/m)$ 

 $V_{LL} = Cortante debido a la carga viva de la superestructura (ton/m)$ 

 $V_{LS\,1y}=~$  Cortante debido a la sobrecarga por carga viva en el terreno (ton/m)





#### MOMENTO ESTABILIZADOR (POR CARGAS VERTICALES) MV

TIPO	DC			EV	LL	LS	
CARGA	$M_{reac}$	M <sub>estrib</sub>	M <sub>losa</sub>	M <sub>reller</sub>	no M <sub>LL</sub>	M <sub>LS 1y</sub>	
M (tn. m/m)	114.73	179.58	8.55	302.16	27.94	19.49	
RESISTENCIA I	1.25	1.25	1.25	1.35	1.75	1.75	
	143.41	224.48	10.69	407.91	48.90	34.11	869.50
SERVICIO I	1	1	1	1	1	1	
	114.73	179.58	8.55	302.16	27.94	19.49	652.45
EVENTO EXTREMO I	1.25	1.25	1.25	1.35	1	1	
	143.41	224.48	10.69	407.91	27.94	19.49	833.92

#### Donde:

 $M_{reac} = Momento debibo a la carga muerta de la superestructura (ton. m/m)$ 

 $M_{estrib} = Momento debido al estribo (ton. m/m)$ 

M<sub>losa</sub> = Momento debido a la losa de concreto sobre el relleno (ton. m/m)

 $M_{relleno} = Momento debido al relleno (ton. m/m)$ 

 $M_{LL}$  = Momento debido a la carga viva de la superestructura (ton. m/m)

 $M_{LS \, 1y} = Momento \, debido \, a \, la \, sobrecarga \, por \, carga \, viva \, en \, el \, terreno \, (ton. \, m/m)$ 

#### CARGAS HORIZONTALES H

TIPO	EH	EQ	LS	BR	
CARGA	$V_{EH}$	$V_{EQ}$	$V_{LS1y}$	$V_{BR}$	
V (ton/m)	30.47	5.44	3.29	1.84	
RESISTENCIA I	1.5	0	1.75	1.75	
	45.71	0.00	5.76	3.22	54.70
SERVICIO I	1	0	1	1	
	30.47	0.00	3.29	1.84	35.61
EVENTO EXTREMO I	1.5	1.5	0.5	0.5	
	45.71	8.16	1.65	0.92	56.44

# Donde:

 $V_{EH}$  = Cortante debibo al empuje activo estatico (ton/m)

 $V_{EO}$  = Cortante debido al empuje activo dinamico (ton/m)

 $V_{LS 1v} = Cortante debido a la sobrecarga por carga viva en el terreno (ton/m)$ 

 $V_{BR} = Cortante debido al frenado (ton/m)$ 





# MOMENTO DE VUELCO (POR CARGAS HORIZONTALES) Mhu

TIPO	EH	EQ	LS	BR	
CARGA	$M_{EH}$	$M_{EQ}$	$M_{LS1y}$	$M_{BR}$	
M (tn. m/m)	108.69	29.09	17.62	23.38	
RESISTENCIA I	1.5	0	1.75	1.75	
	163.04	0.00	30.84	40.91	234.78
SERVICIO I	1	0	1	1	
	108.69	0.00	17.62	23.38	149.69
EVENTO EXTREMO I	1.5	1.5	0.5	0.5	
	163.04	43.64	8.81	11.69	227.18

# Donde:

 $M_{EH} = Momento debibo al empuje activo estatico (ton. m/m)$ 

 $M_{EO}$  = Momento debido al empuje activo dinamico (ton. m/m)

 $M_{LS \, 1y} = Momento \, debido \, a \, la \, sobrecarga \, por \, carga \, viva \, en \, el \, terreno \, (ton. \, m/m)$ 

 $M_{BR} = Momento debido al frenado (ton. m/m)$ 

# SIN PUENTE (ESTRIBO DE APOYO FIJO)

# CARGAS VERTICALES V

TIPO	DC		DC EV		LS	
CARGA	V <sub>estrib</sub>	V <sub>losa</sub>	$V_{\text{suelo}}$	$V_{LS 1y}$		
V (ton/m)	49.72	1.50	53.01	3.42		
RESISTENCIA I	1.25	1.25	1.35	1.75		
	62.15	1.88	71.56	5.99	141.57	
SERVICIO I	1	1	1	1		
	49.72	1.50	53.01	3.42	107.65	
EVENTO EXTREMO I	1.25	1.25	1.35	1		
	62.15	1.88	71.56	3.42	139.01	





# MOMENTO ESTABILIZADOR (POR CARGAS VERTICALES) Mv

TIPO	DC		EV	LS	
CARGA	$M_{estrib}$	$M_{losa}$	$M_{suelo}$	M <sub>LS 1y</sub>	
M (tn.m/m)	179.58	8.55			
RESISTENCIA I	1.25	1.25	1.35	1.75	
	224.48	10.69	407.91	34.11	677.19
SERVICIO I	1	1	1	1	
	179.58	8.55	302.16	19.49	509.78
EVENTO EXTREMO I	1.25	1.25	1.35	1	
	224.48	10.69	407.91	19.49	662.57

# CARGAS HORIZONTALES H

TIPO	EH		LS	
CARGA	$V_{EH}$	$V_{EQ}$	$V_{LS1y}$	
V (tn/m)	30.47	5.44	3.29	
RESISTENCIA I	1.5	0	1.75	
	45.71	0.00	5.76	51.48
SERVICIO I	1	0	1	
	30.47	0.00	3.29	33.77
EVENTO EXTREMO I	1.5	1.5	0.5	
	45.71	8.16	1.65	55.52

# MOMENTO DE VUELCO (POR CARGAS HORIZONTALES) Mhu

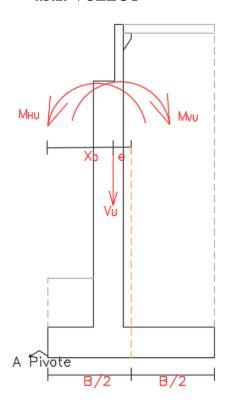
TIPO	E	EH		
CARGA	$M_{EH}$	$M_{EQ}$	M <sub>LS1y</sub>	
M (ton.m/m)	108.69	29.09	17.62	
RESISTENCIA I	1.5	0	1.75	
	163.04	0.00	30.84	193.88
SERVICIO I	1	0	1	
	108.69	0.00	17.62	126.31
EVENTO EXTREMO I	1.5	1.5	0.5	
	163.04	43.64	8.81	215.49





# **4.3.2. VUELCO**

## **AASHTO ART 11.6.3.3**



Estable si:
Con: Mvu/Mhu > fs
fs=1.5 c/sismo
fs=2.0 s/sismo

# **CON PUENTE**

ESTADO	$V_{U}$	$M_{VU}$	Мни	$f_S = \frac{M_U}{M_{HU}}$	$f_S$	
RESISTENCIA I	197.31	869.50	234.78	3.70	2	OK
SERVICIO I	149.00	652.45	149.69	4.36	2	OK
EVENTO EXTREMO I	188.67	833.92	227.18	3.67	2	OK

#### Donde:

 $V_{IJ}$  = Cortante ultima mayorada vertical(ton/m)

 $M_{VU} = Momento resistente del vuelco(ton. m/m)$ 

 $e_{max}$  = Excentricidad maxima B/4(m)

e = Excentricidad(m)

M<sub>HU</sub> = Momentos provocadores del vuelco(ton. m/m)

B = Ancho de la zapata (m)

 $f_s$  = Factor de seguridad para vuelco





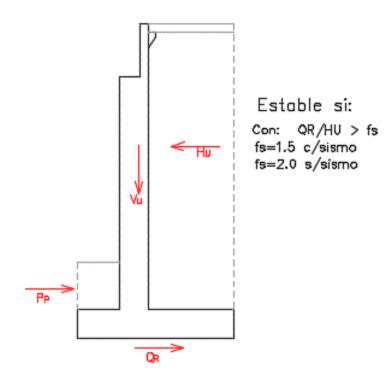
#### SIN PUENTE

ESTADO	$V_{\mathrm{U}}$	M <sub>U</sub>	M <sub>HU</sub>	$f_{S} = \frac{M_{U}}{M_{HU}}$	$f_S$	
RESISTENCIA I	141.57	677.19	193.88	3.49	2	
SERVICIO I	107.65	509.78	126.31	4.04	2	] (

OK OK

#### 4.3.3. **DESLIZAMIENTO**

**AASHTO ART 10.6.3.3** 



La resistencia mayorada contra la falla por resbalamiento:

$$Q_R = \emptyset_t V \tan \emptyset + \emptyset_{ep} P_{ep}$$

Donde:

 $\emptyset_t = \text{ factor de resistencia para la resistencia al corte entre el suelo y la fundacion}$ 

V = esfuerzo vertical total

tan Ø = angulo de fricción interna del suelo

 $\emptyset_{ep} = \text{ factor de resistencia para la resistencia pasiva}$ 

 $Q_{ep} = resistencia pasiva nominal del suelo)$ 





Con:

 $\emptyset_t = 0.8$ , Estado limite de resistencia AASHTO 10.5.5

 $\emptyset_t = 0.5$ , Empuje pasivo del suelo AASHTO 10.5.5

$$Q_R = \emptyset_t V \tan \emptyset + \emptyset_{ep} P_{ep} = 0.8 \times 197.31 \times 0.70 + 0.5 \times 72.58 = 146.82 \text{ ton/m}$$

$$\frac{Q_R}{H_{II}} = \frac{146.82}{54.70} = 2.68 > 1.50 \text{ OK}$$

$$\tan \emptyset = \tan 35^{\circ} = 0.70$$

#### **CON PUENTE**

ESTADO	V <sub>U</sub>	$Q_R = \emptyset_t V \tan \emptyset$	$H_{U}$	$\frac{Q_R}{H_U}$	$f_S$	
RESISTENCIA I	197.31	146.82	54.70	2.68	1.50	OK
SERVICIO I	149.00	119.75	35.61	3.36	1.50	OK
EVENTO EXTREMO I	188.67	141.98	56.44	2.52	1.50	OK

#### Donde:

 $V_U = Cortante ultima mayorada vertical (ton/m)$ 

 $Q_R$  = Resistencia mayorada en contra del deslizamiento (ton/m)

 $H_U = Cortante ultima mayorada que provoca deslizamiento(ton/m)$ 

f<sub>s</sub> = Factor de seguridad para deslizamiento

#### SIN PUENTE

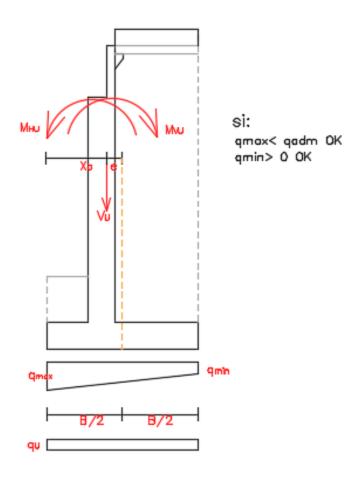
ESTADO	V <sub>U</sub>	$Q_R = \emptyset_t Q_t$	H <sub>U</sub>	$\frac{Q_R}{H_U}$	$f_S$	
RESISTENCIA I	141.57	86.69	51.48	1.68	1.50	OK
SERVICIO I	107.65	74.61	33.77	2.21	1.50	OK

$$FS = \frac{Q_R}{H_U} \ge 1.50$$





# 3.3.4. PRESIONES DE CONTACTO



Es estable si:

 $q_{adm} = 3.18 \text{ kg/cm} 2 \text{ Capacidad portante del suelo}$ 

qmax = 
$$\frac{V_U}{B - 2e}$$
 =  $\left(\frac{197.31}{7.2 - 2 \times 0.38}\right) \times 10^{-1}$  = 3.07kg/cm2

# CON PUENTE

ESTADO	$V_{U}$	M <sub>VU</sub>	M <sub>HU</sub>	$X_{O} = \frac{M_{VU} - M_{HU}}{V_{U}}$	$e = \left  \frac{B}{2} - X_0 \right $	$qmax = \frac{V_U}{B - 2e}$	q <sub>adm</sub>	
RESISTENCIA I	197.31	869.50	234.78	3.22	0.38	3.07	3.18	О
SERVICIO I	149.00	652.45	149.69	3.37	0.23	2.21	3.18	0
EVENTO EXTREMO I	188.67	833.92	227.18	3.22	0.38	2.93	3.18	О

OK OK

OK





# Donde:

V<sub>U</sub> = Cortante ultima mayorada vertical(ton/m)

 $M_U = Momento ultimo mayorado vertical (ton. m/m)$ 

 $M_{HU} = Momento ultimo mayorado horizontal (ton. m/m)$ 

e = Excentricidad (m)

B = Ancho de la zapata (m)

q<sub>adm</sub> = Capacidad portante de suelo (kg/m3)

#### SIN PUENTE

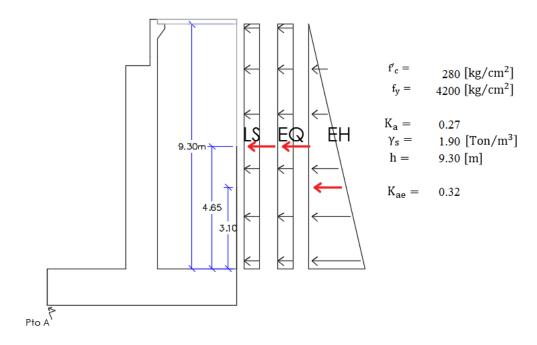
ESTADO	$V_{U}$	M <sub>VU</sub>	$M_{HU}$	$X_{O} = \frac{M_{VU} - M_{HU}}{V_{U}}$	$e = \left  \frac{B}{2} - X_O \right $	$qmax = \frac{V_U}{B - 2e}$	$q_{adm}$
RESISTENCIA I	141.57	677.19	193.88	3.41	0.19	2.07	3.18
SERVICIO I	107.65	509.78	126.31	3.56	0.04	1.51	3.18

OK OK





# DISEÑO DE PANTALLA



# SOBRECARGA POR CARGA VIVA

$$L_{SX} = Ka m\gamma H$$

$$L_{SX} = 0.27 \times 0.60 \times 1.90 \times 9.30 = 2.86 \text{ ton/m}$$

FUERZA	BRAZO	MOMENTO
[Ton/m]	[m]	[Ton. m/m]
2.86	4.65	13.31

#### EMPUJE ACTIVO METODO DE COULOMB

EH = 
$$\frac{1}{2}$$
γH<sup>2</sup>Ka  
EH =  $\frac{1}{2}$  × 1.90 × 9.30<sup>2</sup> × 0.27 = 22.18 ton/m

FUERZA	BRAZO	MOMENTO
[Ton/m]	[m]	[Ton.m/m]
22.18	3.1	68.77





# EMPUJE ACTIVO MÈTODO DE MONONOBE-OKABE

$$EQ = \frac{1}{2}\gamma H^2(K_{AE} - k_A)$$

$$EQ = \frac{1}{2} \times 1.90 \times 9.30^2 \times (0.32 - 0.27) = 4.11$$

FUERZA	BRAZO	MOMENTO
[Ton/m]	[m]	[Ton.m/m]
4.11	4.65	19.10

# **RESUMEN:**

	V	M
LS <sub>x</sub> :	2.86	13.31
EH:	22.18	68.77
EQ:	4.11	19.10
BR:	1.84	23.38

#### **ACERO POR FLEXION**

Momento de diseño en la base de la pantalla

$$n = n_D n_R n_i = 1$$

Combinación de cargas básica que representa el uso vehicular

$$M_u = n[1.75M_{LS} + 1.50M_{EH} + 1.75M_{BR}]$$

$$M_u = 1.00[1.75(13.31) + 1.50(68.77) + 1.75(23.38)] = 167.36 \text{ ton. m}$$

$$n = n_D n_R n_i = 1$$

Combinación de cargas que incluye sismos.

$$M_{\rm u} = n[0.50M_{LS} + 1.50M_{EH} + 1.00M_{EQ} + 0.50M_{BR}]$$

$$\rm M_u = 1.00[0.50(13.31) + 1.50(68.77) + 1.00(19.10) + 0.50(23.38)] = 140.61~ton.~m$$





Donde:

 $M_{LS}$  = Momento debido a la sobrecarga por carga viva en el terreno (ton. m/m)

 $M_{EH} = Momento debibo al empuje activo estatico (ton. m/m)$ 

 $M_{EO}$  = Momento debido al empuje activo dinamico (ton. m/m)

 $M_{BR} = Momento debido al frenado (ton.m/m)$ 

Considerando el máximo momento se tiene:

$$M_{\rm h} = 167.36$$
 ton. m

$$A_c = 101'$$

$$M_u = 167.36 \text{ ton. m}$$
  $A_S = 1001''$  recubrimiento  $r = 5 \text{ cm}$ 

$$\emptyset_{1''} = 2.54 \text{ cm}$$

$$Z = r + \frac{\emptyset_{1''}}{2} = 5 + \frac{2.54}{2} = 6.27 cm$$



Ancho de pantalla:

120 cm

$$d = 120 - 6.27 = 113.73 \text{ cm}$$

Donde:

r = Recubrimiento de la pantalla (cm)

 $\emptyset_{1''}$  = Diametro de una varilla de 1'' (cm)

d= Peralte efectivo (cm)

Para el área de acero

$$a = 20 \text{ cm}$$

$$A_{S} = \frac{M_{U}}{\emptyset f_{y} \left( d - \frac{a}{2} \right)} = \frac{167.36}{0.9 \times 4200 \left( 113.73 - \frac{20}{2} \right)} = 42.68 \text{ cm} 2$$





b = 100 cm Para franjas de 1 metro

$$a = \frac{A_S f_y}{0.85 f'_c b} = \frac{42.68 \times 4200}{0.85 \times 280 \times 100} = 7.53 \text{ cm}$$

 $A_S = 40.26 \text{ cm} 2$ 

a = 7.11 cm

 $A_S = 33.76 \text{ cm} 2$ 

a = 5.96 cm OK

Donde:

 $M_u = Momento ultimo maximo (ton. m/m)$ 

 $\emptyset$  = Factor de reduccion

f<sub>v</sub> = Tensión de fluencia de la armadura de tracción (kg/cm2)

As= Area de acero requerido (cm2)

f<sub>c</sub> = Resistencia a la compresion del concreto de la losa (kg/cm2)

d= Peralte efectivo (cm)

b = Ancho de faja (m)

# ACERO MAXIMO

Una sección no sobre reforzada cumple con:

$$c/d_e \le 0.42$$

$$c = a/\beta_1 = 5.96/0.85 = 7.01 \text{ cm}$$

$$\beta = 0.85$$

$$d = d_e = 113.73 \text{ cm}$$

$$c/d_e = 7.01/111.23 = 0.06 \le 0.42 \text{ OK}$$

Donde:

c = Distancia de la fibra extrema comprimida y el eje neutro (cm)

a = Altura del diagrama rectangular de tensiones equivalente (cm)





 $\beta$  = Relacion entre la altura del diagrama rectangular de tensiones y la distancia de la fibra extrema comprimida y el eje neutro.

d= Peralte efectivo (cm)

# ACERO MÍNIMO

La cantidad de acero proporcionado debe ser capaz de resistir el menor de 1.2Mcr y 1.33Mu.

#### MOMENTO DE FISURACIÓN

Siendo:

$$1.2 M_{cr} = 1.2 f_r S = 1.2 \times 33.63 \times 240000 \times 10^{-5} = 96.85 \text{ ton. m}$$

$$f_r = 0.63\sqrt{f'_c} MPa = 2.01\sqrt{280} \, kg/cm^2 = 33.63 kg/cm^2$$
 AASHTO 5.4.2.6

$$b = 100 \text{ cm}$$

$$S = \frac{bh^2}{6} = \frac{100 \times 120^2}{6} = 240000cm3$$

Donde:

 $M_{cr}$  = Momento de fisuración (ton/m)

fr = Módulo de rotura del concreto (kg/cm2)

S = Módulo seccional para la fibra extrema de la seccion compuesta (cm3)

b = Ancho de faja en estudio (cm)

h = Ancho de la pantalla (cm)

# MOMENTO MAYORADO

$$1.33M_{\text{U}} = 1.33 \times 167.36 = 222.59 \text{ ton.m}$$

El menor es: 96.85 ton.m y la cantidad de acero calculado 33.76 cm2

Resiste 
$$M_u = 167.36 \text{ ton. m} > 96.85 \text{ ton. m} \text{ OK}$$

Con varilla de 1"

$$@ = \frac{5.07}{33.76} = 15 \text{ cm}$$
 Usar 1 Ø 1 " @ 15cm





#### ACERO DE TEMPERATURA

$$A_{s\,temperatura} = 0.756 \frac{A_g}{f_y}$$

$$A_{\text{s temperatura}} = 0.0018A_g = 0.0018 \times 100 \times 120 = 21.6 \text{ cm}$$

$$A_{s \text{ temperatura}} = \frac{21.6}{2} = 10.8 \text{ cm} 2/\text{Capa}$$

Utilizando varillas de

Ø 3/4", la separación será:

$$@ = \frac{2.85}{10.8} = 0.26 \text{ m}$$

# Usar 10 3/4" @ 0.20 m

Nota: el acero de temperatura se colocara por no contar con ningún tipo de acero en el sentido perpendicular al acero principal de la pantalla y también en la cara de la pantalla opuesta al relleno, en ambos sentidos.

REVISIÓN DE FISURACIÓN POR DISTRIBUCIÓN DE ARMADURA ESFUERZO MÁXIMO DEL ACERO AASHTO ART 5.7.3.4

$$f_{sa} = \frac{Z}{(d_c A)^{1/3}} \le 0.6 f_y$$

Para el acero principal:

$$r = 5 \text{ cm}$$

$$d_c = r + \frac{\emptyset}{2} = 5 + \frac{2.54}{2} = 6.27 \text{ cm}$$

b = espac. del acero 20 cm

 $n_v = numero de varillas = 1$ 





$$A = \frac{(2d_c)b}{n_V} = \frac{(2 \times 6.27)15}{1} = 250.8 \text{ cm}2$$

Según AASHTO Z

$$Z = 17500 \text{ N/mm} = 17850 \text{kg/cm}$$

$$\frac{N}{mm} = 1.019 \frac{kg}{cm}$$

Luego:

$$f_{sa} = \frac{17850}{(6.27 \times 188.1)^{1/3}} = 1535 \text{ kg/cm}2$$

$$f_{sa} = 1535 \le 0.6 \times 4200 = 2520 \text{ kg/cm}2$$

Escoger el menor

$$f_{sa} = 1535 \text{ kg/cm}^2$$

Donde:

 $\rm f_{sa} = Tension$  de traccion en la armadura bajo cargas de servicio (kg/cm2)

 $Z=Parametro\ para\ limitacion\ de\ fisuracion$ 

 $d_c$  = Espesor del recubrimiento medido desde la fibra extrema traccionada hasta el centro de barra(m)

A = Area del concreto que tiene el mismo baricentro que la armadura principal de traccion y Limitada por la sección transversal y una recta paralela al eje neutro (cm2)

#### ESFUERZO DEL ACERO BAJO CARGAS DE SERVICIO

$$f_{s} = \frac{M_{s}C}{I}n$$

Para el diseño por estado límite de servicio I,

$$n = n_D n_R n_i = 1$$





$$M_S = n[1.00M_{LS} + 1.00M_{EH}]$$

$$M_S = n[1.00 \times 13.31 + 1.00 \times 68.77] = 82.08 \text{ ton. m}$$

Para un ancho tributario de 15 cm

$$M_S = 82.08 \times 0.15 = 12.31 \text{ ton. m}$$

El módulo de elasticidad del acero de las armaduras, Es se deberá asumir

$$E_S = 200000 \text{ MPa}$$

El módulo de elasticidad del concreto, Ec, se puede asumir

$$E_{c} = 0.043 \gamma^{1.5} \sqrt{f'_{c}}$$

$$E_c = 0.0432400^{1.5}\sqrt{28} = 26493 \text{ MPa} = 270150 \text{ kg/cm}2$$

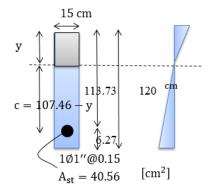
Modulo n:

$$n = \frac{E_S}{E_C} = \frac{2039400}{270150} = 8$$

Área de acero transformada

 $A_{ST}$  = relacion modular  $\times$  area d acero

$$A_{ST} = 8 \times 5.07 = 40.56 \text{ cm} 2$$







Momentos del área del acero transformada y la sección en comprensión en el punto de eje neutro:

$$15y(y/2) = 40.56 \times (107.46 - y)$$

Resolver ecuación cuadrática

$$y = 21.55 \text{ cm}$$
  $c = 92.18 \text{ cm}$ 

Inercia respecto del eje neutro de sección transformada:

$$I = A_{st}c^2 + \frac{by^3}{3} = 40.56 \times 92.18^2 + \frac{15 \times 21.55^3}{3} = 394684 \text{ cm}4$$

Luego:

$$f_s = \frac{M_S C}{I} n = \frac{12.31 \times 10^5 \times 92.18}{394684} \times 8 = 2300.04 \text{ kg/cm} 2$$

$$f_s = 2300 kg/cm2$$
  $\leq f_{sa} = 0.6 \times 4200 = \frac{2520 kg}{cm2} OK$ 





# REVISIÓN POR CORTE

Típicamente el corte no gobierna el diseño de un muro de contención; sin embargo revisaremos el grosor de la pantalla para confirmar que no se requiere armadura transversal.

El cortante actuante en la base de la pantalla para el estado límite de resistencia I, con

$$n = n_D n_R n_i = 1$$

$$V_{U} = n[1.75V_{LS} + 1.50V_{EH} + 1.75V_{BR}]$$

$$V_U = n[1.75 \times 2.86 + 1.50 \times 22.18 + 1.75 \times 1.84] = 41.51 \text{ ton}$$

El cortante actuante en la base de la pantalla para el estado límite de evento extremo I, con

$$n = n_D n_R n_i = 1$$

$$V_U = n[0.50V_{LS} + 1.50V_{EH} + 1.00V_{EQ} + 0.50V_{BR}]$$

$$V_U = n[0.50 \times 2.86 + 1.50 \times 22.18 + 1.00 \times 4.11 + 0.50 \times 1.84] = 39.74 \text{ ton}$$

El máximo es: 
$$V_U = 41.51 \text{ ton}$$

Donde:

 $V_{LS}$  = Cortante debido a la sobrecarga por carga viva en el terreno (ton/m)

 $V_{EH} = Cortante debibo al empuje activo estatico (ton/m)$ 

 $V_{EO}$  = Cortante debido al empuje activo dinamico (ton/m)

 $V_{BR}$  = Cortante debido al frenado (ton/m)

El cortante resistente del concreto es:

$$V_r = \emptyset V_n$$

$$\emptyset = 1$$





Siendo

$$V_n$$

el menor de:

$$V_n = V_C + V_S + V_P$$

$$V_n = 0.25 f'_c b_V d_V + V_P$$

$$V_{C} = 0.083\beta\sqrt{f'_{C}}b_{V}d_{V}(N)$$

$$V_C = 0.53 \sqrt{f'_c} b_V d_V$$

Para:

$$\beta = 2$$

**AASHTO ART 5.8.3.4.1** 

$$V_C = 0.53\sqrt{f'_c}b_Vd_V = 0.53\sqrt{280} \times 100 \times 110.75 \times 10^{-3} = 98.22$$
 ton

Donde:

$$b_V$$
 = ancho de diseño de pantalla = 100 cm

$$d_V = \text{peralte de corte efectivo} = d_e - \frac{a}{2} = 113.73 - \frac{5.96}{2} = 110.75 \text{ cm}$$

Debe cumplir que dv, no es menor que le mayor valor entre:

$$\begin{bmatrix} 0.90d_e = 0.90 \times 113.73 = 102.36 \text{ cm} \\ 0.72h = 0.72 \times 120.00 = 86.40 \text{ cm} \end{bmatrix}$$

$$Con \qquad V_P = 0 \qquad \quad y \qquad \quad V_S = 0$$

$$\begin{cases} &V_n = V_C + V_S + V_P = 98.22 + 0 + 0 = \\ &V_n = 0.25 f'_c b_V d_V + V_P = 0.25 \times 280 \times 100 \times 110.75 \times 10^{-3} + 0 = 775.26 \text{ ton} \end{cases}$$

El menor valor de:

$$V_n = 98.22 \text{ ton}$$

La resistencia del concreto al corte es:

$$\emptyset = 0.9$$





$$V_r = \emptyset V_n = 0.\,9 \times 98.\,22 = 88.\,40 \ ton \\ \hspace{2cm} > V_U = 41.\,51 \ ton \ OK$$

#### Donde:

 $V_r$  = Resistencia al corte mayorada (ton/m)

 $V_n = Resistencia nominal al corte (ton/m)$ 

 $V_c$  = Cortante del concreto (ton)

 $V_s$  = Cortante del acero no presforzado (ton)

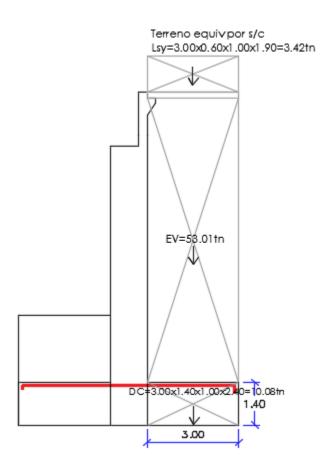
 $V_p$  = Cortante del acero de presfuerzo (ton)

d<sub>e</sub>= Altura efectiva correspondiente entre la fibra extrema y el acero de preesfuerzo(cm)





# 4.5. DISEÑO DE CIMENTACION



	L <sub>talon</sub>	H <sub>talon</sub>	AREA <sub>t</sub>	$_{\mathrm{alor}}$ , $\mathrm{E}_{\mathrm{c}^{\mathrm{o}}}$	V	d	M
DC:	3.00	1.40	4.20	2.50	10.50	1.50	15.75
EV:					53.01	1.50	79.52
LS <sub>Y</sub> :					3.42	1.50	5.13

# ACERO PARTE SUPERIOR DE ZAPATA

Momento de diseño en cara vertical de pantalla, estado límite de resistencia I, con

 $con n = n_D n_R n_i = 1$  Despreciando del lado conservador la reacción del suelo:

$$M_U = n[1.25M_{DC} + 1.35M_{EV} + 1.75M_{LS}]$$





$$M_U = n[1.25 \times 15.75 + 1.35 \times 79.52 + 1.75 \times 5.13] = 136.01 \text{ ton. m}$$

Donde:

M<sub>DC</sub> = Momento debido a la carga muerta de la zapata (ton. m/m)

M<sub>EV</sub> = Momento debido a la carga del relleno(ton. m/m)

 $M_{LS}$  = Momento debido a la sobrecarga por carga viva en el terreno (ton. m/m)

Utilizando acero de

recubrimiento r = 5 cm

$$Z = r + \frac{\emptyset}{2} = 5 + \frac{2.54}{2} = 6.27 \text{ cm}$$

$$h = 140 \text{ cm}$$

$$d = 140 - 6.27 = 133.73$$
 cm

Donde:

r = Recubrimiento de la paantalla (cm)

 $\emptyset_{1''}$  = Diametro de una varilla de 1'' (cm)

d= Peralte efectivo (cm)

$$\phi_{\rm f} = 0.9$$

a = 15 cm

$$A_{S} = \frac{M_{U}}{\emptyset_{f}f_{y}\left(d - \frac{a}{2}\right)} = \frac{136.01 \times 10^{5}}{0.9 \times 4200\left(133.73 - \frac{15}{2}\right)} = 28.50 \text{ cm} 2$$

b = 100 cm

$$a = \frac{A_S f_y}{0.85 f'_S b} = \frac{28.50 \times 4200}{0.85 \times 280 \times 100} = 5.03 \text{ cm}$$

$$A_S = 27.42 \text{ cm} 2$$

$$a = 4.84 \text{ cm}$$

$$A_S = 27.40 \text{ cm}^2$$

$$a = 4.84 \text{ cm}$$





Donde:

 $M_{ij}$  = Momento ultimo maximo (ton. m/m)

 $\emptyset$  = Factor de reduccion

f<sub>v</sub> = Tensión de fluencia de la armadura de tracción (kg/cm2)

d= Peralte efectivo (cm)

As= Area de acero requerido (cm2)

b = Ancho de faja (m)

 $f_c$  = Resistencia a la compresion del concreto de la losa (kg/cm2)

Utilizando varillas

$$\emptyset 1$$
 " = 5.07 cm2

, la separación será:

$$S = \frac{5.07}{27.40} = 0.19 \text{ m}$$

## ACERO MAXIMO

Una sección no sobre reforzada cumple con:

$$c/d_e \le 0.42$$

$$c = a/\beta_1 = 4.84/0.85 = 5.69 \text{ cm}$$

$$\beta = 0.85$$

$$d = d_e = 113.73 \text{ cm}$$

$$c/d_e = 5.69/111.73 = 0.04 \le 0.42 \text{ OK}$$

Donde:

c = Distancia de la fibra extrema comprimida y el eje neutro (cm)

a = Altura del diagrama rectangular de tensiones (cm)

d= Peralte efectivo (cm)

 $\beta=$  Relacion entre la altura del diagrama rectangular de tensiones y la distancia de la fibra extrema Comprimida y el eje neutro.





#### **ACERO MINIMO**

AASHTO Art. 5.4.2.6

La cantidad de acero proporcionado debe ser capaz de resistir el menor de 1.2Mcr y 1.33Mu.

#### MOMENTO DE FISURACION

Siendo:

$$1.2M_{cr} = 1.2f_rS = 1.2 \times 33.63 \times 326667 \times 10^{-5} = 131.84 \text{ ton. m}$$

$$f_r = 0.63\sqrt{f'_c}$$
MPa =  $2.01\sqrt{280}$  kg/cm<sup>2</sup> =  $33.63$ kg/cm<sup>2</sup>

b = 100 cm

$$S = \frac{bh^2}{6} = \frac{100 \times 140^2}{6} = 326667 \text{cm}3$$

Donde:

 $M_{cr}$  = Momento de fisuracion (ton/m)

fr = Modulo de rotura del concreto (kg/cm2)

S = Modulo seccional para la fibra extrema de la seccion compuesta (cm3)

b = Ancho de faja en estudio (cm)

h = Ancho de la pantalla (cm)

#### MOMENTO MAYORADO

$$1.33M_U = 1.33 \times 136.01 = 180.89 \text{ ton.m}$$

El menor es: 131.84 ton.m y la cantidad de acero calculado 27.40 cm2

Resiste  $M_u = 136.01 \text{ ton. m} > 1.2 M_{cr} = 131.84 \text{ ton. m OK}$ 

Con varilla de 1"

Usar 1" Ø @ 20 cm

# ACERO PERPENDICULAR AL ACERO PRINCIPAL

$$A_{s=}0.0015A_{g} = 0.0015 \times 100 \times 140 = 21 \text{ cm}2$$
  
 $A_{s=}\frac{15}{2} = 10.5 \text{ cm}2/\text{capa}$ 





Utilizando varillas

Ø 3/4", la separación será:

$$\emptyset 3/4$$
" = 2.85 cm2

$$S = \frac{2.85}{10.5} = 0.27 \text{ m}$$

$$S_{\text{max}} = 0.30 \text{m}$$

# Usar 1Ø3/4"@0.20 m

Nota: El acero se colocara por no contar con ningún tipo de acero, perpendicular al acero de flexión, tanto en el talón como en la punta del cimiento.

#### REVISION DEL TALON POR CORTE

El cortante actuante en el talón para el estado límite de resistencia I, con  $n = n_D n_R n_i = 1$ 

$$V_{U} = n[1.25V_{DC} + 1.35V_{EV} + 1.75V_{LS}]$$

$$V_{IJ} = n[1.25 \times 10.50 + 1.35 \times 53.01 + 1.75 \times 3.42] = 90.67 \text{ ton}$$

Se omite el estado de evento extremo I, pues no gobierna el diseño.

#### Donde:

V<sub>DC</sub> = Cortante debido a la carga muerta de la zapata (ton/m)

 $V_{EV} = Cortante debido a la carga del relleno(ton/m)$ 

 $V_{LS}$  = Cortante debido a la sobrecarga por carga viva en el terreno (ton/m)

El cortante resistente del concreto es:

$$V_r = \emptyset V_n$$

$$\emptyset = 0.9$$





$$V_{C} = 0.083\beta\sqrt{f'_{C}}b_{V}d_{V}(N)$$

$$V_C = 0.53 \sqrt{f'_c} b_V d_V$$

Para:

$$\beta = 2$$

**AASHTO ART 5.8.3.4.1** 

$$V_C = 0.53 \sqrt{f'_c} b_V d_V = 0.53 \sqrt{280} \times 100 \times 133.73 \times 10^{-3} = 118.60$$
 ton

Donde:

b<sub>V</sub> = ancho de diseño de pantalla = 100 cm

$$d_V$$
 = peralte de corte efectivo =  $d_e - \frac{a}{2} = 131.31$  cm

Debe cumplir que dv, no es menor que le mayor valor entre:

$$0.90d_e = 0.90 \times 131.31 = 120.36 \text{ cm}$$
  
 $0.72h = 0.72 \times 140.00 = 100.80 \text{ cm}$ 

Con

$$V_{\rm P} = 0$$

$$V_P = 0$$
  $Y$   $V_S = 0$ 

El menor valor de:

$$\begin{cases} V_n = 0 + 0 + 118.60 = 118.60 \text{ ton} \\ V_n = 0.25 f'_c b_V d_V + V_P = 0.25 \times 280 \times 100 \times 131.31 \times 10^{-3} + 0 = 919.19 \text{ ton} \end{cases}$$

$$V_n = 118.60 \text{ ton}$$

La resistencia del concreto al corte es:

$$\emptyset = 0.9$$

$$V_r = \emptyset V_n = 0.\,9 \times 118.\,60 = 106.\,74 \ ton \\ \hspace{2cm} > V_U = 90.\,67 \ ton \ OK$$

$$> V_U = 90.67 \text{ ton OK}$$





#### Donde:

 $V_r$  = Resistencia al corte mayorada (ton/m)

 $V_n$  = Resistencia nominal al corte (ton/m)

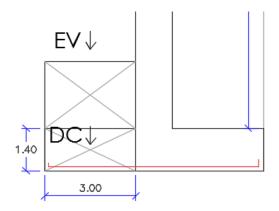
 $V_c$  = Cortante del concreto (ton)

V<sub>s</sub> = Cortante del acero no presforzado (ton)

V<sub>p</sub> = Cortante del acero de presfuerzo (ton)

d<sub>e</sub>= Altura efectiva correspondiente entre la fibra extrema y el acero de preesfuerzo(cm)

#### ACERO EN FONDO DE ZAPATA



Para el estado límite de evento extremo, con que despreciando del lado conservador el peso del terreno (EV) y de la punta de zapata (DC), el momento actuante en cara de pantalla es:

# Punta de zapata

$$q = 3.18 \text{ kg/cm}2$$

$$L = 3 \text{ m}$$

$$h = 140 \text{ cm} 2$$

$$M_U = 31.80 \times \frac{3.00^2}{2} \times 1 = 143.17 \text{ ton. m}$$

$$r = 5 \text{ cm}$$

$$\emptyset = 2.54 \text{ cm}$$





Siendo:

$$Z = r + \frac{\emptyset}{2} = 5 + \frac{2.54}{2} = 6.27 \text{ cm}$$

$$d = 140 - 6.27 = 133.73$$
 cm

Donde:

r = Recubrimiento de la paantalla (cm)

 $\emptyset_{1''}$  = Diametro de una varilla de 1'' (cm)

d= Peralte efectivo (cm)

$$a = 8$$

$$A_{S} = \frac{M_{U}}{\emptyset_{f}f_{y}\left(d - \frac{a}{2}\right)} = \frac{143.17 \times 10^{5}}{0.9 \times 4200\left(133.73 - \frac{8}{2}\right)} = 29.20 \text{ cm}2$$

$$a = \frac{A_S f_y}{0.85 f_c b} = \frac{29.20 \times 4200}{0.85 \times 280 \times 100} = 5.15 \text{ cm}$$

$$A_S = 28.88 \text{ cm} 2$$

$$a = 5.10 \text{ cm}$$

$$A_S = 28.87 \text{ cm}^2$$

$$a = 5.10 \text{ cm}$$

Donde:

 $M_u = Momento ultimo maximo (ton. m/m)$ 

 $\emptyset$  = Factor de reduccion

d= Peralte efectivo (cm)

 $f_v$  = Tensión de fluencia de la armadura de tracción (kg/cm2)

As= Area de acero requerido (cm2)

b = Ancho de faja (m)

 $f_c$  = Resistencia a la compresion del concreto de la losa (kg/cm2)





 $\emptyset = 1$  Para estado límite de extremo AASHTO 11.6.5

$$M_U = \emptyset f_y A_S \left( d - \frac{a}{2} \right) = 1.00 \times 4200 \times 28.87 \left( 133.73 - \frac{5.10}{2} \right) \times 10^{-5} = 159.08 \text{ ton. m}$$

159.08 ton. m > 143.17 ton.m

$$\emptyset 1 = 5.07 \text{ cm} 2$$

$$@ = \frac{5.07}{28.87} = 0.18 \text{ m}$$

Usar  $\emptyset 1'' = 0.20 \text{ m}$ 

#### ACERO MAXIMO

Una sección no sobre reforzada cumple con:

$$c/d_e \le 0.42$$

$$c = a/\beta_1 = 5.10/0.85 = 5.99 \text{ cm}$$

$$\beta = 0.85$$

$$d = d_e = 133.73 \text{ cm}$$

$$c/d_e = 5.99/133.73 = 0.04 \le 0.42 \text{ OK}$$

# Donde:

c = Distancia de la fibra extrema comprimida y el eje neutro (cm)

a = Altura del diagrama rectangular de tensiones (cm)

 $\beta=$  Relacion entre la altura del diagrama rectangular de tensiones y la distancia de la fibra extrema Comprimida y el eje neutro.

d= Peralte efectivo (cm)





#### **ACERO MINIMO**

La cantidad de acero proporcionado debe ser capaz de resistir el menor de 1.2Mcr y 1.33Mu.

#### MOMENTO DE FISURACION

Siendo: 
$$1.2M_{cr} = 1.2f_rS = 1.2 \times 33.63 \times 326667 \times 10^{-5} = 131.84 \text{ ton. m}$$

$$f_r = 0.63\sqrt{f'_c}$$
MPa =  $2.01\sqrt{280}$  kg/cm<sup>2</sup> =  $33.63$ kg/cm<sup>2</sup> AASHTO 5.4.2.6

$$b = 100 \text{ cm}$$

$$S = \frac{bh^2}{6} = \frac{100 \times 140^2}{6} = 326667 \text{ cm}3$$

Donde:

 $M_{cr}$  = Momento de fisuración (ton/m)

fr = Modulo de rotura del concreto (kg/cm2)

S = Modulo seccional para la fibra extrema de la seccion compuesta (cm3)

b = Ancho de faja en estudio (cm)

h = Ancho de la pantalla (cm)

#### MOMENTO MAYORADO

$$1.33M_U = 1.33 \times 143.17 = 190.42 \text{ ton.m}$$

El menor es: 131.84 ton.m y la cantidad de acero calculado 28.87 cm2

Resiste 
$$M_u = 159.08 \text{ ton. m} > 1.2 M_{cr} = 131.84 \text{ ton. m OK}$$

Con varilla de 1"

Usar 1" Ø @ 20 cm





#### REVISION DEL TALON POR CORTE

$$d_V=$$
 peralte de corte efectivo =  $d_e-\frac{a}{2}=133.73-\frac{5.10}{2}=131.18$  cm 
$$d_e=133.73$$

Debe cumplir que dv, no es menor que le mayor valor entre:

$$\begin{bmatrix} 0.90d_e = 0.90 \times 131.31 = 120.36 \text{ cm} \\ 0.72h = 0.72 \times 140.00 = 100.80 \text{ cm} \end{bmatrix}$$

Debiendo tomar el cortante actuante a una distancia dv de la cara de la pantalla, el cortante actuante es:

$$V_U = q_u (L_{punta} - d_v) = 31.80(3.00 - 1.3118) = 53.71ton$$

El cortante resistente del concreto es:

$$V_r = \emptyset V_n$$
  
 $\emptyset = 1$ 

 $V_{c} = 0.53 \sqrt{f'_{c}} b_{V} d_{V}$ 

Siendo 
$$V_{n} \qquad \text{el menor de:} \quad \begin{cases} &V_{n}=V_{C}+V_{S}+V_{P}\\ &V_{n}=0.25f'_{c}b_{V}d_{V}+V_{P} \end{cases}$$
 
$$V_{C}=0.083\beta\sqrt{f'_{C}}b_{V}d_{V}\;(N)$$

Para: 
$$\beta = 2$$
 AASHTO ART 5.8.3.4.1

$$V_C = 0.53 \sqrt{f'_c} b_V d_V = 0.53 \sqrt{280} \times 100 \times 131.18 \times 10^{-3} = 116.34 \ ton$$





Con

$$V_{\rm D} = 0$$

$$V_P = 0$$
  $y$   $V_S = 0$ 

El menor valor de:

$$\left\{ \begin{array}{l} V_n=0+0+116.34=116.34\ ton \\ \\ V_n=0.25f'_cb_Vd_V+V_P=0.25\times280\times100\times131.31\times10^{-3}+0=918.26\ ton \end{array} \right.$$

$$V_n = 116.34 \text{ ton}$$

La resistencia del concreto al corte es:

$$\emptyset = 0.9$$

$$V_r = \emptyset V_n = 0.9 \times 116.34 = 104.70 \ ton$$

$$> V_{\rm U} = 53.71 \, {
m ton \, OK}$$

Donde:

 $V_r$  = Resistencia al corte mayorada (ton/m)

 $V_n$  = Resistencia nominal al corte (ton/m)

 $V_c$  = Cortante del concreto (ton)

V<sub>s</sub> = Cortante del acero no presforzado (ton)

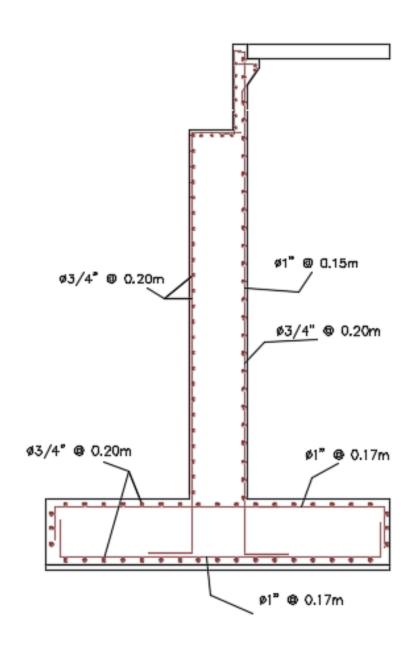
V<sub>p</sub> = Cortante del acero de presfuerzo (ton)

d<sub>e</sub>: Altura efectiva correspondiente entre la fibra extrema y el acero de presfuerzo(cm)





### ARMADURA DEL ACERO DEL ESTRIBO





# 5. CAPITULO V: DISEÑO DE SUPERESTRUCTURA

## 5.1. MÓDULOS DE SECCIÓN REQUERIDOS

#### Máximos momentos:

$$M_{viga} = \frac{1}{8} \times 0.698 \times 2.50 \times 34^2 = 252.88 \text{ ton. m}$$

$$M_{losa} = \frac{1}{6} \left( \frac{1}{8} (0.20 \times 14.00 \times 2.50) 34^2 \right) = 168.58 \text{ ton. m}$$

$$M_{diaf} = 10.75 \times 17 - 3.225 \times 17 - 2.15 \times (12.75 + 8.50 + 4.25) = 73.19 ton. m$$

$$M_{asfalto} = \frac{1}{6} \left( \frac{1}{8} (0.05 \times 9.00 \times 2.20) 34^2 \right) = 23.84 \text{ ton. m}$$

$$M_{\text{vereda}} = \frac{1}{6} \left( \frac{1}{8} (0.20 \times 5.00 \times 2.50) 34^2 \right) = 60.21 \text{ ton. m}$$

$$M_{\text{baranda}} = \frac{1}{6} \left( \frac{1}{8} (0.075 \times 2 \times 34^2) \right) = 3.61 \text{ ton. m}$$

$$M_{\text{sc peatonal}} = \frac{1}{6} \left( \frac{1}{8} (0.36 \times 2 \times 2.40) 34^2 \right) = 41.62 \text{ ton. m}$$

$$M_{LL+IM} = 0.67(1.33 \times 242.15 + 137.28) = 307.76 \text{ ton. m}$$

$$M_2 = 931.7 \text{ ton. m}$$

$$M_1 = 421.46 \text{ ton. m}$$

$$M_a = M_1 - M_2 = 931.7 - 421.46 = 510.23 \text{ ton. m}$$





#### Donde:

M<sub>viga</sub>=Momento de la viga

M<sub>losa</sub>=Momento de la losa

M<sub>diafr</sub>=Momento del diafragma

M<sub>asfalto</sub>=Momento del asfalto

M<sub>vereda</sub>=Momento de la vereda

M<sub>baranda</sub>=Momento de la baranda

M<sub>sc/pea</sub>=Momento de la sobrecarga peatonal

M<sub>LL+IM</sub>=Momento de la carga viva mas el impacto

 $M_a$ =Diferencia entre el momento total menos momento viga y losa

M<sub>1</sub>=Momento viga y losa

M<sub>2</sub>=Suma de los momentos totales

n = Eficiencia(85%)

$$\frac{M_1}{M_2}$$
 es pequeña



Emplear una sección SIMÉTRICA, más o menos de 0.25 al 0.30

$$\frac{M_1}{M_2}$$
 es grande



Emplear una sección ASIMÉTRICA, mas o menos de 0.70 al 0.80

## LÍMITES ANTES DE LAS PÉRDIDAS

$$f_{ti} = \left(-0.25 \times \sqrt{450/10.1972 \times 0.80}\right) \times 10.1972 \times 10 = -169.40 \ ton/m2$$

$$f_{ci} = (0.60 \times 450) \times 10 = 2700.00 \text{ ton/m}2$$

# LÍMITES DESPUES DE LAS PÉRDIDAS

$$f_{cs} = (0.45 \times 450) \times 10 = 2025.00 \text{ ton/m2}$$

$$f_{ts} = \left(-0.50 \times \sqrt{450/10.1972} \times 10.1972\right) \times 10 = -338.70 \text{ ton /m2}$$





Donde:

 $f_{ci} = Esfuerzo$  admisible de compresión en la fibra inferior inmediatamente después de la transferencia

 $f_{ti} = Esfuerzo$  admisible de tración en la fibra superior inmediatamente después de la transferencia

f<sub>ts</sub> = Esfuerzo admisible de tracción en la fibra inferior bajo cargas de servicio

 $f_{cs} = Esfuerzo$  admisible de compresión en la fibra superior bajo cargas de servicio

$$S_{\text{sup min}} = \frac{M_a + (1 - n)M_1}{f_{cs} - nf_{ti}} =$$

$$S_{\text{sup min}} = \frac{510.14 + (1 - 0.85)420.73}{2025.00 - 0.85 \times (-169.35)} = 0.264 \text{ m}3$$

$$S_{inf min} = \frac{M_a + (1 - n)M_1}{nf_{ci} - f_{ts}}$$

$$S_{\text{inf min}} = \frac{510.14 + (1 - 0.85)420.73}{0.85 \times 2700.00 - (-338.70)} = 0.218 \text{ m}$$

Donde:

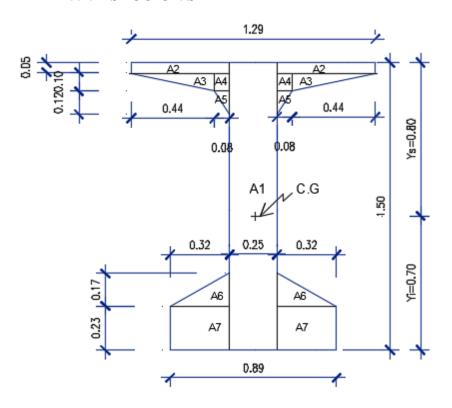
 $S_{\sup \min} = Modulo de seccion referido a la fibra superior$ 

 $S_{infmin}$  = Modulo de seccion referido a la fibra inferior





# 5.2. SECCIÓN SIMPLE



## ÁREA DE LA SECCIÓN

sección	factor	b	h	área parcial	cantidad	área total	
A1=		0.25	1.50	0.375	1	0.375	
A2=		0.52	0.05	0.026	2	0.052	
A3=	1/2	0.44	0.10	0.022	2	0.044	
A4=		0.08	0.10	0.008	2	0.016	
A5=	1/2	0.08	0.12	0.005	2	0.010	
A6=	1/2	0.32	0.17	0.027	2	0.054	
A7=		0.32	0.23	0.074	2	0.147	
	•		-	•	AG:	0.698	[m

nro d	e veces
1	12
2	12
1	36
2	12
1	36
1	36
2	12





#### **CENTRO DE GRAVEDAD**

#### MOMENTO DE INERCIA

$Y_{Gi} = \frac{1}{A}$	$\Sigma A_n \times Y_n$ AREA <sub>total</sub>		$I_{n} = \frac{b \times h^{3}}{12} + A_{n} \times (Y_{total} - Y_{n})$	) <sup>2</sup>
Y1=	0.75		IA1 = 0.071	
Y2=	1.48		IA2 = 0.031	
Y3=	1.42		IA3= 0.023	
Y4=	1.40		IA4 = 0.008	
Y5=	1.31		IA5 = 0.004	
Y6=	0.29		IA6= 0.009	
Y7=	0.12		IA7 = 0.051	
	Ys= Yi=	0.80 [m] 0.70 [m]	IG: 0.197 [m4]	

$$Y_{Gi} = \frac{(0.375 \times 0.75 + 0.052 \times 1.48 + 0.044 \times 1.42 + 0.016 \times 1.40 + 0.010 \times 1.31 + 0.054 \times 0.29 + 0.147 \times 0.12)}{0.698} = 0.70 \times 0.000 \times$$

$$I_{A1} = \frac{0.25 \times 1.50^3}{12} + 0.375 \times (0.70 - 0.75)^2 = 0.071 \text{m}4$$

IG = 0.071 + 0.031 + 0.023 + 0.008 + 0.004 + 0.009 + 0.051 = 0.197 m



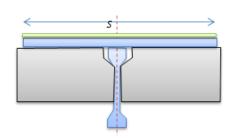
S:



#### 5.3. CARGAS ACTUANTES SUPERESTRUCTURA

#### **VIGAS INTERIORES**

#### Ancho tributario viga interior:



2.4 [m]

S = Ancho tributario interno(m)

#### **CARGA MUERTA:**

#### PESO PROPIO (VIGA)

$$W_{viga} = AREA_{viga} \times 2.50 = 1.75 \text{ ton/m}$$

$$M_{viga} = \frac{W_{viga} \times L^2}{8} = \frac{1.75 \times 34^2}{8} = 252.88 \text{ton.m}$$

#### PESO PROPIO (LOSA)

$$W_{losa} = 0.20 \times 14.00 \times 2.50 = 7 \text{ ton/m}$$

Momento por ancho total de losa

$$M_{losa} = \frac{W_{losa} \times L^2}{8} = \frac{7.00 \times 34^2}{8} = 1011.50 \text{ ton. m}$$

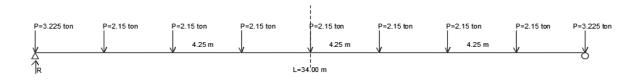
Momento para una viga

$$M_{losa \times viga} = \frac{1}{6} M_{losa} = 168.58 \text{ ton. m}$$





### CARGAS PUNTUALES (DIAFRAGMAS)



$$h_{1.50} = 1.50 \text{ m}$$

$$n_{dia \, ext} = 2$$

$$h_{1.00} = 1 \text{ m}$$

$$n_{dia\,int} = 7$$

$$B = 0.4 \text{ m}$$

$$d_{diaf} = 4.25$$

$$L/2 = 17m$$

$$P_{\text{dia h}=1.50\text{m}} = 1.50 \times 0.40 \times (2.40 - 0.25) \times 2.50 = 3.23 \text{ ton}$$

$$P_{dia\;h=1.00m} = 1.00 \times 0.40 \times (2.40 - 0.25) \times 2.50 = 2.15 \text{ ton}$$

$$R = \frac{2 \times 3.23 + 7 \times 2.15}{2} = 10.76 ton$$

Donde:

 $W_{viga}$  = Peso de la viga por metro lineal (ton/m)

 $M_{viga} = Momento de la viga (ton.m)$ 

 $W_{losa}$  = Peso de la losa por metro lineal (ton/m)

M<sub>losa</sub> = Momento de la losa (ton.m)

P<sub>diaf</sub> = Peso por un diafragma (ton)

R= Reaccion para diafragma (ton)

M<sub>diaf</sub> = Momento de la viga (ton.m)





### PESO (ASFALTO)

$$W_{asfalto} = 0.05 \times 9.00 \times 2.20 = 0.99 \text{ ton/m}$$

Momento por ancho total de asfalto

$$M_{asfalto total} = \frac{W_{asfalto} \times L^2}{8} = \frac{0.99 \times 34^2}{8} = 143.06 \text{ ton. m}$$

Momento para una viga 
$$M_{asfalto\;x\;viga} = \frac{1}{6}\;M_{asfalto\;total} = 23.84\;ton.\,m$$

## PESO PROPIO (VEREDA)

$$W_{\text{vereda}} = 0.20 \times 2.50 \times 2.50 = 1.25 \text{ ton/m}$$

Momento por ancho total de una vereda

$$M_{vereda} = \frac{W_{vereda} \times L^2}{8} = \frac{1.25 \times 34^2}{8} = 180.63 \text{ ton. m}$$

Momento por ancho total de dos veredas

$$M_{vereda} = 180.63 \times 2 = 361.25 \text{ ton. m}$$

Momento para una viga

$$M_{\text{vereda x viga}} = \frac{1}{6} M_{\text{vereda total}} = 60.21 \text{ ton. m}$$

#### PESO (BARANDA)

$$W_{baranda} = 0.075 \text{ ton/m}$$

Momento total por una baranda

$$M_{baranda} = \frac{W_{baranda} \times L^2}{8} = \frac{0.075 \times 34^2}{8} = 10.84 \text{ ton. m}$$

Momento total por dos barandas

$$M_{\text{baranda x viga}} = \frac{1}{6} M_{\text{baranda total}} = 3.61 \text{ ton. m}$$





#### Donde:

W<sub>asfalto</sub> = Peso del asfalto por metro lineal (ton/m)

M<sub>asfalto</sub> = Momento del asfalto (ton.m)

W<sub>vereda</sub> = Peso de la vereda por metro lineal (ton/m)

M<sub>vereda</sub> = Momento de la vereda (ton.m)

W<sub>baranda</sub> = Peso de la baranda por metro lineal (ton/m)

M<sub>baranda</sub> = Momento de la baranda (ton.m)

#### **CARGAS PEATONALES**

**AASHTO ART 3.6.1.6** 

Se deberá aplicar una carga peatonal de  $W: 3.6X10^{-3} MPa$  en todas las aceras de más de 600 mm

$$W = 0.36 \text{ ton/m}$$

$$W_{\text{sc peatonal}} = 0.36 \times 2.40 = 0.86 \text{ ton/m}$$

Momento por ancho total de sobre carga peatonal para una vereda

$$M_{sc peatonal} = \frac{W_{sc peatonal} \times L^2}{8} = \frac{0.86 \times 34^2}{8} = 124.85 \text{ ton. m}$$

Momento por ancho total de sobre carga peatonal para dos veredas

$$M_{sc peatonal total} = 124.85 \times 2 = 249.70 ton. m$$

Momento para una viga

$$M_{sc peatonal x viga} = \frac{1}{6} M_{sc peatonal total} = 41.62 ton. m$$





#### CARGA VIVA: AASHTO ART 3.6.1.2

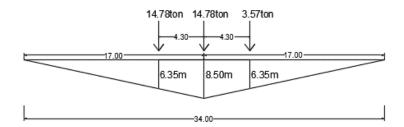
El caso mas desfavorable entre:

$$M_{LL+IM} = M_{(HL93+IM)} + M_{CARRIL}$$

$$M_{LL+IM} = M_{(TANDEM+IM)} + M_{CARRIL}$$

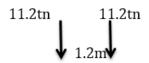
### CAMIÓN DE DISEÑO HL-93

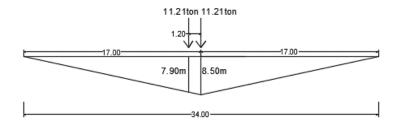




$$M_{camion} = 14.78 \times 6.35 + 14.78 \times 8.50 + 3.57 \times 6.35 = 242.15 \text{ ton. m}$$

#### TANDEM DE DISEÑO



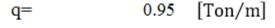


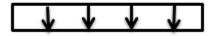
$$M_{camion} = 11.21 \times 7.90 + 11.21 \times 8.50 = 183.84 \text{ ton. m}$$





#### SOBRECARGA DISTRIBUIDA





$$M_{S/C} = \frac{0.95 \times 34^2}{8} = 137.28 \text{ ton/m}$$

Tabla 3.6.2.1-1 – Incremento por Carga Dinámica, IM

Componente	IM
Juntas del tablero - Todos los Estados Limites	75%
Todos los demás componentes	
<ul> <li>Estado Límite de fatiga y fractura</li> </ul>	15%
<ul> <li>Todos los demás Estados Límites</li> </ul>	33%

#### **AASHTO ART 3.6.2.1**

$$M_{LL+IM} = 1.33 \times 242.15 + 137.28 = 459.34 \text{ ton.m}$$





### FACTORES DE DISTRIBUCIÓN DE LAS SOBRECARGAS POR CARRIL PARA

#### MOMENTO EN VIGAS INTERIORES AASHTO ART 4.6.2.2.2

 $e_{Losa} = 200 mm$ 

El parámetro de rigidez longitudinal, Kg, se deberá tomar como:

AASHTO ART 4.6 .2.2 .1-2

$$n = \frac{E_{\text{viga}}}{E_{\text{losa}}} = \frac{0.043\gamma_c^{1.5}\sqrt{450}}{0.043\gamma_c^{1.5}\sqrt{280}} = 1.27$$

Módulo de elasticidad del concreto

$$E_c = 0.043 \gamma_c^{1.5} \sqrt{f'_c}$$

$$I = 2E + 11 \text{ mm4}$$

$$A = 698000 \text{ mm}^2$$

$$eg = 900 \text{ mm}$$

$$K_g = n(I + A eg^2) = 9.66E + 11$$
 AASHTO ART  $4.6.2.2.1 - 1$ 

Donde:

E<sub>viga</sub>: Modulo de elasticidad del concreto para la viga (kg/cm2)

E<sub>losa</sub>: Modulo de elasticidad del concreto para la losa (kg/cm2)

n: Relacion modular

I: Momento de inercia de la viga(mm4)

A: Area de la viga(mm4)

eg: Distancia entre los centros de gravedad de la viga de base y el tablero (mm)

$$\left(\frac{K_g}{L \text{ ts}^3}\right)^{0.1} = \left(\frac{9.66 \times 10^{11}}{34000 \times 200^3}\right)^{0.1} = 1.14$$

Donde:

ts:Profundidad de la losa de hormigón(mm)

L:Longitud de viga(mm)

S:Ancho tributario(mm)





UN CARRIL DE DISEÑO CARGADO AASHTO ART 4.6.2.2.2b-1

$$g = 0.06 + \left(\frac{S}{4300}\right)^{0.4} \left(\frac{S}{L}\right)^{0.3} \left(\frac{K_g}{L \text{ ts}^3}\right)^{0.1}$$

$$g = 0.06 + \left(\frac{2400}{4300}\right)^{0.4} \left(\frac{2400}{34000}\right)^{0.3} (1.14) = 0.47$$

DOS O MÁS CARRILES DE DISEÑO CARGADOS

$$g = 0.075 + \left(\frac{S}{2900}\right)^{0.6} \left(\frac{S}{L}\right)^{0.2} \left(\frac{K_g}{L \text{ ts}^3}\right)^{0.1}$$

$$g = 0.075 + \left(\frac{2400}{2900}\right)^{0.6} \left(\frac{2400}{34000}\right)^{0.2} (1.14) = 0.67$$

El factor factor de distribución critico es, g:

$$g_{max} = 0.67$$
 critico

Luego:

$$M_{(LL+IM)} = 0.67 \times 459.34 = 37.76 \text{ ton. m}$$





1						1	1				
ELEMENTO	RE	0	1	3	5	7	9	11	13	15	17
$M_{\text{viga}} =$	29.67	251.52	250.72	243.88	230.04	209.20	181.36	146.52	104.68	55.84	0.00
$M_{losa} =$	119.00	168.58	168.00	163.33	154.00	140.00	121.33	98.00	70.00	37.33	0.00
$M_{diafrag} =$	10.76	73.19	72.11	69.95	66.17	59.71	52.18	41.42	30.12	15.06	0.00
$M_D =$		493.29	490.83	477.16	450.21	408.91	354.87	285.94	204.80	108.23	0.00
M <sub>asfalto</sub> =	16.83	23.84	23.76	23.10	21.78	19.80	17.16	13.86	9.90	5.28	0.00
M <sub>vereda</sub> =	7.083	60.21	60.00	58.33	55.00	50.00	43.33	35.00	25.00	13.33	0.00
M <sub>barand</sub> =	0.425	3.61	3.60	3.50	3.30	3.00	2.60	2.10	1.50	0.80	0.00
M <sub>SC peatonal</sub> =	4.896	41.62	41.47	40.32	38.02	34.56	29.95	24.19	17.28	9.22	0.00
M <sub>cam</sub> =		242.15	238.00	233.60	220.47	184.07	147.52	110.84	74.03	37.08	0.00
$1.33M_{camion} =$		322.06	316.54	310.69	293.23	244.81	196.20	147.42	98.46	49.32	0.00
$M_{SC} =$	16.15	137.28	136.80	133.00	125.40	114.00	98.80	79.80	57.00	30.40	0.00
$M_{L+I} = 1.33 M_{cam}$	+ M <sub>SC</sub>	459.34	453.34	443.69	418.63	358.81	295.00	227.22	155.46	79.72	0.00
$fd \times M_{L+I} =$		307.76	303.74	297.27	280.48	240.40	<u>197.65</u>	152.24	<u>104.16</u>	<u>53.41</u>	0.00
2carriles		615.51	607.48	594.54	560.96	480.81	395.30	304.47	208.32	106.82	0.00
										•	
$M_{DS} =$		744.79	432.57	422.52	398.57	347.76	290.70	227.39	157.84	82.04	0.00
										•	
M' =		678.80	672.67	655.80	618.75	547.48	464.21	366.81	257.96	134.43	0.00

### 0: Mitad de viga

$$M' = M_{losa} + M_{dia} + M_{asf} + M_{ver} + M_{bar} + M_{sc pea} + fd \times M_{L+I}$$

$$M_{DS} = M_{losa} + M_{dia} + M_{asf} + M_{ver} + M_{bar} + M_{sc\,pea} + 2fd \times M_{L+I}$$

#### Viga

$$R_{viga} = 0.698 \times 34 \times 2.50/2 = 29.67 \text{ ton}$$

$$X = 0 \rightarrow M_{\text{viga}} = 29.67 \times 17 - 1.75 \times 17 \times \frac{17}{2} = 251.52 \text{ ton. m}$$

$$X = 1 \rightarrow M_{\text{viga}} = 29.67 \times (17 - 1) - 1.75 \times (17 - 1) \times \frac{17 - 1}{2} = 250.72 \text{ton. m}$$

#### Losa

$$R_{losa} = 0.20 \times 14 \times 34 \times 2.50/2 = 119.00 \text{ ton}$$

$$X = 0 \rightarrow M_{losa} = (119 \times 17 - 0.20 \times 14 \times 17 \times 17/2 \times 2.50)/6 = 168.58$$
 ton. m

$$X = 1 \rightarrow M_{losa} = (119 \times (17 - 1) - 0.20 \times 14 \times (17 - 1) \times (17 - 1)/2 \times 2.50)/6 = 168.00 \text{ ton. m}$$





### Diafragma

$$R_{diaf} = \frac{2 \times 3.225 + 7 \times 2.15}{2} = 10.76 \text{ ton}$$

$$X = 0 \rightarrow M_{diaf} = 10.76 \times 17 - 3.225 \times 17 - 2.15 \times (12.75 + 8.50 + 4.25) = 73.19 \text{ ton. m}$$

$$X = 1 \rightarrow M_{diaf} = 10.76 \times 16 - 3.225 \times 16 - 2.15 \times (11.75 + 7.50 + 3.25) = 72.11 \text{ton. m}$$

### Asfalto

$$R_{asfalto} = 0.05 \times 9 \times 34 \times 2.20/2 = 16.83 \text{ ton}$$

$$x = 0 \rightarrow M_{asfalto} = (16.83 \times 17 - 0.05 \times 9 \times 17 \times 17/2 \times 2.20)/6 = 23.84 \text{ ton. m}$$

$$x = 1 \rightarrow M_{asfalto} = (16.83 \times (17 - 1) - 0.05 \times 9 \times (17 - 1) \times (17 - 1)/2 \times 2.20)/6 = 23.76ton. m$$

#### Vereda

$$R_{vereda} = (0.20 \times 2.50 \times 2 \times 34 \times 2.50)/(2 \times 6) = 7.083 ton$$

$$X = 0 \rightarrow M_{vereda} = 7.083 \times 17 - (0.20 \times 2.50 \times 2 \times 17 \times 17/2 \times 2.50)/6 = 60.21 ton. m$$

$$X = 1 \rightarrow M_{vereda} = 7.083 \times (17 - 1) - (0.20 \times 2.50 \times 2 \times (17 - 1) \times (17 - 1)/2 \times 2.50)/6 = 60.00 ton.m$$

#### Baranda

$$R_{baranda} = (0.075 \times 34 \times 2)/(2 \times 6) = 0.425 ton$$

$$X = 0 \rightarrow M_{baranda} = 0.425 \times 17 - (0.075 \times 2 \times 17 \times 17)/(2 \times 6) = 3.61 \text{ton. m}$$

$$X = 1 \rightarrow M_{baranda} = 0.425 \times (17 - 1) - (0.075 \times 2 \times (17 - 1) \times (17 - 1)/2)/6 = 3.60 ton. m$$

#### SC Peatonal

$$R_{\text{sc pea}} = 0.36 \times (2.50 - 0.1) \times 34 \times 2/(2x6) = 4.896 \text{ ton}$$

$$X = 0 \rightarrow M_{sc pea} = 4.896 \times 17 - (0.36 \times 2.40 \times 17 \times 2 \times 17)/(2 \times 6) = 41.62 ton. m$$

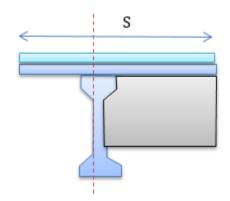
$$X = 1 \rightarrow M_{\text{sc pea}} = 4.896 \times (17 - 1) - (0.36 \times 2.40 \times (17 - 1) \times 2 \times (17 - 1))/(2 \times 6) = 41.47 ton. \, m$$





#### **VIGAS EXTERIORES**

## Ancho tributario viga exterior:



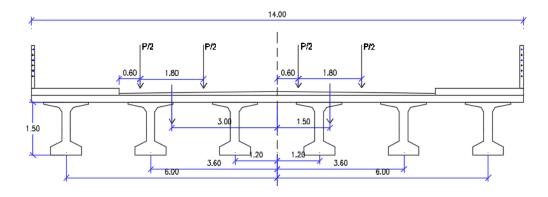
## FACTORES DE DISTRIBUCIÓN DE LAS SOBRECARGAS POR CARRIL PARA

MOMENTO EN VIGAS EXTERIORES

AASHTO C 4.6.2.2.2d

#### UN CARRIL CARGADO

#### LEY DE MOMENTOS



$$R = \frac{N_L}{N_b} + \frac{X_{ext} \sum e}{\sum X^2}$$





Donde:

R=Reacción sobre la viga exterior en terminos de carril

NL=Número de carriles cargados

Nb=Número de vigas

e= Excentricidad del camión de diseño respecto al centro de gravedad del conjunto de vigas

Xext= Distancia horizontal desde el cento de gravedad del conjunto de vigas hacia la viga exterior

X= Distancia horizontal desde el centro de gravedad del conjunto de vigas hasta cada viga

$$R = \frac{1}{6} + \frac{6 \times 3.00}{2(6^2 + 3.6^2 + 1.2^2)} = 0.35$$

Considerando el factor de presencia múltiple

$$g = R = 1.2 \times 0.35 = 0.41$$

DOS O MÀS CARRILES CARGADOS

$$R = \frac{2}{6} + \frac{6 \times (3.00 - 1.50)}{2(6^2 + 3.6^2 + 1.2^2)} = 0.42$$

El factor factor de distribución crítico es, g:

Luego

$$g_{max} = 0.42$$
 Critico

$$M_{(LL+IM)} = 0.42 \times 459.34 = 192.92 ton. m$$





## RESUMÉN DE MOMENTOS PARA VIGAS EXTERIORES DESDE EL CENTRO DE VIGA

										1	
ELEMENTO	R1	0	1	3	5	7	9	11	13	15	17
$M_{\text{viga}} =$	29.67	251.52	250.72	243.88	230.04	209.20	181.36	146.52	104.68	55.84	0.00
$M_{losa} =$	119.00	168.58	168.00	163.33	154.00	140.00	121.33	98.00	70.00	37.33	0.00
M <sub>diafrag</sub> =	1	73.19	72.11	69.95	66.17	59.71	52.18	41.42	30.12	15.06	0.00
	<u> </u>	493.29	490.83	477.16	450.21	408.91	354.87	285.94	204.80	108.23	0.00
M <sub>asfalto</sub> =	16.83	23.84	23.76	23.10	21.78	19.80	17.16	13.86	9.90	5.28	0.00
$M_{vereda} =$	7.08	60.21	60.00	58.33	55.00	50.00	43.33	35.00	25.00	13.33	0.00
M <sub>barand</sub> =	0.43	3.61	3.60	3.50	3.30	3.00	2.60	2.10	1.50	0.80	0.00
M <sub>SC peatonal</sub> =	4.90	41.62	41.47	40.32	38.02	34.56	29.95	24.19	17.28	9.22	0.00
$M_{L+I} = 1.33M_{cam}$	+ M <sub>SC</sub>	459.34	453.34	443.69	418.63	358.81	295.00	227.22	155.46	79.72	0.00
$fd \times M_{L+I} =$		192.92	190.40	186.35	175.82	150.70	123.90	95.43	65.29	33.48	0.00
2carriles		385.84	380.81	372.70	351.65	301.40	247.80	190.86	130.59	66.96	0.00
$M_{DS} =$	\[ \sum_{=}	515.12	509.64	497.95	469.74	408.76	340.85	266.01	184.27	95.59	0.00
M' =		563.97	559.34	544.88	514.09	457.77	390.46	310.00	219.09	114.50	0.00

## 0: Mitad de viga

$$M' = M_{losa} + M_{dia} + M_{asf} + M_{ver} + M_{bar} + M_{scpea} + fd \times M_{L+I}$$

$$M_{DS} = M_{losa} + M_{dia} + M_{asf} + M_{ver} + M_{bar} + M_{sc\,pea} + 2 fd \times M_{L+I}$$





## 5.4. SECCIÓN COMPUESTA

AASHTO ART 4.6.2.6

El ancho efectivo de la sección compuesta, se deberá tomar como el menor valor entre:

$$b_{ef} = \frac{L}{4} = \frac{34}{4} = 8.5 \text{ m}$$
 
$$b_{ef} = W_{alma} + 12 \times W_{losa} = 0.25 + 12 \times 0.20 = 2.65 \text{ m}$$
 
$$b_{ef} = S = 2.4 \text{ m}$$

Relación modular entre el concreto de las vigas y de la losa

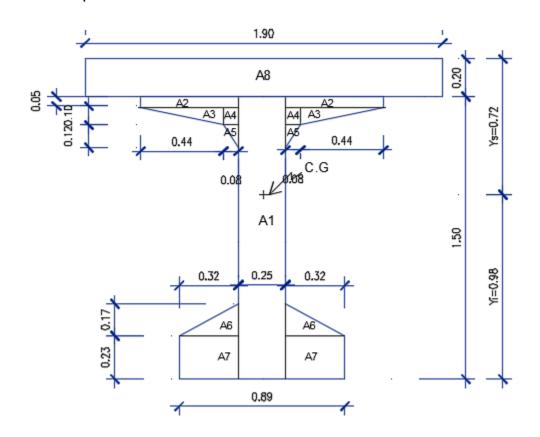
$$n = \sqrt{\frac{fc_{viga}}{fc_{losa}}} = \sqrt{\frac{450}{280}} = 1.27$$

ANCHO EFECTIVO, del valor anterior de "n" resulta:

$$B_{ef} = \frac{b_{ef}}{n} = \frac{2.40}{1.27} = 1.9 \text{ m}$$







## ÁREA DE LA SECCIÓN

Sección	Factor	b	h	Área Parcial	Cantidad	Área Total
A1=		0.25	1.50	0.375	1	0.375
A2=		0.52	0.05	0.026	2	0.052
A3=	1/2	0.44	0.10	0.022	2	0.044
A4=		0.08	0.10	0.008	2	0.016
A5=	1/2	0.08	0.12	0.005	2	0.010
A6=	1/2	0.32	0.17	0.027	2	0.054
A7=		0.32	0.23	0.074	2	0.147
A8=		1.89	0.2	0.379	1	0.379
					Ag=	1.077

nro de	e veces
1	12
2	12
1	36
2	12
1	36
1	36
2	12
1	12





#### CENTRO DE GRAVEDAD

#### MOMENTO DE INERCIA

$Y_{Gi} = \frac{\sum A_n}{AREA}$	$\frac{\times Y_n}{A_{total}}$		Ι <sub>■</sub> :	$= \frac{b \times h^3}{12} + A_n \times (Y_{\text{total}} - Y_n)^2$
Y1=	0.75		I. =	$\frac{b \times h^3}{36} + A_n \times (Y_{total} - Y_n)^2$
Y2=	1.48		-Δ	36 The Citotal The
Y3=	1.42		IA1=	0.090
Y4=	1.40		IA2=	0.013
Y5=	1.31		IA3=	0.0084
Y6=	0.29		IA4=	0.007
Y7=	0.12		IA5=	0.0033
Y8=	1.6		IA6=	0.0262
			IA7=	0.111
	Ys =	0.72 [m]	IA8=	0.147
	Yi=	0.98 [m]	IG:	<b>0.406</b> [m4]

Módulos de sección inferior y superior de la sección

Comparando la sección de la viga con la sección mínima requerida:

$$S_{\text{sup}} = \frac{I_{\text{CG}}}{Y_2} = \frac{0.406}{0.72} = 563,889 \text{ cm}3 > S_{\text{sup min}} = 264,385 \text{ cm}3$$

$$S_{inf} = \frac{I_{CG}}{Y_1} = \frac{0.406}{0.98} = 414,286 \text{ cm} 3 >$$

$$S_{inf,min} = 217,735 \text{ cm} 3$$

Sección adecuada.

Donde:

Y<sub>s</sub> = Distancia del C. G a la fibra superior

 $Y_i$  = Distancia del C. G a la fibra inferior

 $S_{\sup} = Modulo de seccion referido a la fibra superior en viga propuesta$ 

 $S_{\inf} = Modulo$  de seccion referido a la fibra inferior en viga propuesta

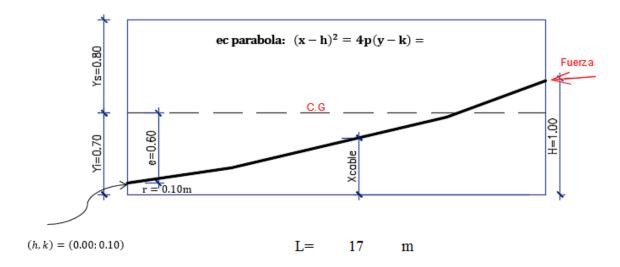
 $S_{\sup \min} = Modulo de seccion minimo referido a la fibra superior$ 

 $S_{\inf \min} = Modulo de seccion minimo referido a la fibra inferior$ 





#### 5.5. LINEA DE PREESFUERZO EN VIGA SIMPLE



### EC. DE PARÁBOLA

 $y_i = 0.70 \text{ m}$ 

H = 1.00 m

r = 0.10 m

Donde:

y<sub>i</sub>: Distancia del C. G a la fibra inferior

H: Altura de la fuerza de presfuerzo

X: Posicion horizontal a lo largo de viga

r: Recubrimiento para cable de presforzado

## POSICIÓN DEL CABLE

$$Y = \frac{(1.00 - 0.10)}{17^2} X^2 + 0.10$$

X(m)	0	1	3	5	7	9	11	13	15	15.83	17
CABLE(m)	0.100	0.103	0.128	0.178	0.253	0.352	0.477	0.626	0.801	0.880	1.000

$$x = 0 \rightarrow Y = \frac{(1.00 - 0.10)}{17^2}(0)^2 + 0.10 = 0.100m$$

 $x = 1 \rightarrow Y = \frac{(1.00 - 0.10)}{17^2} (1)^2 + 0.10 = 0.103m$ 





#### **EXCENTRICIDADES**

$$e = (y_i - Xcable)$$

e: Excentrecidad(m)

X	0	1	3	5	7	9	11	13	15	15.78	17
e1(m)	0.600	0.597	0.572	0.522	0.447	0.348	0.223	0.074	-0.101	-0.180	-0.300

$$x = 0m \rightarrow e_0 = (0.70 - 0.1) = 0.600 m$$

$$x = 1m \rightarrow e_0 = (0.70 - 0.103) = 0.597m$$

## ÁNGULO DE INCLINACIÓN DEL CABLE

$$Y' = \tan \alpha = \alpha = 2 \times \frac{(1.00 - 0.10)}{17^2} X$$

## α: Ángulo de inclinación (Rad)

X	0	1	3	5	7	9	11	13	15	15.78	17
α(rad)	0.000	0.006	0.019	0.031	0.044	0.056	0.069	0.081	0.093	0.098	0.1059

$$x = 0m \rightarrow 2 \times \frac{(1.00 - 0.10)}{17^2}(0) = 0.000 \text{ Rad}$$

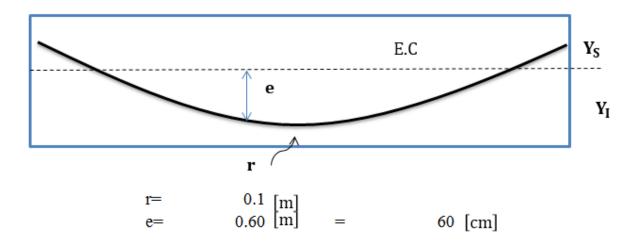
$$x = 1m \rightarrow 2 \times \frac{(1.00 - 0.10)}{17^2} (1) = 0.006 \text{ Rad}$$





#### 5.6. FUERZA DE TENSADO Y ESFUERZOS EN LA FIBRA SUPERIOR E

#### **INFERIOR**



## SECCIÓN SIMPLE DE VIGA

A = 0.698 m2

Ys = 0.80 m

Yi = 0.70 m

I = 0.197 m4

### SECCIÓN COMPUESTA DE VIGA

 $A = 1.08 \text{ m}^2$ 

Ys = 0.72 m

Yi = 0.98 m

I = 0.406 m4





#### **EXCENTRICIDAD**

x(m)	0	1	3	5	7	9	11	13	15	17	
e(m)	0.600	0.597	0.572	0.522	0.447	0.348	0.223	0.074	-0.101	-0.300	[m]
	60.0	59.7	57.2	52.2	44.7	34.8	22.3	7.4	-10.1	-30.0	[cm]

#### MOMENTOS PARA VIGAS INTERIORES

X	0	1	3	5	7	9	11	13	15	17
$M_{viga}$	251.52	250.72	243.88	230.04	209.20	181.36	146.52	104.68	55.84	0.00
M <sub>viga+losa+dia</sub>	493.29	490.83	477.16	450.21	408.91	354.87	285.94	204.80	108.23	0.00
M <sub>total-viga</sub>	678.80	672.67	655.80	618.75	547.48	464.21	366.81	257.96	134.43	0.00

#### **MOMENTOS PARA VIGAS EXTERIORES**

X	0	1	3	5	7	9	11	13	15	17
M <sub>viga+losa+dia</sub>	493.29	490.83	477.16	450.21	408.91	354.87	285.94	204.80	108.23	0.00
M <sub>total-viga</sub>	563.97	559.34	544.88	514.09	457.77	390.46	310.00	219.09	114.50	0.00

#### VALORACIÓN DE LA FUERZA DE TENSIONAMIENTO

$$\sigma_{i} = -0.50 \times \sqrt{f'c} (MPA)$$
 
$$0.50 \times \sqrt{450/10.1972} = 3.3.22 \text{ MPa}$$
 
$$3.3215 \times 10.1972 \times 10 = 338.70 \text{ ton/m2}$$

#### MOMENTO DE SERVICIO

Para la fuerza de tesado igualarlo para el esfuerzo más crítico

$$\begin{split} \frac{nP_1}{A_s} + \frac{nP_1 \times e}{S_i} - \frac{M_{viga}}{S_i} - \frac{M_{total-viga}}{S'_i} &\geq f_{ts} \\ P_1 &\geq \frac{As\left(f_{ts} + \frac{M_{viga}}{S_i} + \frac{M_{total-viga}}{S'_i}\right)}{n\left(1 + \frac{e}{C_s}\right)} \end{split}$$

$$P_1 \geq \frac{0.698 \left(-338.70 + \frac{251.52}{0.28} + \frac{678.80}{0.41}\right)}{0.85 \left(1 + \frac{0.60}{0.40}\right)} = 727.63 = 727.63 \times 1.10 = 800.39 \text{ ton}$$





$$S_i = \frac{I}{Y_i} = 0.28$$

$$S'_{i} = \frac{I}{Y_{i}} = 0.41$$

$$C_s = \frac{S_i}{A} = 0.40$$

#### FUERZA DE PRESFUERZO PARA VIGAS INTERIORES

$$P_1 = 800.332 ton$$

Se suponen pérdidas de fuerza de 15% en la etapa de servicio:

$$P_{2} = 680.333$$
 ton

#### FUERZA DE PRESFUERZO PARA VIGAS EXTERIORES

$$\begin{split} P_1 \geq & \frac{As\left(f_{ts} + \frac{M_{viga}}{S_i} + \frac{M_{total-viga}}{S_i'}\right)}{n\left(1 + \frac{e}{C_s}\right)} \\ P_1 \geq & \frac{0.698\left(-338.70 + \frac{251.52}{0.28} + \frac{563.97}{0.41}\right)}{0.85\left(1 + \frac{0.60}{0.40}\right)} = 635.63 = 635.63 \times 1.04 = 661 \text{ ton} \end{split}$$

# FUERZA DE PRESFUERZO PARA VIGAS EXTERIORES

$$P_1 = 661. ton$$

Se suponen pérdidas de fuerza de 15% en la etapa de servicio:

$$P_2 = 561. ton$$





#### **ESFUERZOS PERMISIBLES**

Antes de las pérdidas

Iniciales (transferencia)

Fibra superior-TRACCIÓN AASHTO TABLA 5.9.4.1.2-1

$$\sigma_S = -0.25 \times \sqrt{f'c} \le 1.38 (\text{MPA})$$

$$\sigma_{\rm S} = -0.25 \times \sqrt{(450/10.1972)} \times 10.1972 = -16.94 \,\mathrm{kg/cm2}$$

Fibra inferior-COMPRESIÓN AASHTO TABLA 5.9.4.1.2-2

$$\sigma_i = 0.60 \times f'c(MPA)$$

$$\sigma_i = 0.60 \times 450 = 270.00 \text{ kg/cm}^2$$

Después de las pérdidas

Aplicados (en servicio)

#### COMPRESIÓN AASHTO TABLA 5.9.4.2.1-1

$$\sigma_s = 0.45 \times f'c(MPA)$$

$$\sigma_S = 0.45 \times 450 = 202.50 \text{ kg/cm}^2$$

### TRACCIÓN AASHTO TABLA 5.9.4.2.2-1

$$\sigma_i = -0.50 \times \sqrt{f'c} (MPA)$$

$$\sigma_i = -0.50 \times \sqrt{450/10.1972} \times 10.1972 = -33.87 \text{kg/cm} 2$$

Sección simple

$$S_s = \frac{I}{Y_s} = 246250 \text{ cm}3$$

$$S_i = \frac{I}{Y_i} = 281429 \text{ cm}3$$

Sección compuesta

$$S'_s = \frac{I}{Y_s} = 563889 \text{ cm}3$$

$$S'_{i} = \frac{I}{Y_{i}} = 414286 \text{ cm}3$$





#### ESFUERZOS EN EL CENTRO DE LUZ

En condiciones iniciales:

Fibra superior (ec.1)

$$\sigma_S = \frac{P_{t=0}}{A} - \frac{P_{t=0} \times e}{S_S} + \frac{M}{S_S} = \frac{800392}{6980} - \frac{800392 \times 60}{246250} + \frac{251.52 \times 10^5}{246250} = 21.79 \text{ kg/cm}$$

Fibra inferior (ec. 2)

$$\sigma_i = \frac{P_{t=0}}{A} + \frac{P_{t=0} \times e}{S_i} - \frac{M}{S_i} = \frac{800392}{6980} + \frac{800392 \times 60}{281429} - \frac{251.52 \times 10^5}{281429} = 195.94 \text{ kg/cm}$$

En condiciones finales

$$P_{t=\infty} = RP_{t=0} = 0.85(800392) = 680333 \text{ kg}$$

Fibra superior (ec.3)

$$\sigma_S = \frac{P_{t=\infty}}{A} - \frac{P_{t=\infty} \times e}{S_S} + \left\lfloor \frac{M_{inicial}}{S_S} + \frac{M_{servicio}}{S_S'} \right\rfloor = \frac{680333}{6980} - \frac{680333 \times 60}{246250} + \left[ \frac{251.52 \times 10^5}{246250} + \frac{678.80 \times 10^5}{563889} \right] = \frac{680333}{6980} - \frac{680333 \times 60}{246250} + \frac{1}{246250} + \frac{$$

Fibra inferior (ec. 4)

$$\sigma_i = \frac{P_{t=\infty}}{A} + \frac{P_{t=\infty} \times e}{S_i} - \left[\frac{M_{inicial}}{S_i} + \frac{M_{servicio}}{S_i'}\right] = \frac{680333}{6980} + \frac{680333 \times 60}{281429} - \left[\frac{251.52 \times 10^5}{281429} + \frac{678.80 \times 10^5}{414289}\right] = \frac{680333}{6980} + \frac{680333 \times 60}{281429} + \frac{680333 \times 60}{281429} + \frac{678.80 \times 10^5}{414289} = \frac{680333 \times 60}{281429} + \frac{680333 \times 60}{281429} + \frac{680333 \times 60}{281429} + \frac{680333 \times 60}{281429} = \frac{680333 \times 60}{281429} + \frac{680333 \times 60}{281429} + \frac{680333 \times 60}{281429} = \frac{680333 \times 60}{281429} = \frac{680333 \times 60}{281429} + \frac{680333 \times 60}{281429} = \frac{68$$

	<u>VIGAS INTERIORES</u>										
ANÁLISIS EN	ANÁLISIS EN SOLO VIGA										
	CONDICIÓN INICIAL t=0										
X	0	1	3	5	7	9	11	13	15	17	
$\sigma_{\rm S}$ : (kg/cm <sup>2</sup> )	21.79	22.44	27.79	38.42	54.33	75.21	101.69	133.13	170.17	212.18	
$\sigma_i$ : (kg/cm <sup>2</sup> )	195.94	195.37	190.69	181.39	167.46	149.20	126.03	98.52	66.10	29.35	
σ <sub>adm S</sub> :(kg/cm <sup>2</sup>	) -16.9	-16.9	-16.9	-16.9	-16.9	-16.9	-16.9	-16.9	-16.9	-16.9	
$\sigma_{admi}$ : (kg/cm <sup>2</sup>	270.0	270.0	270.0	270.0	270.0	270.0	270.0	270.0	270.0	270.0	
	OK	OK	OK	OK	OK	OK	OK	OK	OK	OK	

$$x = 0 \rightarrow \sigma_S = \frac{800392}{6980} - \frac{800392 \times 60}{246250} + \frac{251.52 \times 10^5}{246250} = 21.79 \text{ kg/cm} 2$$

$$x = 0 \rightarrow \sigma_i = \frac{800392}{6980} + \frac{800392 \times 60}{281429} - \frac{251.52 \times 10^5}{281429} = 195.94 \text{ kg/cm}$$

$$x = 1 \rightarrow \sigma_S = \frac{800392}{6980} - \frac{800392 \times 59.7}{246250} + \frac{250.72 \times 10^5}{246250} = 22.44 \text{ kg/cm}$$





$$x = 1 \rightarrow \sigma_i = \frac{800392}{6980} + \frac{800392 \times 59.7}{281429} - \frac{250.72 \times 10^5}{281429} = 195.37 \text{ kg/cm}$$

#### ANÁLISIS VIGA, LOSA Y DIAFRAGMA

	COND	CONDICIÓN INICIAL t=0								
X	0	1	3	5	7	9	11	13	15	17
$\sigma_S$ : (kg/cm <sup>2</sup> )	119.97	119.94	122.52	127.83	135.44	145.67	158.30	173.78	191.45	212.18
$\sigma_i$ : (kg/cm <sup>2</sup> )	110.03	110.05	107.80	103.15	96.50	87.55	76.49	62.94	47.49	29.35
σ <sub>adm S</sub> :(kg/cm	<sup>2</sup> ) -16.9	-16.9	-16.9	-16.9	-16.9	-16.9	-16.9	-16.9	-16.9	-16.9
$\sigma_{\rm admi}$ : (kg/cm <sup>2</sup>	2) 270.0	270.0	270.0	270.0	270.0	270.0	270.0	270.0	270.0	270.0
	OK	OK	OK	OK	OK	OK	OK	OK	OK	OK

donde para los 2 primeros puntos:

$$\begin{split} x &= 0 \to \sigma_S = \frac{800392}{6980} - \frac{800392 \times 60}{246250} + \frac{493.29 \times 10^5}{246250} = 119.97 \\ x &= 0 \to \sigma_i = \frac{800392}{6980} + \frac{800392 \times 60}{281429} - \frac{493.29 \times 10^5}{281429} = 110.03 \text{ kg/cm2} \\ x &= 1 \to \sigma_S = \frac{800392}{6980} - \frac{800392 \times 59.7}{246250} + \frac{490.83 \times 10^5}{246250} = 119.94 \text{ kg/cm2} \\ x &= 1 \to \sigma_i = \frac{800392}{6980} + \frac{800392 \times 59.7}{281429} - \frac{490.83 \times 10^5}{281429} = 110.05 \text{ kg/cm2} \end{split}$$

#### ANÁLISIS VIGA, LOSA Y.DIAFRAGMA.ASFALTO, VEREDA, SC PEATONAL, BARANDA Y C

	CONDI	CONDICIÓN FINAL t=ἀ									
X	0	1	3	5	7	9	11	13	15	17	
$\sigma_S$ : (kg/cm <sup>2</sup> )	154.22	153.64	154.78	156.40	156.02	157.30	160.41	165.28	171.89	180.35	
$\sigma_i$ : (kg/cm <sup>2</sup> )	-10.71	-9.67	-9.21	-7.43	-0.96	5.10	10.78	15.90	20.76	24.95	
$\sigma_{\rm adm  S}$ : (kg/cm <sup>2</sup>	202.50	202.50	202.50	202.50	202.50	202.50	202.50	202.50	202.50	202.50	
$\sigma_{admi}$ : (kg/cm <sup>2</sup>	) -33.87	-33.87	-33.87	-33.87	-33.87	-33.87	-33.87	-33.87	-33.87	-33.87	
	OK	OK	OK	OK	OK	OK	OK	OK	OK	OK	

$$\begin{split} x &= 0 \to \ \sigma_S = \frac{680333}{6980} - \frac{680333 \times 60}{246250} + \left[ \frac{251.52 \times 10^5}{246250} + \frac{678.80 \times 10^5}{563889} \right] = 154.22 \ \text{kg/cm2} \\ x &= 0 \to \ \sigma_i = \frac{680333}{6980} + \frac{680333 \times 60}{281429} - \left[ \frac{251.52 \times 10^5}{281429} + \frac{678.80 \times 10^5}{414289} \right] = -10.71 \ \text{kg/cm2} \\ x &= 1 \to \ \sigma_S = \frac{680333}{6980} - \frac{680333 \times 59.7}{246250} + \left[ \frac{250.72 \times 10^5}{246250} + \frac{672.67 \times 10^5}{563889} \right] = 153.64 \ \text{kg/cm2} \\ x &= 1 \to \ \sigma_i = \frac{680333}{6980} + \frac{680333 \times 59.7}{281429} - \left[ \frac{250.72 \times 10^5}{281429} + \frac{672.67 \times 10^5}{414289} \right] = -9.67 \ \text{kg/cm2} \end{split}$$





#### **VIGAS EXTERIORES**

#### ANÁLISIS EN SOLO VIGA

	COND	CONDICIÓN INICIAL t=0								
X	0	1	3	5	7	9	11	13	15	17
$\sigma_{\rm S}$ : (kg/cm <sup>2</sup> )	35.78	36.26	40.19	47.99	59.66	74.94	94.34	117.35	144.50	175.24
$\sigma_i$ : (kg/cm <sup>2</sup> )	146.27	145.85	142.41	135.58	125.37	112.01	95.03	74.89	51.14	24.24
$\sigma_{\rm adm  S}$ : (kg/cm <sup>2</sup>	) -16.9	-16.9	-16.9	-16.9	-16.9	-16.9	-16.9	-16.9	-16.9	-16.9
$\sigma_{admi}$ : (kg/cm <sup>2</sup>	270.0	270.0	270.0	270.0	270.0	270.0	270.0	270.0	270.0	270.0
	OK	OK	OK	OK	OK	OK	OK	OK	OK	OK

#### Donde para los 2 primeros puntos:

$$\begin{split} x &= 0 \,\rightarrow\, \sigma_S = \frac{661055}{6980} - \frac{661055 \times 60}{246250} + \frac{251.52 \times 10^5}{246250} = 35.78 \text{ kg/cm2} \\ x &= 0 \,\rightarrow\, \sigma_i = \frac{661055}{6980} + \frac{661055 \times 60}{281429} - \frac{251.52 \times 10^5}{281429} = 146.27 \text{ kg/cm2} \\ x &= 1 \,\rightarrow\, \sigma_S = \frac{661055}{6980} - \frac{661055 \times 59.7}{246250} + \frac{250.72 \times 10^5}{246250} = 36.26 \text{ kg/cm2} \\ x &= 1 \,\rightarrow\, \sigma_i = \frac{661055}{6980} + \frac{661055 \times 59.7}{281429} - \frac{250.72 \times 10^5}{281429} = 145.85 \text{ kg/cm2} \end{split}$$

#### ANÁLISIS VIGA, LOSA Y DIAFRAGMA

	COND	CONDICIÓN INICIAL t=0									
X	0	1	3	5	7	9	11	13	15	17	
$\sigma_{\rm S}$ : (kg/cm <sup>2</sup> )	133.96	133.76	134.92	137.40	140.77	145.40	150.96	158.01	165.77	175.24	
$\sigma_i$ : (kg/cm <sup>2</sup> )	60.36	60.53	59.52	57.35	54.41	50.35	45.49	39.32	32.52	24.24	
$\sigma_{\rm adm  S}$ : (kg/cm <sup>2</sup>		-16.9	-16.9	-16.9	-16.9	-16.9	-16.9	-16.9	-16.9	-16.9	
$\sigma_{\rm admi}$ : (kg/cm <sup>2</sup>	) 270.0	270.0	270.0	270.0	270.0	270.0	270.0	270.0	270.0	270.0	
	OK	OK	OK	OK	OK	OK	OK	OK	OK	OK	

$$\begin{split} x &= 0 \rightarrow \ \sigma_s = \frac{661055}{6980} - \frac{661055 \times 60}{246250} + \frac{493.29 \times 10^5}{246250} = 133.96 \ \text{kg/cm2} \\ x &= 0 \rightarrow \ \sigma_i = \frac{661055}{6980} + \frac{661055 \times 60}{281429} - \frac{493.29 \times 10^5}{281429} = 60.36 \ \text{kg/cm2} \\ x &= 1 \rightarrow \ \sigma_s = \frac{661055}{6980} - \frac{661055 \times 59.7}{246250} + \frac{490.83 \times 10^5}{246250} = 133.76 \ \text{kg/cm2} \\ x &= 1 \rightarrow \ \sigma_i = \frac{661055}{6980} + \frac{661055 \times 59.7}{281429} - \frac{490.83 \times 10^5}{281429} = 60.53 \ \text{kg/cm2} \end{split}$$





#### ANÁLISIS VIGA, LOSA Y, DIAFRAGMA, ASFALTO, VEREDA, SC PEATONAL, BARANDA Y C

	CONDI	CONDICIÓN FINAL t=ἀ									
X	0	1	3	5	7	9	11	13	15	17	
$\sigma_{S}$ : (kg/cm <sup>2</sup> )	145.75	145.29	145.65	145.98	144.64	143.99	144.09	144.98	146.53	148.96	
$\sigma_i$ : (kg/cm <sup>2</sup> )	-25.21	-24.40	-23.47	-21.11	-15.08	-8.71	-1.87	5.20	12.86	20.60	
$\sigma_{adm S}$ : (kg/cm <sup>2</sup>		202.50	202.50	202.50	202.50	202.50	202.50	202.50	202.50	202.50	
$\sigma_{\rm admi}$ : (kg/cm <sup>2</sup> )	-33.87	-33.87	-33.87	-33.87	-33.87	-33.87	-33.87	-33.87	-33.87	-33.87	
	OK	OK	OK	OK	OK	OK	OK	OK	OK	OK	

$$\begin{split} x &= 0 \rightarrow \ \, \sigma_S = \frac{561897}{6980} - \frac{561897 \times 60}{246250} + \left[ \frac{251.52 \times 10^5}{246250} + \frac{563.97 \times 10^5}{563889} \right] = 145.75 \, \text{kg/cm2} \\ x &= 0 \rightarrow \ \, \sigma_i = \frac{561897}{6980} + \frac{561897 \times 60}{281429} - \left[ \frac{251.52 \times 10^5}{281429} + \frac{563.97 \times 10^5}{414289} \right] = -25.21 \, \text{kg/cm2} \\ x &= 1 \rightarrow \ \, \sigma_S = \frac{561897}{6980} - \frac{561897 \times 59.7}{246250} + \left[ \frac{250.72 \times 10^5}{246250} + \frac{559.34 \times 10^5}{563889} \right] = 145.29 \, \text{kg/cm2} \\ x &= 1 \rightarrow \ \, \sigma_i = \frac{561897}{6980} + \frac{561897 \times 59.7}{281429} - \left[ \frac{250.72 \times 10^5}{281429} + \frac{559.34 \times 10^5}{414286} \right] = -24.40 \, \text{kg/cm2} \end{split}$$





### 5.7. ÁREA DE ACERO DE PREESFUERZO

#### AASHTO ART 5.4.4

MATERIAL	GRADO O TIPO	RESISTENCIA A TRACCIÓ f <sub>pu</sub> (kg/cm²)
cables	1860 Mpa (grado 270)	18966.792

El cable trabaja al 70% de su capacidad

Luego:

$$f_{pi} = 0.70 f_{pu} = 13276.75 \text{ kg/cm}2$$

Para un torón de ½ con un área de

$$A_{toron} = 0.987 \text{ cm}2$$
  
 $0.987 \text{cm}^2 \times (13276.75 \text{ kg/cm}^2) = 13104 \text{ kg}$ 

#### **VIGA INTERIOR**

$$P_1$$
 int = 800.392 ton

$$N_{torones} = \frac{800392 \text{kg}}{13104 \text{kg}} = 61$$

$$A_{ps}$$
 int =  $0.987 \times 61 = 60.21 cm^2$ 

#### **VIGA EXTERIOR**

$$P_1$$
ext = 661.055 ton

$$N_{torones} = \frac{661055}{13104} = 50$$

$$A_{ps}$$
 ext = 0.987 × 50 = 49.35 cm2

Donde:

fpu: Resistencia a la traccion del acero de presfuerzo Kg/cm2

fpi: Porcentaje de la resistencia  $\,$ a la traccion que trabaja el acero de presfuerzo kg/cm $^2$ 

P1 int: Fuerza de presfuerzo inicial para la viga interior

P1 ext: Fuerza de presfuerzo inicial para la viga exterior

Aps int: Area del acero de presfuerzo para la viga interior

Aps ext: Area del acero de presfuerzo para la viga exterior





 $N_{torones} = Numero de torones$ 

 $A_{toron 0.5"}$  = Area de un toron de 0.5"

### 5.8. DISEÑO POR FLEXIÓN

TENSIÓN EN EL ACERO DE PRETENSADO A LA RESISTENCIA NOMINAL A LA

## **FLEXIÓN**

ELEMENTOS CON TENDONES ADHERENTES AASHTO ART 5.7.3.1

Si  $f_{\rm pe} > 0.5 \times f_{\rm pu}$  la tensión media en el acero de pretensado  $f_{\rm ps}$  , se puede tomar

como:

$$f_{ps} = f_{pu} \left( 1 - k \frac{c}{d_p} \right)$$
 
$$k = 2 \left( 1.04 - \frac{f_{py}}{f_{pu}} \right)$$

Siendo:

Para comportamiento de sección Rectangular:

$$c = \frac{A_{ps}f_{pu} + A_{s}f_{y} - A'_{s}f'_{y}}{0.85f'_{c}\beta_{1}b + kA_{ps}\frac{f_{pu}}{d_{p}}}$$

Donde:

f<sub>pu</sub> = Resistencia a la tracción específicada del acero de pretensado (kg/cm2)

f<sub>pe</sub> = Tension efectiva en el acero de presfuerzo luego de las perdidas (kg/cm2)

 $f_{py}=$  Tensión de fluencia del acero de pretensado (kg/cm2)

 $f_{ps} = Tension media en el acero de presfuerzo (kg/cm2)$ 

A<sub>DS</sub> = Área del acero de pretensado (cm2)

 $A_s =$ Área de la armadura del acero no pretensado (cm2)

 $A'_s =$ Área de la armadura de compresión (cm2)

 $f_y = Tensi\'on$  de fluencia de la armadura de tracci\'on (kg/cm2)

 $f'_y$  = Tensión de fluencia de la armadura de compresión (kg/cm2)

 $d_p = D$ istancia entre la fibra extrema comprimida y el baricentro de los tendones de pretensado (mm) pág. 165 PRESFORZADAS, PROVINCIA Y DEPARTAMENTO DE CUSCO.





 $S_{ext}$  = Ancho tributario externo

S<sub>int</sub> = Ancho tributario interno

f<sub>c</sub> = Resistencia a la compresion del concreto de la losa (kg/cm2)

c = Distancia entre el eje neutro y la cara comprimida (mm)

Luego:

$$f_{pe} = \frac{P_2}{A_{ps}} = \frac{680.333 \times 1000}{60} = 11299.34 \text{ kg/cm}2$$

$$f_{pu} = 18966.792 \text{ kg/cm}2$$

$$\rm f_{pe} = 11,\!299~kg/cm2~~ \geq 0.5 \times f_{pu} = 9,\!483.396~kg/cm2~OK$$

Donde:

P<sub>2</sub> = Fuerza de presfuerzo despues de las perdidas (kg)

Según ASSHTO 5.4.4.1

$$f_{pv} = 0.90 f_{pu}$$

$$f_{pv} = 0.90 \times 18966.792 = 17070 \text{ kg/cm}2$$

$$k = 2\left(1.04 - \frac{f_{py}}{f_{pu}}\right) = 2\left(1.04 - \frac{0.9f_{pu}}{f_{pu}}\right) = 2\left(1.04 - \frac{17070}{18966.792}\right) = 0.28$$

Área de acero preesforzado

$$A_{PS VIG INT} = 60 cm^2$$

$$A_{PS VIG EXT} = 49 cm2$$





Área de acero no presforzado

	UBIC	VARILLAS				TOTAL
		1/2	5/8	3/4	1	
		1.27	1.98	2.85	5.07	
NRO	INTERIOR		8		10	
	EXTERIOR		8		10	

AREA DE	INTERIOR	0	15.84	0	50.7	66.54
	EXTERIOR	О	15.84	О	50.7	66.54

$$A_{S \text{ VIG INT}} = 50.70 \text{ cm}^2$$

$$A_{S,VIG,EXT} = 50.70 \text{ cm}^2$$

Distancia entre la fibra extrema superior y el acero de

$$d_p = H - r' = 1.70 - 0.10 = 1.60m$$

Distancia entre la fibra extrema superior y el acero no

$$d_S = H - r = 1.70 - 0.05 = 1.65 \text{ m}$$

Donde:

d<sub>p</sub> = Distancia entre fibra estrema superior y el acero de presforzado (m)

 $d_s$  = Distancia entre fibra estrema superior y el acero no presforzado (m)

r' = Recubrimiento del acero presforzado(m)

r = Recubrimiento del acero no presforzado(m)

H = Altura viga losa(m)

 $A_{S \text{ VIG INT}} = Area de acero no presforzaado de la viga interior(cm2)$ 

 $A_{S \text{ VIG EXT}}$  = Area de acero no presforzado de la viga exterior(cm2)

$$c = \frac{A_{ps}f_{pu} + A_{s}f_{y} - A'_{s}f'_{y}}{0.85f'_{c}\beta_{1}b + kA_{ps}\frac{f_{pu}}{d_{n}}}$$

Para una viga interior

$$c_{int} = \frac{60.21 \times 18966.792 + 50.70 \times 4200 - 15.84 \times 4200}{0.85 \times 280 \times 0.85 \times 240 + 0.28 \times 60.21 \times \frac{18966.792}{160}} = 25.49 \text{ cm}$$

Tensión media del acero de preesfuerzo

$$f_{ps}int = f_{pu} \left( 1 - k \frac{c_{int}}{d_p} \right) = 18966.792 \left( 1 - 0.28 \frac{25.49}{160} \right) = 0.955$$





$$f_{ps}$$
int =  $0.955 \times 18966.792 = 18113.29 \text{ kg/cm}2$ 

Para una viga exterior

$$c_{\rm ext} = \frac{49.35 \times 18966.792 + 50.70 \times 4200 - 15.84 \times 4200}{0.85 \times 280 \times 0.85 \times 220 + 0.28 \times 49.35 \times \frac{18966.792}{160}} = 23.46 \text{ cm}$$

Tensión media del acero de preesfuerzo

$$f_{ps}$$
ext =  $f_{pu}$  $\left(1 - k \frac{c_{ext}}{d_p}\right)$  = 18967 $\left(1 - 0.28 \frac{23.46}{160}\right)$  = 0.959fpu

$$f_{ps}$$
ext = 0.959 × 18966.792 = 18189.15kg/cm2

#### RESISTENCIA A LA FLEXIÓN MAYORADA

La resistencia a la flexión mayorada

 $M_r$ 

se deberá tomar como:

$$M_r = \emptyset M_n$$

### SECCIONES CON ALAS VIGA INTERIOR

$$M_{n} = A_{ps} f_{ps \text{ int}} \left( d_{p} - \frac{a}{2} \right) + A_{s} f_{y} \left( d_{s} - \frac{a}{2} \right) + A'_{s} f'_{y} \left( d'_{s} - \frac{a}{2} \right) + 0.85 f'_{c} (b - b_{w}) \beta_{1} h_{f} \left( \frac{a}{2} - \frac{h_{f}}{2} \right)$$

$$\mathsf{M_n} = 60.21 \times 18113.29 \left(160 - \frac{21.67}{2}\right) + 50.70 \times 4200 \left(165 - \frac{21.67}{2}\right) + 0.85 \times 280 \times (240 - 25) \times 0.85 \times 20 \times \left(\frac{21.67}{2} - \frac{20}{2}\right) \times 10^{-10} \times 10^{-10}$$

 $M_n = 1962.3378 \text{ ton. m}$ 

$$a = c_{int}\beta_1 = 25.49 \times 0.85 = 21.670 \text{ cm}$$

Para flexión en acero de preesfuerzo

$$\emptyset = 1$$

$$M_r = \emptyset M_n = 1.00 \times 1962.3378 = 1962.3378$$
 ton. m

#### SECCIONES CON ALAS VIGA EXTERIOR

$$\mathsf{M_n} = 49.35 \times 18189.15 \left(160 - \frac{19.94}{2}\right) + 50.70 \times 4200 \left(165 - \frac{19.94}{2}\right) + 0.85 \times 280 \times (220 - 25) \times 0.85 \times 20 \times \left(\frac{19.94}{2} - \frac{20}{2}\right)$$

 $M_n = 1676.6053 \text{ ton. m}$ 





$$a = c_{\text{ext}} \beta_1 = 23.46 \times 0.85 = 19.94 \ cm$$

Para flexión en acero de preesfuerzo

$$\emptyset = 1$$

$$M_r = \emptyset M_n = 1.00 \times 1676.6053 = 1676.6053 ton. m$$

Donde:

 $M_n$  = Resistencia nominal (ton. m)

 $M_r = Momento resistente$ 

Ø = Factor de resistencia

 $b_w = Ancho del alma (mm)$ 

 $\beta_1$  = Factor para el diagrama de tensiones

h<sub>f</sub> = Altura del ala comprimida (mm)

b = Ancho del ala comprimida(mm)

Momentos debido a la carga muerta y viva

	$M_{\mathrm{D}}$	$M_{DS}$	$M_L$
VIGA INTERIOR	557.11	23.84	657.13

VIGA EXTERIOR	557.11	23.84	427.46

 $M_D$  = Momento de la carga muerta

$$M_D = M_{viga} + M_{losa} + M_{Diafr} + M_{Vereda} + M_{Baranda} = 251.52 + 168.58 + 73.19 + 60.21 + 3.61 = 557.11 \ ton.m$$

M<sub>DS</sub> =Momento del asfalto

 $M_{DS} = 23.84 \text{ ton. m}$ 

M<sub>L</sub> = Momento debido a la carga viva

 $M_L = 41.62 + 615.51 = 657.13 \text{ ton. m}$ 





# MOMENTO ÚLTIMO DE LA SECCIÓN

Verificación por resistencia

### **VIGA INTERIOR**

Momento último de la sección

$$M_u = 1.25M_D + 1.50M_{DS} + 1.75M_L$$

$$M_u = 1.25 \times 557.11 + 1.50 \times 23.84 + 1.75 \times 657.13 = 1882.1250 \text{ ton.m}$$

$$M_R = 1962.34 ton. m > M_U = 1882.14 ton. m$$

	Momento Manual	Momento Csi bridge	% Variacion
Resistencia 1962.34		1949.1	0.67%
Demanda	1882.125	1864.15	0.96%

Verificación por resistencia

### **VIGA EXTERIOR**

Momento último de la sección

$$M_u = 1.25M_D + 1.50M_{DS} + 1.75M_L$$

$$M_u = 1.25 \times 557.11 + 1.50 \times 23.84 + 1.75 \times 427.46 = 1480.2025 ton. m$$

$$\emptyset M_n = M_u$$

$$M_R = 1676.61 ton. m > M_U = 1480.20 ton. m$$

	Momento Manual	Momento Csi bridge	% Variacion
Resistencia 1676.61		1671.43	0.31%
		•	
Demanda	1480.20	1465.24	1.01%





# ARMADURA MÁXIMA AASHTO ART 5.7.3.3

$$\frac{C}{d_e} \le 0.42$$

Siendo:

$$d_{e} = \frac{A_{ps}f_{ps}d_{p} + A_{s}f_{y}d_{s}}{A_{ps}f_{ps} + A_{s}f_{y}}$$

Donde:

c = Distancia entre la fibra extrema comprimida y el eje neutro (mm)

 d<sub>e</sub> = Altura efectiva correspondiente entre la fibra extrema comprimida y el baricentro de la fuerza de tracción en la armadura traccionada (mm)

$$c = 0.2549 \text{ m}$$

$$d_e = d_p = 1.60 \text{ m}$$

$$\frac{C}{d_e} = \frac{0.2549}{1.60} = 0.1593 \le 0.42 \text{ OK}$$

La sección cumple con los requisitos de refuerzo máximo

#### REFUERZO MÍNIMO AASHTO ART 5.7.3.3.2

En cualquier sección de un elemento flexionado la cantidad de armadura deberá ser adecuada

para desarrollar una resistencia a la flexión mayorada, tomar el menor entre:

 $1.2M_{cr}$ 

MOMENTO DE FISURACIÓN DEL CONCRETO (Mcr)

$$M_{cr} = S_c(f_r + f_{cpe}) - M_{dnc}(\frac{S_c}{S_{nc}} - 1) \le S_c f_r$$

Si la sección soporta todas las cargas, en la expresión anterior Mcr se deberá sustituir Snc por sc.

Donde:

 $S_c = M\'odulo$  seccional para la fibra extrema de la sección compuesta (cm3)

 $f_r = Modulo de rotura (kg/cm2)$ 

 $f_{cpe}$  = Tensión de compresión en el concreto debida exclusivamente a las fuerzas de pretensado Efectivas (una vez que han ocurrido todas las pérdidas) en la fibra extrema (kg/cm2) pág. 171





 $M_{dnc}$  = Momento total no mayorado debido a la carga permanente que actúa sobre la sección Simple (kg. cm)

 $S_{nc}$  = Módulo seccional para la fibra extrema de la sección simple (cm3)

 $S_{nc} = M \acute{o} dulo$  seccional para la fibra extrema de la secci $\acute{o}$ n simple (cm3)

$$S_c = \frac{I_{CG}}{Y_i} = \frac{0.406}{0.98} = 414286 \text{ cm}3$$

$$f_r = 0.63\sqrt{f'_c} = 0.63\sqrt{450/10.1972} \times 10.1972 = 42.68$$

$$f_{cpe} = \frac{P}{A_{Comp}} + \frac{Pe'}{S_c} = \left(\frac{681000}{10768} + \frac{681000 \times 88.31}{412770}\right) = 207.691$$

$$e = Y_i - r' = 98.31 - 10 = 88.00 \text{ cm}$$

$$\begin{split} M_{cr} &= S_c \big( f_r + f_{cpe} \big) = \frac{412770 (42.68 + 208.938)}{10^5} = 1037.25 ton. \, m \\ 1.2 M_{cr} &= 1.2 \times 1038.60 = 1244.70 \ ton. \, m \end{split}$$

$$\begin{split} &M_u = 1.25 M_D + 1.50 M_{DS} + 1.75 M_L \\ &M_u = 1.25 \times 558.38 + 1.50 \times 23.84 + 1.75 \times 655.07 = 1882.13 \text{ ton. m} \\ &1.33 M_u = 2503.23 \text{ ton. m} \end{split}$$

**Tomamos** 

por ser el menor, entonces: 
$$1.2M_{cr}$$

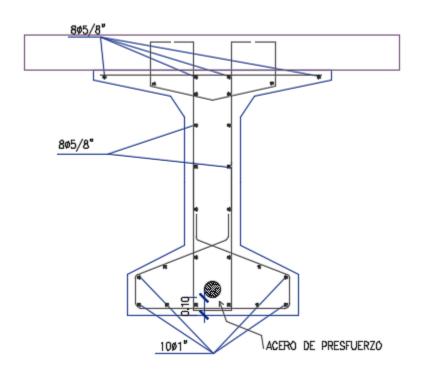
$$\emptyset M_n = 1962.34 \text{ ton. m}$$
 > 1.2 $M_{cr} = 1244.70 \text{ ton. m}$ 

La sección cumple con los requisitos de refuerzo mínimo





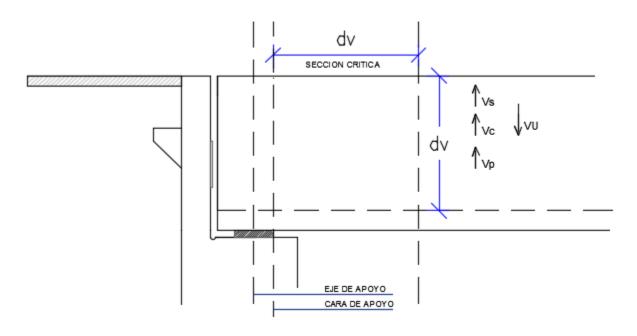
### ARMADO DE ACERO EN VIGA







# 5.9. DISEÑO POR CORTE



#### Donde:

V<sub>S</sub>: Fuerza cortante resistida por el concreto

V<sub>P</sub>: Fuerza cortante resistida por el preesfuerzo

V<sub>S</sub>: Fuerza cortante resistida por la armadura pasiva

V<sub>U</sub>: Fuerza cortante última

Peralte efectivo por corte

$$\begin{aligned} d_e &= H - {Y'}_i + e = (1.70) - 0.98 + (-0.18) = \\ d_v &= d_e - \frac{a}{2} = 0.54 - \frac{0.22}{2} = \\ a &= 21.67 \text{cm} = 0.22 \text{m} \end{aligned}$$
 
$$0.90 d_e = 0.90 \times 0.54 = 0.49 \text{ m}$$
 
$$0.72 H = 0.72 \times 1.70 = 1.22 \text{ m}$$

$$d_v = MAX(0.9d_e, 0.72h, d_e - 0.5a)$$

Punto de máxima cortante

$$d_v = 1.22m$$

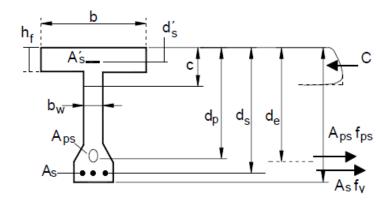




Donde:

d<sub>e</sub>: Altura efectiva correspondiente entre la fibra extrema y el acero de preesfuerzo(cm)

### d<sub>v</sub>: Peralte de corte efectivo (cm)



#### CORTANTE POR DEMANDA

### PESO PROPIO(VIGA)

$$W_{\text{viga}} = 0.698 \times 2.50 \times 34 = 59.33 \text{ ton}$$

Cortante para una viga

$$V_{viga} = \frac{59.33}{2} - 0.698 \times 2.50 \times 1.22 = 27.54 \text{ ton}$$

$$M_{viga} = \frac{59.33}{2} - 0.698 \times 2.5 \times \frac{1.22^2}{2} = 28.37 \text{ ton}$$

### PESO PROPIO (LOSA)

$$W_{losa} = 0.20 \times 14.00 \times 2.50 \times 34 = 238.00 \text{ ton}$$

Cortante por ancho total de losa

$$V_{losa} = \frac{238.00}{2} - 0.20 \times 14.00 \times 2.50 \times 1.22 = 110.46 \text{ ton}$$

Cortante de losa por una viga

$$V_{\text{losa x viga}} = \frac{1}{6} V_{\text{losa total}} = 18.4 \text{ ton}$$

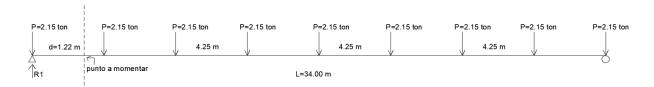
$$M_{losa} = \frac{1}{6} \left( \frac{238}{2} - 0.20 \times 14 \times 2.5 \times \frac{1.22^2}{2} \right) = 18.97 \text{ ton. m}$$





### CARGAS PUNTUALES (DIAFRAGMAS)

### SECCIÓN DIAFRAGMA



$$n_{diaf} = 9$$
  
  $d - d_{diaf} = 4.25 \text{ m}$ 

$$P_{diaf} = 1.00 \times 0.40 \times (2.40 - 0.25) = 2.15 \text{ ton}$$

$$V_{\text{max dia}} = 9 \times \frac{2.15}{2} - 2.15 = 7.53 \text{ton}$$

$$M_{diafragma} = (9 \times 2.15/2 - 2.15) \times 1.22 = 9.18 \text{ ton. m}$$

#### Donde:

 $W_{\text{viga}}$  = Peso de la viga Por metro lineal (ton/m)

 $V_{viga}$  = Cortante de la viga Para el punto de maxima cortante (ton)

M<sub>viga</sub> = Momento de la viga Para el punto de maxima cortante (ton.m)

 $W_{losa}$  = Peso de la losa Por metro lineal (ton/m)

V<sub>losa</sub> = Cortante de la losa Para el punto de maxima cortante (ton)

M<sub>losa</sub> = Momento de la losa Para el punto de maxima cortante (ton.m)

 $P_{diaf}$  = Peso por diafragma (ton)

V<sub>max dia</sub> = Cortante de diafragma para el punto de maxima cortante (ton)

M<sub>diaf</sub> = Momento de la diafragma Para el punto de máxima cortante (ton.m)

#### PESO (ASFALTO)

$$W_{asfalto} = 0.05 \times 9.00 \times 2.20 \times 34 = 33.66 ton$$

Cortante por ancho total de asfalto

$$V_{asfalto} = \frac{33.66}{2} - 0.05 \times 9.00 \times 2.20 \times 1.22 = 15.62 \text{ ton}$$





Cortante de asfalto por una viga

$$V_{asfalto x viga} = \frac{1}{6} V_{asfalto total} = 2.60 ton$$

PESO (VEREDA)

$$W_{vereda} = 0.20 \times 2.50 \times 2.50 \times 34 \times 2 = 85 \text{ ton}$$

Cortante por ancho total de vereda

$$V_{\text{vereda}} = \frac{85.00}{2} - 0.20 \times 2.50 \times 2.50 \times 1.22 \times 2 = 39.45 \text{ ton}$$

Cortante de vereda por una viga

$$V_{\text{vereda x viga}} = \frac{1}{6} V_{\text{vereda total}} = 6.58 \text{ ton}$$

PESO (BARANDA)

$$W_{\text{baranda}} = 0.075 \times 34 \times 2 = 5.10 \text{ ton}$$

Cortante total de baranda

$$V_{baranda} = \frac{5.10}{2} - 0.075 \times 1.22 \times 2 = 2.37 \text{ ton}$$

Cortante de baranda por una viga

$$V_{\text{baranda x viga}} = \frac{1}{6} V_{\text{baranda total}} = 0.39 \text{ ton}$$

Donde:

W<sub>asfalto</sub> = Peso de asfalto por metro lineal (ton/m)

V<sub>asfalto</sub> = Cortante del asfalto para el punto de maxima cortante (ton)

 $W_{\text{vereda}} = \text{Peso de la vereda por metro lineal (ton/m)}$ 

 $V_{vereda} = Cortante de la losa para el punto de maxima cortante (ton)$ 

 $W_{baranda}$  = Peso de la baranda por metro lineal (ton/m)

V<sub>baranda</sub> = Cortante del baranda para el punto de maxima cortante (ton)





#### **CARGAS PEATONALES**

Se deberá aplicar una carga peatonal de

W: 0.36 ton/m2

en todas las aceras de más

de 600mm

$$W = 0.36 \text{ ton/m2}$$

$$W_{\text{sc peatonal}} = 0.36 \times 2.40 \times 34 \times 2 = 58.75 \text{ ton}$$

Cortante por ancho total de carga peatonal

$$V_{\text{sc peatonal}} = \frac{58.75}{2} - 0.36 \times 2.40 \times 1.22 \times 2 = 27.27 \text{ ton}$$

Cortante de sc peatonal por una viga

$$V_{\text{sc peatonal x viga}} = \frac{1}{6} V_{\text{sc peatonal total}} = 4.54 \text{ ton}$$

Donde:

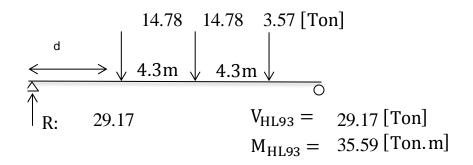
W<sub>sc peatonal</sub> = Peso de la sobre carga peatonal (ton)

V<sub>sc peatonal</sub> = Cortante del baranda para el punto de maxima cortante (ton)

### **CARGA VIVA**

$$d = 1.22m$$

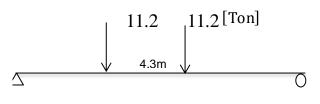
• Camión de diseño





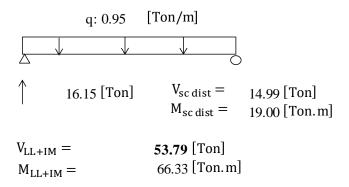


### • Tándem



$$V_{tandem} = 20.18 [Ton]$$

# • Carga de carril



#### Donde:

V<sub>HL93</sub> = Cortante del camion de diseño en el punto de maxima cortante (ton)

 $M_{HL93}=Momento$  del camion de diseño en el punto de maxima cortante (ton.m)

V<sub>tandem</sub> = Cortante del tandem en el punto de maxima cortante (ton)

 $V_{\text{sc dist}}$  = Cortante de la carga distribuida en el punto de maxima cortante (ton)

M<sub>sc dist</sub> = Momento de la carga distribuida en el punto de maxima cortante (ton.m)

 $V_{\text{LL+IM}} = \text{Cortante de la carga viva incluye impacto en el punto de maxima cortante (ton)}$ 

 $M_{LL+IM}=Momento$  de la carga viva incluye impacto en el punto de maxima cortante (ton.m)





# FACTORES DE DISTRIBUCIÓN DE LA SOBRECARGA POR CARRIL PARA CORTE EN **VIGAS INTERIORES**

$$S = 2400 \text{mm}$$

SEGÚN NORMA AASHTO TABLA 4.6.2.2.3a.1

UN CARRIL DE DISEÑO CARGADO

$$F_D = 0.36 + \frac{S}{7600} = 0.68$$

DOS O MAS CARRILES DE DISEÑO CARGADOS

$$F_D=0.20+\frac{S}{3600}-\left(\frac{S}{10700}\right)^2=0.82~critico$$
 Cortante por carga viva para un carril

$$V'_{LL+IM} = g \times V_{LL+IM} = 0.82 \times 53.79 = 44.10 \text{ ton}$$

Cortante por carga viva para dos carriles

$$V'_{LL+IM} = n \times g \times V_{LL+IM} = 2 \times 0.82 \times 53.79 = 88.21 \text{ ton}$$

Factor de distribución por momento interno

$$g = 0.67$$

$$M_{LL+IM} = 0.67 \times 66.33 = 44.44 \text{ton. m}$$

	$V_{\mathrm{D}}$	$V_{\rm DS}$	$V_{LL+IM}$	$M_{\mathrm{D}}$	IVI LL+IN
VIGA INTERIOR	60.44	2.60	92.75	56.51	44.44

### CORTANTE MAYORADA ÚLTIMA

Para el diseño por el estado límite de resistencia I, con n=nDnRnI=1

$$V_U = n(1.25V_{DC} + 1.50V_{DW} + 1.75V_{LL+IM})$$

$$V_{II} = n(1.25 \times 60.44 + 1.50 \times 2.60 + 1.75 \times 92.75) = 241.77 \text{ ton}$$

$$M_U = 1.25x56.51 + 1.75x44.44 = 148.41 \text{ ton}$$





Cortante resistente:

$$V_r = \emptyset V_n$$
  $\emptyset = 0.$ 

Siendo Vn el menor de:

$$\begin{cases} V_n = V_C + V_S + V_P \\ V_n = 0.25 f'_c b_V d_V + V_P \end{cases}$$

Donde:

Cortante resistente concreto

$$V_C = 0.53 \sqrt{f'_c} b_V d_V$$

Cortante resistente acero

$$V_s = \frac{A_v f_y d_v (\cot \theta + \cot \alpha) \sin \alpha}{S}$$

Donde:

 $V_{DC}$  = Cortante de la carga muerta (ton)

V<sub>DW</sub> = Cortante de la carga muerta (ton)

 $V_{LL+IM}$  = Cortante de la carga muerta (ton)

 $V_U = Cortante ultima(ton)$ 

 $M_U = Momento ultimo (ton.m)$ 

 $V_c$  = Cortante del concreto (ton)

V<sub>s</sub> = Cortante del acero no presforzado (ton)

 $V_p$  = Cortante del acero de presfuerzo (ton)

### CORTANTE RESISTENTE CONCRETO (Vc) AASHTO ART 5.8.3.3

La deformación en el refuerzo sobre el lado de tensión a flexión del miembro será determinada como:

$$\varepsilon_{x} = \frac{\frac{|M_{u}|}{d_{v}} + 0.5N_{u} + |V_{u} - V_{p}| - A_{ps}0.7f_{pu}}{E_{ps}A_{ps} + E_{p}A_{s}} \le 0.002$$





Si el valor calculado de la ecuación es negativo, su valor absoluto será reducido multiplicándolo por el factor tomado como:

$$F_E = \frac{E_{ps}A_{ps}}{E_cA_c + E_{ps}A_{ps}}$$

Donde:

 $\emptyset$  = Factor de resistencia para corte

A<sub>C</sub> = Área del concreto sobre el lado de tensión a flexión del miembro como se muestra(mm2)

 $A_{ps}=$ Área de acero pretensado sobre el lado de tensión a flexión del miembro (mm2)

 $N_u$  = Fuerza axial factorada tomada como positiva si es de compresión(N)

 $V_u$  = Fuerza de corte factorada (N)

 $A_s = \text{Área de acero no pretensado sobre el lado de tensión flexión del miembro (mm2)}$ 

 $M_U = Momento factorado (N-mm)$ 

 $f_{po}$  = Esfuerzo en el acero pretensado cuando el esfuerzo alrededor del concreto es 0.0 (N)

Refuerzo transversal mínimo AASHTO ART 5.8.2.5

$$A_v = 0.083 \sqrt{f'_c} \frac{b_v S}{f_y}$$

Donde:

 $b_v = Ancho del alma (cm)$ 

S = Espaciamiento entre el refuerzo transversal (cm)

 $f_y$  = Resistencia específicada a la fluencia del refuerzo (kg/cm2)

$$A_{\text{v min}} = 0.083\sqrt{450} \frac{25 \times 15}{4200} = 0.50 \text{ cm} 2$$

$$A_v = 2.54 \text{ cm}2 > 0.50 \text{ cm}2 \text{ OK}$$





# MÓDULO DE ELASTICIDAD

#### CABLES:

En ausencia de datos más precisos, el módulo de elasticidad de los aceros de pretensado, en base al área nominal de la sección transversal, se puede tomar como:

para cables:

$$E_P = 197000MPa$$

$$E_P = 2008848.4 \text{ kg/cm}2$$

#### CONCRETO:

En ausencia de información más precisa, el módulo de elasticidad, Ec, para concreto armado cuya densidad está comprendida entre 1440 y 2500 kg/cm2 se puede tomar como:

$$\mathrm{E_c} = 0.043 \gamma_c^{1.5} \sqrt{\mathrm{f'}_\mathrm{c}} = 0.043 x 2500^{1.5} \sqrt{(450/10.1972)} \times 10.1972 = 364104 \ \mathrm{kg/cm2}$$

### ACERO CORRUGADO

$$E_S = 2039440 \text{ kg/cm}^2$$

Refuerzo longitudinal

$$A_{Ps} = 60.21 \text{ cm}2$$

$$A_s = 66.54 \text{ cm}2$$

$$A_c = 4141 \text{ cm} 2$$

Donde:

 $A_{Ps} = \text{Área de preesfuerzo (cm}^2)$ 

 $A_s = \text{Área del acero no presfozado (cm}^2)$ 

 $A_c = \text{Área de compresión (cm}^2)$ 





### 1RA ITERACIÓN

Asumiendo

$$\theta = 27.6$$

$$\varepsilon_{x} = \frac{\frac{|M_{u}|}{d_{v}} + 0.5N_{u} + |V_{u} - V_{p}| - A_{ps}0.7f_{pu}}{E_{s}A_{s} + E_{ps}A_{ps}} \le 0.002$$

$$\epsilon_{x} = \frac{\frac{148.41 \times 10^{5}}{122} + |241.77 - 66.87| \times 10^{3} - 60.21 \times 0.7 \times 18967}{2039440 \times 66.54 + 2008848.4 \times 60.21}$$

$$\varepsilon_{\rm x} = -0.0020$$

$$\varepsilon_{x} = \frac{\frac{|M_{u}|}{d_{v}} + 0.5N_{u} + |V_{u} - V_{p}| - A_{ps}0.7f_{pu}}{E_{s}A_{s} + E_{ps}A_{ps} + E_{c}A_{c}} \le 0.002$$

$$\epsilon_x = \frac{\frac{148.41 \times 10^5}{122} + |241.77 - 66.87| \times 10^3 - 60.21 \times 0.7 \times 18967}{2039440 \times 66.54 + 2008848.4 \times 60.21 + 364104 \times 4141}$$

$$\varepsilon_{\rm x} = -0.0003$$

De la tabla resulta: MTC ART 2.9.1.5.6.3.4.1

$$-0.00003 \leq \epsilon_s \leq 0.006$$

$$\beta = \frac{4.8}{1 + 750\varepsilon_s} = \frac{4.8}{1 + 750 \times (-0.0003)} = 6.19$$
  
$$\theta = 29 + 3500\varepsilon_s = 29 + 3500 \times (-0.0003) = 27.95$$

Donde:

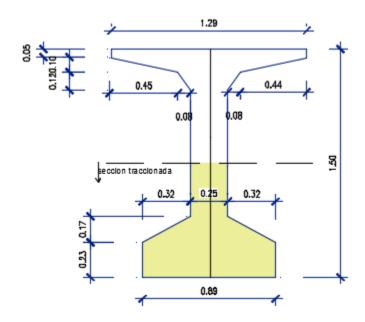
β: Capacidad del hormigon fisurado diagonalmente de transmitir traccion

 $\theta \mathrm{:}\, Angulo\,\, de$  inclinacion de las tensiones de compresion diagonal





Área de lado traccionado por flexión



 $Area_{secc\ traccionada} = 4141\ cm2$ 

Luego:

$$V_c = 0.083 \beta \sqrt{f'c} b_v d_v$$

$$V_c = 0.083 \times 6.19 \times \sqrt{(450/10.1972)} \times 250 \times 1220 \times 10^{-3}$$

$$V_c = 1041.6 \text{ KN} = 106.21 \text{ton}$$

### CORTANTE RESISTENTE DEL ACERO (Vs)

Se propone estribos

espaciados cada

$$V_s = \frac{A_v f_y d_v (\cot \theta + \cot \alpha) \sin \alpha}{S} = \frac{A_v f_y d_v (\cot \theta + \cot \alpha) \sin \alpha}{S}$$

Con

 $\alpha = 90$  (Ángulo de inclinación del estribo)

$$A_v = 2 \times 1.29 =$$

Asumiendo 2 ramas Ø 1/2"





$$V_s = \frac{A_v f_y d_v \cot \theta}{S} = \frac{2.54 \times 4200 \times 122 \times \cot 27.95}{15} = 163.53 \text{ ton}$$

Donde:

 $A_V$  = Area de la armadura de corte en una distancia S (cm2)

 $\theta$  = Angulo de inclinacion de las tensiones de compresion diagonal

 $\alpha$  = Angulo de inclinacion de la armadura transversal respecto al eje longitudinal

S = Separacion de estribos (cm)

#### CORTANTE DE PREESFORZADO

$$P = 680.333 \text{ ton}$$

$$\alpha = 0.0983$$

$$V_P = P \times \alpha =$$

$$V_P = 680.333 \times 0.0983 = 66.87 \text{ ton}$$

### RESISTENCIA NOMINAL AL CORTE

Se determina como el menor valor entre:

$$V_{n} = V_{c} + V_{s} + V_{p}$$

$$V_n = 106.21 + 163.53 + 66.87 = 33660 \text{ ton}$$

$$V_n = 0.25 f_c' b_v d_v + V_p$$

$$V_n = 0.25 \times 450 \times 25 \times 122 \times 10^{-3} + 66.87 = 409.99 \text{ ton}$$

Luego el menor es: 336 60 ton

Cortante resistente total

$$\emptyset V_n = 0.9 \times 336.60 = 302 94 \text{ ton} > 241.77 \text{ ton OK}$$





Verificación de la demanda con la capacidad

$$\frac{V_u}{\emptyset\big(0.25f'_cb_vd_v+V_p\big)}\leq 1$$

$$\frac{241.77 \times 10^3}{0.9(0.25 \times 450 \times 25 \times 122 + 66.87 \times 10^3)} = 0.655$$

$$\frac{V_u}{\emptyset\big(V_c+V_s+V_p\big)} \leq 1$$

$$\frac{241.77 \times 10^3}{0.9(106.21 + 163.53 + 66.87) \times 10^3} = 0.798$$

Donde:

 $V_{II} = Cortante ultima(ton)$ 

f'<sub>c</sub> = Cortante del concreto (kg/cm2)

 $b_v = Ancho de ala(cm)$ 

 $V_c$  = Cortante del concreto (ton)

 $V_s = \text{Cortante del acero no presforzado (ton)}$ 

 $V_p$  = Cortante del acero de presfuerzo (ton)

 $d_v = Altura de corte efectiva(cm)$ 

Espaciamiento máximo del refuerzo transversal

Se determina como:

$$V'_{u} = \frac{V_{u} - \emptyset V_{p}}{\emptyset b_{v} d_{v}}$$

Donde:

 $b_v$  = Ancho de alma efectivo tomado como el mínimo ancho del alma (cm)

 $d_V = Altura de corte efectivo (cm).$ 

 $\emptyset$  = Factor de resistencia para corte





$$v_{\rm u} = \frac{V_{\rm u} - \emptyset V_{\rm p}}{\emptyset b_{\rm v} d_{\rm v}} = 66.15 \text{ kg/cm}2$$

También:

$$\text{SI} \quad v_u < 0.125 f'c \rightarrow S_{max} = 0.8 d_v \leq 0.60 m$$

SI 
$$v_u \ge 0.125 f'c \rightarrow S_{max} = 0.4 d_v \le 0.30 m$$

$$v_u = 66.15 \text{ kg/cm2} > 0.125 \times 450 = 56.25 \text{ kg/cm2}$$

**Entonces:** 

$$S_{max} = 0.40d_v = 0.49 \text{ m}$$

$$S_{\text{max}} = 0.30 \text{ m}$$

Luego, en una distancia 1.22m desde apoyo usar estribos de

1"/2 @ 15 cm





### 5.10. DISEÑO DE TABLERO

### Predimensionamiento

El peralte mínimo de un tablero excluyendo ranuras o desgastes no deberá ser menor que 175mm.

En voladizos de concreto armado que soportan barreras de concreto, el espesor mínimo de la losa será: Tmin=0.2m

Teniendo en cuenta las disposiciones sobre el espesor de la losa se uniformizo con el siguiente espesor T=0.2m

### CÁLCULO DEL ACERO PRINCIPAL NEGATIVO

Evaluación de las cargas

Se calcularón los momentos de flexión negativos

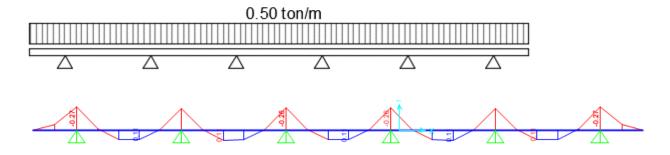
Carga muerta(DC)

PESO PROPIO DE LA LOSA:

Para fajas de 1m

$$W_{Losa} = 0.20 \times 1.00 \times 2.50 = 0.5 \text{ ton/m}$$

Resolviendo la losa continua sobre las 6 apoyos, se obtuvo:



El momento en los apoyos es:

$$M_{DC1} = -0.27 \text{ ton. m}$$





El art 4.6 2.1.6 especifica que para momento negativo en construcciones monolíticas de concreto se puede tomar la sección de diseño en la cara de apoyo (a 12.5 cm del eje)

$$M_{DC1,Cara} = -0.20$$
 ton. m

### PESO DE LA BARANDA

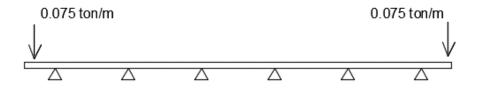
 $P_{Baranda} = 0.075 \text{ ton}$ 

Donde:

 $W_{Losa}$  = Peso de la losa(ton/m)

M<sub>DC1</sub> = Momento en los apoyos debido al peso de la losa(ton.m)

 $M_{DC1,cara} = Momento$  en la cara debido alpeso de la losa(ton.m)





 $M_{DC2} = -0.09 \text{ ton. m}$ 

 $M_{DC2,cara} = -0.08 \text{ ton. m}$ 

Donde:

M<sub>DC2</sub> = Momento en los apoyos debido al peso de la baranda (ton.m)

 $M_{DC2,cara} = Momento$  en la cara debido al peso de la baranda(ton.m)

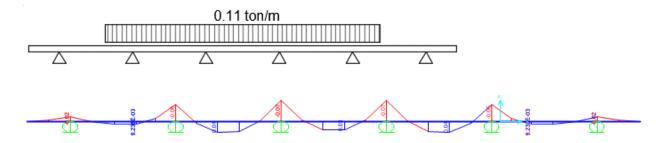




# CARGA POR SUPERFICIE DE RODADURA (DW)

### **ASFALTO:**

 $W_{Asf} = 0.05 \times 1.00 \times 2.20 = 0.11 \text{ ton/m}$ 



 $M_{DW} = -0.02$  ton. m

 $M_{DW.cara} = -0.01 \text{ ton. m}$ 

Donde:

M<sub>DW</sub> = Momento en los apoyos debido al peso del asfalto (ton.m)

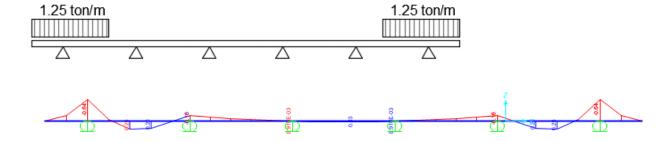
M<sub>DW.cara</sub> = Momento en la cara debido al peso del asfalto(ton.m)

 $W_{Asf}$  = Peso del asfalto por metro lineal (ton/m)

### CARGA POR SUPERFICIE DE VEREDA

#### VEREDA:

 $W_{ver} = 0.20 \times 2.50 \times 2.50 = 1.25 \ ton/m$ 



 $M_{ver} = -0.64 \text{ ton.m}$ 





 $M_{\text{ver,cara}} = -0.49 \text{ ton. m}$ 

### Donde:

 $M_{ver}$  = Momento en los apoyos debido al peso de la vereda (ton.m)

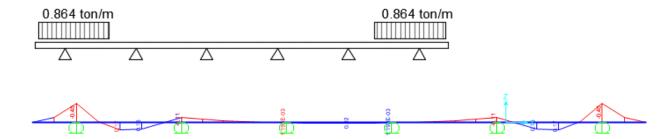
 $M_{\text{ver cara}} = Momento en la cara debido al peso de la vereda(ton.m)$ 

 $W_{ver}$  = Peso de la vereda por metro lineal (ton/m)

#### CARGA POR SOBRE CARGA PEATONAL

### S/C PEATONAL:

 $W_{ver} = 0.36x2.4 = 0.864 \text{ ton/m}$ 



 $M_{pea} = -0.45 \text{ ton. m}$ 

 $M_{pea,cara} = -0.34 \text{ ton. m}$ 

#### Donde:

M<sub>pea</sub> = Momento en los apoyos debido al peso de la sobre carga peatonal (ton.m)

 $M_{pea}_{.cara}$  = Momento en la cara debido al peso de la sobre carga peatonal(ton.m)

 $W_{pea}$  = Peso de la sobre carga peaton por metro lineal (ton/m)

# CARGA VIVA Y EFECTO DE CARAG DINÁMICA (LL + IM):

Para el cálculo de la carga viva y efecto de carga dinámica, se realizó el análisis considerando un tramo de la estructuras y hallando los momentos como si fuera una viga simplemente apoyada (isostático). De esta forma, se calculó el momento hiperestático considerando lo siguiente:





$$M_{hiperestático} = 0.8 M_{isostático}$$

Se calculó el momento isostático utilizando el método aproximado de análisis (art 2.6.4.2.1.1), en el cual el tablero se subdivide en franjas perpendiculares a los apoyos. Este método especifica que, donde se aplica el método de franjas, el momento positivo mayor de cualquier panel del tablero entre vigas será el que se considere en todas las regiones de momento positivo. De igual manera, el momento negativo será tomado en todas las regiones de momento negativo.

 $q_{Puntual} = 14.78 \text{ ton}$ 

 $q_{Distribuida} = 0.95 \text{ ton/m}$ 

### ANCHO EQUIVALENTE DE FRANJAS INTERIORES (ART. 2.6.4.2.1.3)

El ancho de franja equivalente fue tomado como se específica en la Tabla 2.6.4.2.1.3-1

S: Espaciamiento de componentes de apoyo (mm)

M +: Momento positivo

M -: Momento negativo

X: Distancia desde la aplicación de la carga al punto de apoyo (mm)

E: Ancho de franja(mm)

$$E = 1220 + 0.25S = 1220 + 0.25(2400) = 1820$$
mm

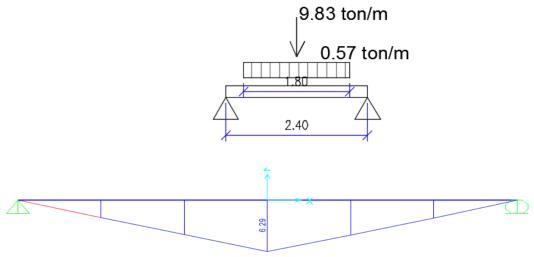
E = 1.82m

$$P' = \left(\frac{14.78}{2}\right)1.33$$

$$P_W = 0.95 \left( \frac{1.82}{3} \right) = 0.58 \text{ ton/m}$$







$$M = 6.29[Ton.m]$$

$$M_{isost} = \frac{M}{E} = \frac{6.31}{1.82} = 3.46 \text{ ton. m}$$

$$M_{LL+IM} = -0.8 M_{Isost} = -2.76 \text{ ton. m}$$

Resumén de momentos negativos y positivos por cargas en C (ton. m)

Carga	Tipo	$M(-)_{eje}$	$M(-)_{cara}$	$M(+)_{eje}$	M(+) <sub>cara</sub>	γ(Resist. I)
Losa	D <sub>C1</sub>	-0.270	-0.200	0.110	0.110	1.25
Baranda	D <sub>C2</sub>	-0.09	-0.080	0.020	0.003	1.25
Vereda	D <sub>C3</sub>	-0.64	-0.49	0.250	0.150	1.25
s/c peatonal	LL	-0.45	-0.34	0.150	0.110	1.25
Asfalto	DW	-0.02	-0.010	0.040	0.040	1.5
Carga Viva	LL+IM	-2.76	-2.76			1.75

### Momento último de la sección

Para el diseño por Estado Límite de Resistencuia I  $n=n_D n_R n_I=1$ 

$$M_{\rm u} = n[1.25M_{\rm DC} + 1.5M_{\rm DW} + 1.75M_{\rm (LL+IM)}]$$

En la cara de la viga:

$$M_u = 1.25(-0.200 - 0.080 - 0.49) + 1.5(-0.01) + 1.75(-2.76 - 0.34)$$

$$M_u = -6.41 \text{ ton. m}$$





b = 100 cm

Donde:

 $M_u = Momento ultimo(ton. m)$ 

b= Ancho de analisis (1m)

 $M_{DC} = Momento debido a las cargas de baranda , losa, vereda (ton. m)$ 

M<sub>DW</sub> = Momento debido a las carga del asfalto (ton. m)

M<sub>(LL+IM)</sub> = Momento debido a las carga viva mas el impacto (ton. m)

$$z = 2.5 + \frac{1.59}{2} = 3.30 \text{ cm}$$

$$d = 20 - z = 20 - 3.30 = 16.70 \text{ cm}$$

$$a = 5 \text{ cm}$$

$$A_{S} = \frac{M_{U}}{\emptyset_{f}f_{y}\left(d - \frac{a}{2}\right)} = \frac{6.43 \times 10^{5}}{0.90 \times 4200\left(16.70 - \frac{5}{2}\right)} = 11.94 \text{ cm}2$$

$$a = \frac{A_S f_y}{0.85 f_o b} = \frac{11.97 \times 4200}{0.85 \times 280 \times 100} = 2.11 \text{ cm}$$

1ra iteración

$$A_S = 10.84 \text{ cm} 2$$
  
  $a = 1.91 \text{ cm}$ 

2ra iteración

$$A_S = 10.77 \text{ cm}2$$

$$a = 1.90 \text{ cm}$$

$$A_s(-) = 10.77 \text{cm}^2$$

Utilizando varillas de Ø 5/8", la separación será: s' =  $\frac{1.98}{10.80}$  = 0.18 m

Por lo tanto utilizando varillas de Ø 5/8"@ 0.15m





$$s'' = 0.15 \text{ m}$$

$$A'_{s}(-) = 13.20 \text{cm} 2$$

$$A'_{s}(-)$$
 = Area de acero negativo (cm2)

### Límites para el refuerzo

### **Refuerzo máximo** (Art. 2.9.1.3.10.1. d. 1)

La cantidad máxima de refuerzo no presforzado será tal que:

$$\frac{c}{d} \le 0.42$$

Donde:

$$a = 1.90 \text{ cm}$$
 $c = \frac{a}{\beta_1}$ 
 $c = \frac{1.91}{0.85} = 2.24 \text{ cm}$ 

$$\frac{c}{d} = \frac{2.24}{16.70} = 0.13$$

### $\leq 0.42 \text{ OK}$

c = Distancia desde la fibra extrema en compresion al eje neutro

El tablero cumple con el requisito de refuerzo máximo

# REFUERZO MÍNIMO (Art. 2.9.1.3.10.1. d. 2)

Para componentes que tienen acero no pretensado, las provisiones de refuerzo mínimo, pueden ser satisfechas si:

$$1.2M_{cr} = 1.2f_rS = 1.2 \times 33.63 \times 6666.67 = 2.69$$

Siendo:

$$\begin{array}{l} f_r=0.63\sqrt{f'_c} \text{MPa}=2.01\sqrt{f'_c}~\text{kg/cm}^2=2.01\sqrt{280}=\\ \text{REHABILITACION DEL PUENTE SANTIAGO CON EL DISEÑO DE VIGAS PRESFORZADAS, PROVINCIA Y DEPARTAMENTO DE CUSCO.} \end{array}$$





$$b = 100 \text{ cm}$$

$$S = \frac{bh^2}{6} = \frac{100 \times 20^2}{6} =$$

$$1.33M_U = 1.33 \times 6.43 = 8.53 \text{ ton. m}$$

$$M_u = 6.41 > 2.69$$
 OK

# ACERO DE TEMPERATURA Y CONTRACCIÓN (ART. 2.9.1.4.5):

Se consideró este esfuerzo en el tablero, porque es una superficie de concreto expuesta a cambios diarios de temperatura y de masa de concreto estructural.

El esfuerzo por contracción y temperatura debe ser en forma de barras o alambres soldados. Para las barras el área de refuerzo en cada dirección no debe ser menor que:

$$A_s = 0.75 \frac{A_g(mm^2)}{f_v(MPa)}$$

$$A_{s} = 0.75 \frac{20 * 100 * 100}{(4200/_{10.1972})}$$

$$A_s = 364.19 \text{ mm}2$$

Se debe colocar en dos capas:  $\frac{3.64}{2} = 1.82 \text{ cm}2/\text{capa}$ 

Utilizamos varillas de Ø  $\frac{3}{8}$ ", la separación será S =  $\frac{0.71}{1.82}$  = 0.39

$$S = 0.39 \text{ m}$$

$$S_{\text{máx}} = 3t = 3(0.20) = 0.60 \text{m o } S_{\text{máx}} = 0.45$$

$$S_{m\acute{a}x} = 0.45 \text{ m}$$

# Por lo tanto utilizamos varillas de Ø 3/8"@ 0.30m

El acero se colocará en la parte superior de la losa, en el sentido del tráfico.





# DISTRIBUCIÓN DEL REFUERZO PARA EL CONTROL DE AGRIETAMIENTO (ART. 2.9.1.3.2.2.1

Los miembros deberán considerar que los esfuerzos de tracción en refuerzo de acero transversal en el estado limite, fsa, no debe exceder:

### Esfuerzo máximo del acero:

$$f_{sa} = \frac{Z}{(d_c A)^{1/3}} \le 0.6 f_y$$

$$d_c = recubriemiento + \frac{\emptyset}{2} = 2.5 + \frac{1.59}{2} = 3.30 \text{ cm}$$

$$A = \frac{(2d_c)s''}{n_v}$$

s" = Espaciamiento final del acero = 15 cm

 $n_v = N$ úmero de varillas = 1

$$A = \frac{2 \times 3.30 \times 15}{1} = 99 \text{ cm}2$$

Z = 30000 N/mm (condición de exposición moderda)

Luego:

$$f_{sa} = \frac{30581}{(3.30 \times 99)^{1/3}} = 4440.19 \text{ kg/cm}2$$

$$f_{sa} \le 0.6x4200 = 2520 \, \text{Kg/cm}^2$$

ESFUERZO DEL DEL ACERO BAJO CARGAS DE SERVICIO:

$$f_s = \frac{M_s C}{I} n$$

Para el diseño por Estado Límite de Servicio I, con  $n=n_D n_R n_I=1$ 

$$M_S = n[1.0M_{DC} + 1.0M_{DW} + 1.0M_{LL+IM}]$$

$$M_S = 1.0[1.0(-0.20 - 0.08 - 0.49) + 1.0(-0.01) + 1.0(-2.77 - 0.34)]$$

$$M_S = -3.88 \text{ ton. m/m}$$





Luego:

$$\begin{split} &M_S = \left(-3.\ 89 ton \frac{m}{m}\right) \left(0.15\ m\right) = -0.583\ ton.\ m \\ &E_C = 0.043 (\gamma_c)^{1.5} \sqrt{f'_C} = 0.043 \times 2500^{1.5} \sqrt{280/10.1972} = 28165.47\ MPa \\ &n = \frac{E_S}{E_C} = \frac{197000}{287208.93} = 6.86 \end{split}$$

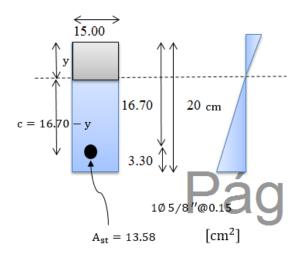
# Área de acero transformada:

 $A_{st}$  = Relación modular x área de acero

$$A_{st} = nA_{Acero\ Unitario}$$

$$A_{st} = 6.86 \times 1.98 = 13.58 \text{ cm}2$$

Momento respecto del eje neutro para determinar y:



$$15(y)\left(\frac{y}{2}\right) = 13.58(16.70 - y)$$

$$y = 4.67 \text{ cm}$$

$$c = d - y = 16.70 - 4.67 = 12.03 \text{ cm}$$

$$c = 12.03 \text{ cm}$$

Inercia respecto del eje neutro de la sección transformada

$$I = A_{st}c^2 + \frac{S^{\prime\prime}y^3}{3}$$





$$I = 13.58(12.03)^2 + \frac{15(4.67)^3}{3} = 2474.55 \text{ cm}$$

$$f_s = \frac{M_sC}{I}n = \frac{58400(12.03)}{2474.55}6.86 = 1943.38 \text{ kg/cm}^2$$
  
 $f_s = 1943.38 \text{ Kg/cm}^2 < f_{sa} = 2520 \text{ Kg/cm}^2 \text{ OK}$ 

Finalmente conforme al art.9.5.3, no es necesario investigar el estado de fatiga en tableros de concreto de vigas múltiples.

CÁLCULO DEL ACERO PRINCIPAL POSITIVO

### Evaluación de las cargas

Se calcularon los momentos de flexión positivos.

### Carga muerta(DC)

Del diagrama de momentos en el tablero por carga muerta

$$M_{DC1} = 0.09 \text{ ton. m}$$

Para las barras

$$M_{DC2} = 0.01 \text{ ton. m}$$

### Carga por superficie de rodadura (DW)

Del diagrama de momento en el tablero por carga de asfalto:

$$M_{DW} = 0.04 \text{ ton. m}$$

### Carga viva y efecto de carga dinámica (LL + IM):

Se realizó el mismo análisis utilizando en el cálculo del acero negativo

Ancho de la faja

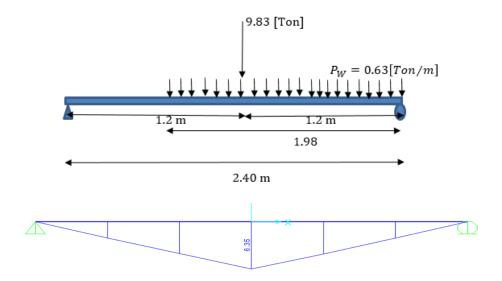
$$E = 660 + 0.55S = 660 + 0.55(2000) = 1980 \text{ mm} = 1.98\text{m}$$

$$P' = \left(\frac{14.78}{2}\right)1.33 = 9.83$$

$$P_W = 0.95 \left( \frac{1.98}{3} \right) = 0.63 \text{ ton/m}$$







$$M = 6.35 \text{ ton. m}$$

$$M_{isost} = \frac{M}{E} = \frac{6.35}{1.98} = 3.21 \text{ ton. m}$$

$$M_{LL+IM}=0.8M_{Isost}=2.57\ ton.\,m$$

Resumén de momentos positivos por cargas en (ton. m)

Carga	Tipo	M(+)	γ(Resist. I)
Losa	D <sub>C1</sub>	0.110	1.25
Baranda	$D_{C2}$	0.020	1.25
Vereda	$D_{C3}$	0.250	1.25
s/c peatonal	LL	0.150	1.75
Asfalto	DW	0.040	1.50
Carga Viva	LL+IM	2.57	1.75

### Momento último de la sección

Para el diseño por Estado Límite de Resistencuia I  $n = n_D n_R n_I = 1$ 

$$M_u = n[1.25M_{DC} + 1.5M_{DW} + 1.75M_{(LL+IM)}]$$

$$M_u = 1.25(0.11 + 0.02 + 0.25) + 1.5(0.04) + 1.75(0.15 + 2.57)$$

$$M_u = 5.15 \text{ ton. m}$$





b = 100 cm

$$z = 5.0 + \frac{1.59}{2} = 5.8 \text{cm}$$

$$d = 20 - z = 20 - 5.80 = 14.20 \text{ cm}$$

$$a = 5 \text{ cm}$$

$$A_{S} = \frac{M_{U}}{\emptyset_{f} f_{y} \left( d - \frac{a}{2} \right)} = \frac{5.15 \times 10^{5}}{0.9 \times 4200 \left( 14.20 - \frac{5}{2} \right)} = 11.64 \text{ cm} 2$$

$$a = \frac{A_S f_y}{0.85 f'_c b} = \frac{11.64 \times 4200}{0.85 \times 280 \times 100} = 2.05 \text{ cm}$$

$$A_S = 10.34 \text{ cm}2$$

$$a = 1.83 \text{ cm}$$

$$A_S = 10.25 \text{ cm}2$$

$$a = 1.81 \text{ cm}$$

$$A_s(+) = 10.25 \text{cm}^2$$

Utilizando varillas de Ø 5/8", la separación sera: s´ =  $\frac{1.98}{10.25}$  = 0.19 m

Por lo tanto utilizando varillas de Ø 5/8"@ 0.18m





# Límites para el refuerzo

# **Refuerzo máximo** (Art. 2.9.1.3.10.1. d. 1)

La cantidad máxima de refuerzo no presforzado será tal que:

$$\frac{c}{d} \le 0.42$$

Donde:

$$a = \frac{A_s f_y}{0.85(f_c)b}$$

$$a = \frac{11.00(4200)}{0.85 \times 280 \times 100} = 1.94 \text{ cm}$$

$$\frac{c}{d} = \frac{2.28}{14.20} = 0.16$$
  $\leq 0.42 \text{ OK}$ 

El tablero cumple con el requisito de refuerzo máximo

**Refuerzo mínimo** (Art. 2.9.1.3.10.1. d. 2)

$$1.2M_{cr} = 1.2f_rS = 1.2 \times 33.63 \times 6666.67 = 2.69$$

$$f_r = 0.63 \sqrt{f'_c} MPa = 2.01 \sqrt{f'_c} kg/cm^2 =$$

$$c = \frac{a}{\beta_1}$$

Siendo:

$$c = \frac{1.94}{0.85} = 2.28 \text{ cm}$$

$$b = 100 \text{ cm}$$

$$S = \frac{bh^2}{6} = \frac{100 \times 20^2}{6} = 6666.67 \text{ cm}3$$





$$1.33M_U = 1.33 \times 5.15 = 6.85 \text{ ton. m}$$

$$M_{11} = 5.15 > 2.69 \text{ OK}$$

# Distribución del refuerzo para el control de agrietamiento (Art. 2.9.1.3.2.2. e. 2.1)

Los miembros deberán considerar que los esfuerzos de tracción en refuerzos de acero transversal en el estado limite, fsa, no debe exceder:

# Esfuerzo máximo del acero:

$$f_{sa} = \frac{Z}{(d_c A)^{1/3}} \le 0.6 f_y$$

$$d_c = recubriemiento + \frac{\emptyset}{2} = 5.0 + \frac{1.59}{2} = 5.80 \text{ cm}$$

$$A = \frac{(2d_c)s''}{n_v}$$

s'' = Espaciamiento final del acero = 18 cm

 $n_{\rm v}=$  Número de varillas = 1

$$A = \frac{2 \times 5.80 \times 18}{1} = 208.8 \text{ cm}2$$

Z = 30000 N/mm (condición de exposición moderda)

# Luego:

$$f_{sa} = 2869.01 \text{ kg/cm}2$$

$$\rm f_{sa} \leq 0.6x4200 = 2520 \, Kg/cm^2$$

# Esfuerzo del del acero bajo cargas de servicio:





$$f_s = \frac{M_s C}{I} n$$

Para el diseño por Estado Límite de Servicio I, con  $n = n_D n_R n_I = 1$ 

$$M_S = n[1.0M_{DC} + 1.0M_{DW} + 1.0M_{LL+IM}]$$

$$M_S = 1.0[1.0(0.11 + 0.02 + 0.25) + 1.0(0.04) + 1.0(2.57 + 0.15)]$$

Luego:

$$M_S = \left(3.14 \text{ ton} \frac{m}{m}\right) (0.18 \text{m}) = 0.56$$

$$E_C = 0.043(\gamma_c)^{1.5} \sqrt{f'_C} 28165.5 \text{ MPa} = 287208.9 \text{kg/cm} 2$$

$$n = \frac{E_S}{E_C} = \frac{1970000}{270149.9} = 6.86$$

Distribución del refuerzo para el control de agrietamiento (Art. 2.9.1.3.2.2. e. 2.1)

Los miembros deberán considerar que los esfuerzos de tracción en refuerzo de acero transversal en el estado límite,  $f_{sa}$ , no debe exceder:

#### Esfuerzo máximo del acero:

$$f_{sa} = \frac{Z}{(d_c A)^{1/3}} \le 0.6 f_y$$

Área de acero transformada:

A<sub>st</sub> = Relación modular x área de acero

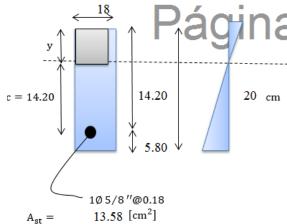
$$A_{st} = nA_{Acero\ Unitario}$$

$$A_{st} =$$

Momento respecto del eje neutro para determinar y:







$$18(y)\left(\frac{y}{2}\right) = 13.58(14.20 - y)$$

$$y = 3.93 \text{ cm}$$

$$c = d - y = 14.20 - 3.93 = 10.27 \text{ cm}$$

Inercia respecto del eje neutro de la sección transformada

$$I = A_{st}c^2 + \frac{S''y^3}{3}$$

$$I = 13.58(10.27)^2 + \frac{18(3.93)^3}{3} = 1796.51 \text{ cm}$$

$$f_s = \frac{M_s C}{I} n = \frac{56000(10.27)}{1796.51} 6.86 = 2196.10 \text{ kg/cm} 2$$

$$f_s = 2196.10 \,\text{Kg/cm}^2 < f_{sa} = 2520 \,\text{Kg/cm}^2$$

Finalmente conforme al art. 9.5.3, no es necesario instigar el estado de fatiga en tableros de concreto de vigas múltiples.

# Acero de distribución (Art 2.9.1.3.3.4)

El acero de distribución debe colocarse en la dirección secundaria, en la parte inferior de la losa como un porcentaje del reforzamiento principal para momento positivo como se especifica.





Cuando el refuerzo principal es perpendicular al tráfico

$$A_{Dist} = \frac{3480}{\sqrt{S}} = 67\%$$

Donde:

S: Longitud efectiva del tramo tomado igual a la longitud específica (mm)

$$S = (2.40 - 0.25) \times 1000 = 2150 \text{ mm}$$

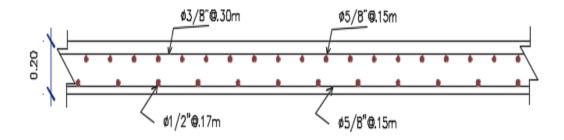
$$A_{Dist} = 75.05\%$$

75.05% > 67% por lo tanto % = 0.67

$$A_{S Distr} = 0.67(11.00) = 7.37 \text{ cm}2$$

Por lo tanto utilizamos varillas de Ø 1/2" la separación será:  $s = \frac{1.27}{7.37} = 0.17 \text{ m}$ 

# Se asume varillas de Ø 1/2"@ 0.17m





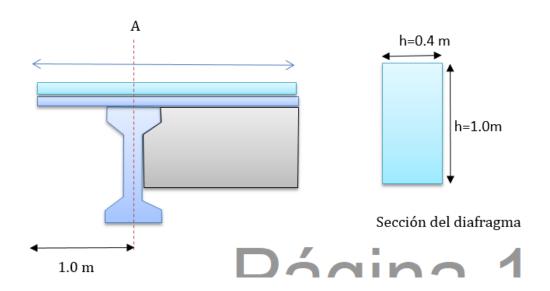


# 5.11. DISEÑO DE VIGA DIAFRAGMA

Son vigas transversales que se usa como arriostras en los extremos y en los tercios de las vigas longitudinales para mantener las geometría de la sección y así mismo reisistir fuerzas lateriales

# CÁlculo del acero principal positivo

Calculamos los momentos de flexión positivos por:



# Carga Muerta (DC)

Calcularemos en el eje A debido al volado

 $P_{Barrera} = 0.075 \text{ ton}$ 

 $P_{Losa+Vereda} = (1.00x(0.2+0.2)x(0.4)x(2.50)=0.40 \text{ ton}$ 

 $P_{total} = 0.48 ton$ 





Momento en el eje A debido al volado

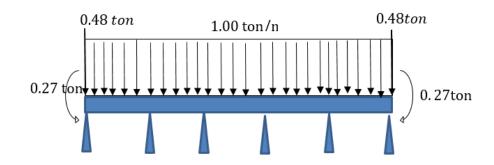
$$M_{barrera} = 0.075 \times (1.00 - 0.05) = 0.07 \text{ ton.m}$$

$$M_{Losa+Vereda} = 0.40 \times \left(\frac{1.00}{2}\right) = 0.20 \text{ ton. m}$$

 $M_{Total} = 0.27 \text{ ton. m}$ 

Carga distribuida por peso propio del diafragma

$$P_{Diaf} = 0.4x1.00x2.50 = 1.0 \text{ ton/m}$$



Carga muerta en viga diafragma



# Carga por superficie de rodadura (DW)

Se desprecia por ser pequeña





# Carga viva y efecto de carga dinámica (LL + IM):

$$M_{LL+IM} = 2.76 \text{ ton. m}$$

# Momento último de la sección

Para el Estado de Límite de Resistencia I, con  $n = n_D n_R n_I = 1$ 

$$M_u = n(1.25M_{DC} + 1.75M_{LL+IM})$$

$$M_u = 1.00[(1.25x0. +0.61) + (1.75x2.76)] = 5.60 \text{ ton. m}$$

# CALCULO DEL ACERO NEGATIVO

Utilizando acero principal

$$A_S = 11.40 \text{ cm} 2$$

Colocamos losa ( $\emptyset$  5/8"), estribos ( $\emptyset$  1/2") y recubrimiento r = 5.0 cm

$$r = 5.0 \text{ cm}$$

diafragma (
$$\emptyset 3/4$$
") = 1.91 cm

estribo (
$$\emptyset 1/2$$
") = 1.27 cm

$$losa (Ø 5/8") = 1.58 cm$$

$$b = 40 \text{ cm}$$

$$z = 5.0 + 1.27 + 1.59 + \frac{1.91}{2} = 8.82 \text{ cm}$$
  
 $d = 100 - z = 100 - 8.82 = 91.18 \text{ cm}$ 

$$a = \frac{A_S f_y}{0.85 f'_S b} = \frac{11.40 \times 4200}{0.85 \times 280 \times 40} = 5.03 \text{ cm}$$

$$M_U = 0.9 f_y \left( d - \frac{a}{2} \right) A_S = 0.9 \times 4200 \times \left( 91.18 - \frac{5.03}{2} \right) \times 11.40 = 38.21 \text{ ton. m}$$





#### Refuerzo Máximo

La cantidad máxima de refuerzo no presforzado será tal que:

$$\frac{c}{d} \le 0.42$$

Donde:

$$a = 5.03 \text{ cm}$$

$$c = \frac{a}{\beta_1} = \frac{5.03}{0.85} = 5.92 \text{cm}$$

$$\frac{c}{d} = \frac{5.92}{91.18} = 0.06$$

$$0.06 \le 0.42$$
 OK

El tablero cumple con el requisito de refuerzo máximo

# Refuerzo Mínimo

Las fallas del diagrama deberán ser siempre dúctiles, evitando que sean frágiles y repentinas, como falla por tracción del concreto. Así, se calculó el momento mínimo que debe soportar el diafragma

**Entonces:** 

$$1.2M_{cr} = 1.2f_rS = 1.2 \times 33.63 \times 6666.67 = 26.91$$
 ton. m

Siendo:

$$f_r = 2.01\sqrt{f'c} = 2.01\sqrt{280} = 33.63 \, \text{Kg/cm}^2$$

$$S = \frac{bh^2}{6} = \frac{40(100)^2}{6} = 66666.67 \text{ cm}3$$

$$1.33M_U = 1.33 \times 5.60 = 7.45 \text{ ton}$$

$$M_u = 38.21 > 7.45$$





Calculamos el acero requerido:

Por lo tanto 4 Ø de 3/4"

Nuestro difragma contará con un acero mínimo, por lo tanto no es ncesario analizar el refuerzo máximo

# Armadura de contracción y temperatura en caras laterales

El refuerzo por contracción y temperatura debe ser en forma de barras o alambres soldados. Para barras o alambres soldados el área de refuerzo en cada dirección no debe ser menor que:

$$As_{min} = \frac{0.756A_g}{f_v}$$

A<sub>g</sub>: Área gruesa de la sección (mm²)

f<sub>v</sub>: Resistencia a la fluencia de la barras de refuerzo(Mpa)

En el alma de la viga diafragma:

$$As_{min} = \frac{0.756(400)(1000)}{420} = 720 \text{mm}^2 = 7.20 \text{cm}^2$$

$$As_{min Cara} = 3.60 cm2/cara$$

Por lo tanto utilizando varillas de 2 Ø 5/8"

$$As'_{min} \ge As_{min Cara}$$
 OK





# Diseño por corte

Resistencia nominal al corte (Art. 2.9.1.3.10.2. b. 1)

$$V_{\rm n} = V_{\rm c} + V_{\rm s} + V_{\rm p}$$

$$V_n = 0.25 f'_c b_v d_v + V_p$$

# Determinación del peralte efectivo por corte (d<sub>v</sub>)

$$d_{\rm v}=d_{\rm e}-\frac{a}{2}$$

Donde:

 d<sub>e</sub>: La profundidad efectivia correspondiente desde la fibra extrema en Compresión al centroide de la fuerza en tensión en el refuerzo a tensión

a: Profunidad del bloque equivalente de esfuerzos

$$d_e = 0.91m$$

$$a = \frac{A_{s}f_{y}}{0.85(f_{c}^{'})b}$$

$$a = \frac{3.96x4200}{0.85x280x40} = 1.75 \text{ cm} = 0.0175 \text{m}$$

$$a = \frac{3.96x4200}{0.85x280x40} = 0.90cm$$

No menor que el mayor valor de:

$$0.9d_e = 0.90x0.91 = 0.82m$$

$$0.72h = 0.72X1.00 = 0.72m$$

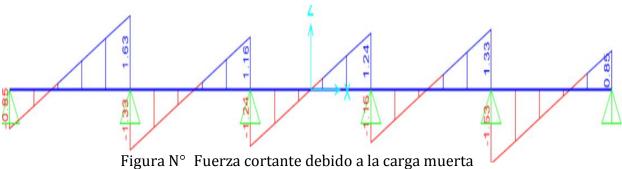




La sección crítica por corte se ubica desde el eje del apoyo en:

$$0.125 + 0.91 = 1.03$$
m

La fuerza cortante producto de la carga muerta será la siguiente:



$$V_{DC} = 0.22 \text{ ton}$$

Determinación de la fuerza cortante de la carga Viva  $(V_{LL+IM})$ 

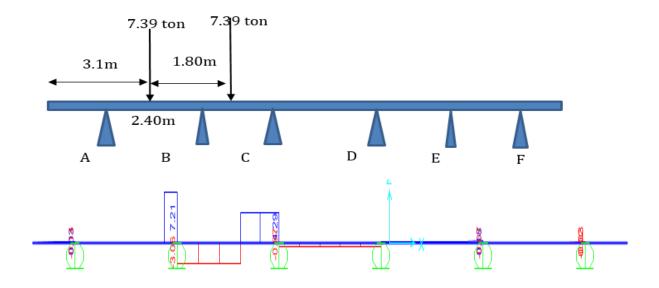


Figura  $N^{\circ}$  Fuerza cortante debido a la carga viva





$$V_{(LL+IM)} = -3.1 \text{ Ton}$$

$$V_{(LL+IM)} = -3.1x1.33 = -4.12 \text{ ton}$$

# Cortante última de la sección

Para el Estado Límite de Resistencia I, con  $n = n_D n_R n_I = 1$ , es:

$$V_{\rm u} = n[1.25V_{\rm DC} + 1.75V_{\rm LL+IM}]$$

$$V_u = 1.00x[1.25(0.22) + 1.75(4.12)] = 7.49 \text{ ton}$$

# Fuerza Cortante en el concreto

$$V_c = 0.083\beta \sqrt{f'_c} b_v d_v$$

Donde:

b<sub>v</sub>: Ancho efectivo del alma tomado como el mínimo ancho del alma dentro de la altura d<sub>v</sub> efectiva de corte

β: Factor que indica la habilidad del concreto fisurado diagonalmente para transmitir tensión

# Determinación de β yθ

(Art. 2.9.1.3.10. b. 2.1)

# Procedimiento simplificado para secciones no pretensadas

Para secciones de concreto no pretensado y no sujetas a tensión axial y contenido al menos la cantidad mínima de refuerzo transversal

Los valores pueden ser usados como:

$$\beta = 2$$

$$\theta = 45^{\circ}$$

$$b_v = 40 cm$$

$$V_c = 0.083x(2x\sqrt{280})x 40 x91=316.22 KN=32.23 ton$$





# Acero de refuerzo transversal Requerido (v<sub>s</sub>)

$$V_s = \frac{A_V f_y d_v (\cot \theta + \cot \alpha) \sin \alpha}{s}$$

Donde:

 $\alpha$ : Ángulo de inclinación del estribo respectoa la horizontal =  $90^{\circ}$ 

$$V_{s} = \frac{A_{V}f_{y}d_{v}}{s}$$

Se proponen estribos de Ø 3/8 @ 0.30 m

$$V_s = \frac{1.42(4200)90}{30} = 17892.00 \text{ Kg} = 17.82 \text{ ton}$$

$$A_V = 2 \times 0.71 = 1.42 \text{ cm}2$$

Donde:

s: Espaciamiento asumido de estribos

 $A_V$ : Asumiendo 2 ramas de Ø 3/" = 1.42cm<sup>2</sup>

#### Cortante nominal resistente

El menor de:

$$V_n = V_c + V_s + V_p = 32.23 + 17.89 + 0 = 50.12 \text{ ton}$$

$$V_n = 0.25 f^{\prime}_c b_v d_v + V_p = 0.25(280)40(90)/1000 = 252.00 ton$$

$$V_n = 50.12 \text{ ton}$$

$$\emptyset V_n = 0.9x50.12 = 45.11 \text{ ton}$$





$$45.11 \text{ton} > 7.49 \text{ ton}$$

Por lo tanto a una distancia de 1.03m del apoyo (sección crítica por cortante) usar estribos de Ø 3/8"@ 0.30m

Donde el refuerzo transversal es requerido, el área de acero no será menor que:

# Mínimo refuerzo transversal (Art. 5.8.)

Se proponen estribos de Ø 3/8 @ 0.30 m

$$A_V \geq 0.27 \sqrt{f'c} \frac{b_v s}{f_y}$$

Donde:

$$b_v = 40 \text{ cm}$$

$$s = 30 \text{ cm}$$

 $A_v$ : Area de refuerzo transversal dentro de la distancia  $s(cm^2)$ 

b<sub>v</sub>: Ancho del alma ajustado por la presencia de ductos(cm)

S: Espacio entre el refuerzo transversal (cm)

$$A_V \ge 0.27\sqrt{280} \frac{40(30)}{4200} = 1.29 \text{ cm}2$$





# Espaciamiento máximo de refuerzo transversal (Art. 5.8.2.7)

El espaciamiento de reefuerzo transversal no excederá lo siguiente:

$$V_{u} = \frac{V_{u} - \emptyset V_{p}}{\emptyset b_{v} d_{v}}$$
 (5.8.2.9 - 1)

$$V_{\rm u} = \frac{V_{\rm u}}{\emptyset b_{\rm v} d_{\rm v}} = \frac{7490}{0.9(40)(90)} = 2.31 \text{ kg/cm} 2$$

También:

Si 
$$V_u < 0.125$$
 f'c  $s_{max} = 0.8d_v \le 60$ cm (5.8.2.7 – 1)

Si 
$$V_u \ge 0.125 \text{ f'c } s_{max} = 0.4 d_v \le 30 \text{cm}$$
 (5.8.2.7 - 2)

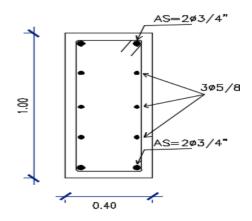
Como 
$$V_u = 2.31 \, \text{Kg/cm}^2 < 0.125 (280 \, \text{kg/cm}^2)$$

$$V_u = 2.31 \, \text{Kg/cm}^2 < 35 (\text{kg/cm}^2)$$

$$s_{max} = 0.8(90) \le 60 \text{cm} \rightarrow \text{como } 72 \text{cm} \ge 60 \text{cm}$$

$$s_{\text{max}} = 60 \text{cm}$$

Entonces s = 0.45m







# 5.12. PÉRDIDAS

$$f'_{cviga} = 450 \text{ kg/cm}2$$

$$f'_{closa} = 280 \text{ kg/cm}2$$

# Evaluación de las pérdidas de tensado en la viga postensada

$$\Delta f_{pT} = \Delta f_{pES} + \Delta f_{pSR} + \Delta f_{pCR} + \Delta f_{pR2} + \Delta f_{pF} + \Delta f_{pA}$$

Donde:

Δf<sub>pT</sub>: Pérdida total

Δf<sub>DES</sub>: Pérdidas debido al acortamiento elásticio

 $\Delta f_{pSR}$ : Pérdidas debido al encogimiento o contracción del concreto

 $\Delta f_{pCR}$ : Pérdidas debido a "creep" o flujo plastico del concreto

 $\Delta f_{pR2}$ : Pérdidas debido a la relajación diferida del acero

 $\Delta f_{pF}$ : Pérdida por fricción

 $\Delta f_{pA}$ : Pérdida por anclaje

# Pérdida por fricción, $\Delta f_{pF}(Kg/cm^2)$

$$P_{x} = P_{o}e^{-(\mu\alpha + kx)}$$

Coefecientes supuestos de fricción y curvatura involuntaria

$$K = 0.0007 [1/m]$$

$$\mu = 0.25 [1/Rad]$$





# Ecuación del cable resultante

$$y = \frac{(1.00 - 0.10)}{17^2} x^2 + 0.10$$

$$p = 0.003114$$

Para la ecuación del cable nos queda:

$$y = 0.003114x^2 + 0.10$$

$$f(x) = y = 0.003114x^2 + 0.10$$

$$\frac{dy}{dx} = y' = 2 \times 0.003114X = \tan \alpha \cong \alpha = 0.006228$$

$$\alpha = 0.006228X$$

$$\mu\alpha = 0.006228(0.25) X = 0.001557X$$

$$\mu\alpha + kx = 0.001557x + 0.0007x = 0.002257X$$

$$-(\mu\alpha + kx) = -0.002257X$$

$$P_x = P_o e^{-(\mu \alpha + kx)} = P_o e^{-0.002257X}$$

Para el centro de viga la fuerza llega con:

$$P_{17} = 800x e^{-0.002257x17} = 770.26 \text{ [ton]}$$

La pérdida por fricción resulta:

$$\Delta f_{pF} = 800 - 769.88 = 30.13$$
 [ton]

# Pérdida por anclajes, $\Delta f_{pA}(Kg/cm^2)$

Los cálculos siguientes están basados en la publicación de la empresa Suiza: "Vorspannung VLS — Schweiz — 1982"

$$W = \sqrt{\frac{\Delta L_c E_s A_{ps}}{\Delta P}}$$





W: Distancia desde el anclaje móvil hasta el punto en el que la fuerza de rozamiento por penetración de cuña es cero

 $\Delta P = 2\Delta pW$ : Pérdida de la fuerza de preesfuerzo entre dos puntos de la viga

ΔL<sub>c</sub>: Penetración de cuña (igual a 5.0mm para este caso)

 $E_s$ : Módulo de elasticidad del acero =  $1.9710^6 \text{ Kg/cm}^2$ 

Aps: Área del acero de preesfuerzo

Δp: Pérdida de fuerza de preesfuerzon expresada en términos de fuerza por unidad de longitud

$$\Delta p = (P_1 - P_L)/L$$

P<sub>1</sub>: Fuerza de preesfuerzo en el anclaje

P<sub>L</sub>: Fuerza de preesfuerzo en un punto de la viga situado a la distancia arbitraria L del anclaje móvil

$$\Delta L_c = 0.50 [cm]$$

$$\Delta p = \frac{800 - 769.88}{17} = 1.77 \text{ ton/m}$$

$$W = \sqrt{\frac{\Delta L_c E_s A_{ps}}{\Delta P}}$$

$$W = \sqrt{\frac{0.50x1.97x10^6x0.987}{17.70}} = 234.36 \text{ cm}$$

$$=2.34$$
 cm

La reducción de fuerza de presfuerzo en el anclaje es:

$$\Delta P = 2\Delta pW$$

$$\Delta P = 2x1.77x2.34 = 8.28$$
 [ton]





# Pérdida por acortamiento elástico, $\Delta f_{pES}(Kg/cm^2)$

Para miembros postensados:

$$\Delta f_{pES} = \frac{0.5 E_p f_{cir}}{E_{ci}}$$

Donde:

 $E_P$ : Módulo de elasticidad del acero de preesfuerzo =  $1.97 \times 10^6 \text{ Kg/cm}^2$ 

Eci: Módulo de elasticidad del concreto en el instante de la transferencia

 $E_{cir}$ : Esfuerzo en el concreto en el centro de la gravedad del acero de preesfuerzo debido a la fuerza de tensado y ala caraga muerta de la viga inmediatamente después de la transferencia

$$E_P = 1970000 \text{ [kg/cm2]}$$

$$E_c = 0.043 \gamma_c^{1.5} \sqrt{f'_c} = 360703.55 \text{ kg/cm}^2$$

Cálculos referidos a la viga simple

$$f_{cir} = +\frac{P_1}{A} + \frac{P_1 e^2}{I} - \frac{M_{Viga} e}{I}$$

$$f_{cir} = \left( +\frac{800}{0.698} + \frac{800 \times 0.60^2}{0.197} - \frac{252.15 \times 0.60}{0.197} \right) \times 10^{-1} = 184.33 \text{ kg/cm} 2$$

$$\Delta f_{pES} = \frac{0.5 \times 1970000 \times 184.01}{360703.55} = 503.360 \text{ kg/cm} 2$$

$$\Delta f_{pES} = \Delta f_{pES} N_{torones} A_{ps}$$

$$\Delta f_{pES} = 502.49 \times 61 \times 0.987 \times 10^{-3} = 30.31$$
 ton

Pérdidas debido al encogimiento o contracción del concreto,  $\Delta f_{pSR}(Kg/cm^2)$ 

Para miembros postensados:

$$\Delta f_{pSR} = 8.2 \text{x} 10^{-6} \text{K}_{sh} \left( 1 - 0.06 \frac{\text{V}}{\text{S}} \right) (100 - \text{RH}) \text{E}_{P}$$





 $\frac{V}{S}$ : Volumen/Superficie = Area Total/Perímetro

RH: Humedad relativa promedio anual, que rodea al elemento del concreto

 $K_{sh}$ :

Días	1	3	5	7	10	20	30
K <sub>sh</sub>	0.92	0.85	0.8	0.77	0.73	0.64	0.58

Supongamos

Curado: 30 días

$$K_{sh} = 0.58$$

$$\frac{V}{S} = 11.06 \text{ cm}$$

$$RH = 60\%$$

$$\Delta f_{\text{pSR}} = 8.2 \times 10^{-6} \times 0.58 \times (1 - 0.06 \times 11.06) (100 - 60) \times 1970000 = 126.03 \text{ kg/cm}$$

$$\Delta f_{pSR} = \frac{126.03 \text{x} 0.987 \text{x} 61}{1000} = 7.59 \text{ ton}$$

Pérdidas debido al creep del concreto,  $\Delta f_{pCR}(Kg/cm^2)$ 

$$\Delta f_{pCR} = 1.6 \frac{E_p}{E_C} (f_{cir} - f_{cds})$$

 $f_{cds}$ : Esfuerzo en el concreto en el centro de gravedad del acero de presfuerzo debido a todas las cargas muertas, exceptuando la carga muerta presente en el momento que se aplica la fuerza de tensado





$$M_{Losa} = 168.58 \text{ ton}$$

$$M_{Diafragma} = 73.19 \text{ ton}$$

$$M_{asfalto} = 23.84 \text{ ton}$$

$$M_{\text{vereda}} = 60.21 \text{ ton}$$

$$M_{Baranda} = 3.61 \text{ ton}$$

$$M_{sc peat} = 41.62 ton$$

$$M_{L+I} = 307.76 \text{ ton}$$

M total =
$$678.81$$
 ton

Los cálculos anteriores referidos a la viga compuesta

Distancia del eje centroidal de la viga compuesta al punto de aplicación de la resultante de la fuerza de tensado:

$$Y_{com} = 0.98 - 0.1 = 0.88 \text{ m}$$

$$f_{cds} = \frac{677.69 \times 0.88}{0.406} \times 10^{-1} = 147.13 \text{ kg/cm}2$$

$$f_{cir} = \left( +\frac{800}{0.698} + \frac{800 \times 0.60^2}{0.197} - \frac{252.15 \times 0.60}{0.197} \right) \times 10^{-1} = 184.33 \text{ kg/cm} 2$$

$$\Delta f_{pCR} = 1.6 \frac{1970000}{339149.81} (185.41 - 163.58) = 325.06 \text{ kg/cm} 2$$

$$\Delta f_{pCR} = 324.39 \times 61 \times 0.987 \times 10^{-3} = 19.57$$
 ton

Pérdidas debido a la relajación del acero,  $\Delta f_{pR2}(Kg/cm^2)$ 

$$\Delta f_{pR2} = \left[ K_{re} - J \left( \Delta f_{pES} + \Delta f_{pSR} + \Delta f_{pCR} \right) \right] C$$





Tipo De Tendón	K <sub>re</sub>	J
Gr 270 Cordón o alambre	1400	0.15
Gr 250 Cordón o alambre	1295	0.14
Gr 270 Baja relajacón	350	0.04
Gr 250 Baja relajacón	324	0.037

Para miembros postensados y torones de bja relajación:

 $K_{re} = 350$ 

J = 0.04

Valores de C						
f <sub>pi</sub> /	Cordón o	cordón o				
$f_{pu}$	Alambre	Alambre de				
0.8		1.28				
0.79		1.22				
0.78		1.16				
0.77		1.11				
0.76		1.05				
0.75	1.45	1.00				
0.74	1.36	0.95				

#### Donde:

 $f_{pi}$ : Esfuerzo inicial en el acero de preesfuerzo

$$P = 800.392 \text{ ton}$$

$$A_{ps} = 60.0 \text{ cm} 2$$

$$N_{Torones} = 61$$

Luego:

$$f_{pi} = \frac{P}{A_{ps}} = 13293.34 \text{ kg/cm}2$$

$$\frac{f_{pi}}{f_{pu}} = \frac{13333.33}{18966.79} = 0.70$$

$$C = 095$$





$$\Delta f_{pR2} = 296.29 \times 61 \times 0.987 \times 10^{-3} = 17.84$$
 ton

# Resumén de Pérdidas

Por fricción: 30.13 ton

Anclaje: 8.28 ton

Acortamiento elástico: 30.31 ton

Encogimiento: 7.59 ton

Creep del concreto: 19.57 ton

Relajación del Acero: 17.84 ton

113.71 ton

$$\Delta' P\% = \left(\frac{113.61}{800.392}\right) 100 = 14.21\%$$





# 5.13. DISEÑO DE APOYO

$$G = 12.0 \text{ kg/cm}^2$$

$$F_v = 2531.0 \text{ kg/cm}2$$

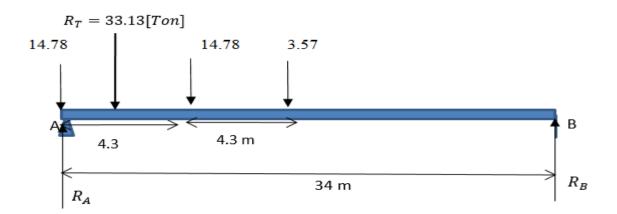
$$\Delta F_{TH} = 1683.00$$

Las vigas postensadas diseñadas anteriormente, deberán transmitir las cargas a los estribos mediante la interposición de unos elementos denominados apoyos. Los apoyos no solamente deberán ser capaces de absorber las fuerzas horizontales y verticales transmitidas por el tablero, originadas por las cargas permanentes y sobrecargas, sino también deben permitir (según la tipología de la estructura y de la subestructura) determinados movimientos e impedir otros. Las Cargas actuantes en cada apoyo provenientes de la viga son:

Reacción de carga dinámica (LL + IM):

$$R_T = 33.13 \text{ ton}$$

$$L_{Camion} = 4.30 \text{ m}$$

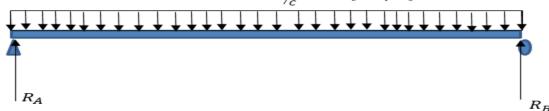


$$R_{\text{Camion A}} = [14.78 \times 34 + 14.78(34 - 4.3) + 3.57(34 - 2 \times 4.3)]/34 = 60.36 \text{ ton}$$





$$W_{S/c} = 0.95[Ton/m]$$



$$R_{S/_C} = \frac{(0.95x34)}{2} = 16.15 \text{ ton}$$

$$R_{\text{viga}} = (0.698 \times 2.50 \times 34)/2 = 29.67 \text{ ton}$$

$$R_{losa} = (0.20 \times 14.00 \times 2.50 \times 34)/(2 \times 6) = 19.83 \text{ ton}$$

$$R_{vereda} = (0.20 \times 2.50 \times 2 \times 2.50 \times 34)/(2 \times 6) = 7.083 \text{ ton}$$

$$R_{sc/peat} = (0.36 \times 2.40 \times 2 \times 34)/(2 \times 6) = 4.9 \text{ ton}$$

$$R_{diafr} = (2 \times 3.225 + 7 \times 2.15)/(2 \times 6) = 1.79 \text{ ton}$$

$$R_{baranda} = (0.075 \times 2 \times 34)/(2 \times 6) = 0.43 ton$$

$$R_{DC} = 63.70 \text{ ton}$$

$$R_{DW} = 0.05x9.0x2.20x34/(2X6) = 2.81 \text{ ton}$$

$$R_{LL+IM} = 30.36x1.33 + 16.15 = 56..53$$
 ton

$$R_{Total} = 123.03 \text{ ton}$$

# Esfuerzo de compresión por carga total en servicio en apoyos fijos

Esfuerzo de compresión  $(\sigma_s)$ no debera' exceder lo siguiente:)

$$\sigma_s \le 2 \text{ GS} \le 122 \text{ Kg/cm}^2$$

Verificando esto, se hallará el apoyo requerido mínimo:

$$A_{req} \ge \frac{R_T}{\sigma_s} = \frac{123030}{122} = 1008.44 \text{ cm}2$$

Para el ancho de la viga postensada  $b=89 \, \mathrm{cm}$ , escogemos  $W=40 \, \mathrm{cm}$ . Entonces el largo mínimo será:





W = 40.0 cm

$$L \ge \frac{1008.44}{40} = 25.21 \text{ cm}$$

$$L = 40.0 \text{ cm}$$

Así, el area del apoyo en planta será, de  $40x40 = 1600cm^2$ 

$$A'_{Req} = 1600.00 \text{ cm}2$$

Luego, se halla el nuevo esfuerzo de compresión con el área final:

Para carga total

$$\sigma_s = \frac{123030}{1600} = 76.89 \text{ kg/cm}2$$

Para carga viva

$$\sigma_L = \frac{56530}{1600} = 35.00 \text{ kg/cm}^2$$

#### Factor de forma S mínimo

Como dato, conocemos que el módulo de corte del apoyo es  $G=12~{\rm Kg/cm^2}$ . Así, verificando en para cargas total y carga viva

Para carga total

$$S_T \ge \frac{\sigma_S}{2G} = \frac{76.89}{2x12} = 3.20 \text{ cm}$$

Para carga viva

$$S_L \ge \frac{\sigma_L}{G} = \frac{35}{12} = 2.92 \text{ cm}$$

Por consiguiente el factor de forma será el mayor :

$$S = 3.20 \text{ cm}$$





# Grosor de una capa interior del elastómero (h<sub>ri</sub>)

El factor de forma de una capa de elastómero sera:

$$S_1 = \frac{LW}{2h_{ri}(L+W)} \rightarrow h_{ri} \le \frac{LW}{2S_1(L+W)}$$

Donde:

L: Longitud del apoyo de elastómero rectangular (paralelo al eje longitudinal del puente)

W: Ancho del apoyo, en dirección transversal

h<sub>ri</sub>: Grosor de la capa i – ésima de elastómero en el apoyo

Para carga total

$$h_{ri} \le \frac{40x40}{2x3.20x(40+40)} = 3.12 \text{ cm}$$

Para carga viva

$$h_{ri} \le \frac{40x40}{2x2.92x(40+40)} = 3.43 \text{ cm}$$

Entonces elegimos  $h_{ri} = 1.60 cm$ 

Se vuelve a calculo el factor de forma con el grosor de elastómero requerido

$$S_1 = \frac{LW}{2h_{ri}(L+W)}$$

$$S_1 = \frac{40X(40)}{2(1.60)(40+40)} = 6.25 \text{ cm}$$

# Número de capas interiores de elastómero

Los apoyos se diseñan para la no ocurrencia de levantamiento bajo cualquier combinación de carga y las rotaciones correspodientes. Los apoyos rectangulares (según ASSHTO) satisfacen requerimiento de levantamiento si:





$$\sigma_{\rm s} > GS\left(\frac{\theta_{\rm s}}{n}\right) \left(\frac{B}{h_{\rm ri}}\right)^2$$

#### Verificación de estabilidad del elastómero

Los serán inverstigados por inestabilidad en el estado Límite de servicio, con combinaciones de carga. Los apoyos se considerán estables si satisfacen:

$$2A \le B$$
 o  $A - B \le 0$ 

Donde:

$$A = \frac{1.92 \frac{h_{rt}}{L}}{\sqrt{1 + \frac{2L}{W}}}$$

$$B = \frac{2.67}{(S+2)\left(1 + \frac{L}{4W}\right)}$$

$$A = \frac{1.92 \frac{6.0}{40}}{\sqrt{1 + \frac{2x40}{40}}} = 0.166$$

$$B = \frac{2.67}{(6.25 + 2)\left(1 + \frac{40}{4x40}\right)} = 0.259$$

$$A - B = -0.093 \text{ ok}$$

# Cálculo de las placas de refuerzo en el elastómero

El grosor de refuerzo de acero, h<sub>s</sub>, cumplirá

En el estado Límite de servicio:

$$h_{s} \ge \frac{3h_{\text{Max}}\sigma_{s}}{f_{v}}$$

En el estado Límite de fatiga:

$$h_s \ge \frac{2h_{Max}\sigma_L}{\Delta F_{TH}}$$





Donde:

ΔF<sub>TH</sub>: Grosor de la capa de elastómero más gruesa en el apoyo.

σ<sub>L</sub>: Esfuerzo de compresión promedio en servicio debido a la carga viva

 $\sigma_s$ : Esfuerzo de compresión promedio en servicio debido a la carga total

F<sub>v</sub>: Resistencia de fluencia del acero de refuerzo

$$h_s \ge \frac{3x1.60x123.03}{2531} = 0.233$$

Según la tabla 6.6.1.2.5-3 AASHTO LRFD para la categoría A,  $\Delta F_{TH}=1683$ 

$$h_s \ge \frac{2x1.6x56.53}{1683} = 0.107$$

Se asume,  $h_s = 0.3$  cm

Entonces

La altura total del elastómero será:  $h_t = h_{rt} + h_s(4) = 7.2$  cm

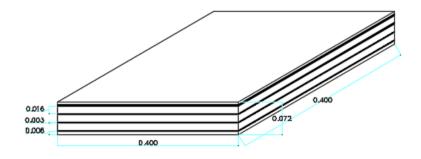
 $h_t = 7.20\;\text{cm}$ 

Por consiguiente nuestro apoyo tendrá las siguientes características:

Ancho: 40cm

Largo: 40cm

Altura Total: 7.2cm







#### 5.14. DEFLEXIONES

### MÓDULO DE ELASTICIDAD DEL CONCRETO

En ausencia de información más precisa, el módulo de elasticidad, Ec, para concreto armado cuya densidad está comprendida entre 1440 y 2500 kg/m3 se puede tomar como:

$$E_c = 0.043 \gamma_c^{1.5} \sqrt{f'_c}$$

donde:

 $\gamma_c$  = Densidad del hormigon (kg/m3)

f'<sub>c</sub> = Resistencia especifica del concreto armado (MPa)

#### **DEFLEXIONES EN LA VIGA SIMPLE**

Calculo en el centro de la luz debido al peso propio de la viga simple resistencia en el instante de la transferencia.

$$f'_{c} = 450 \text{ kg/cm}^{2}$$

$$W_{\text{viga}} = 1.75 \text{ ton/m}$$

$$\rm E_c = 0.043 \gamma_c^{1.5} \sqrt{f'_c} = 0.043 \times 2500^{1.5} \sqrt{450/10.1972} = 35706 \ Mpa$$

$$E_c = 364103.79 \text{ kg/cm}^2$$

$$I_{\text{Com}} = 0.406 \text{ m4}$$

Deflexión para una carga distribuida es:

$$\delta_D = \frac{5WL^4}{384E_CI_C} = \frac{5 \times 1.75 \times 34^4}{384 \times 3641038 \times 0.406} = 0.02m$$

Momento debido a la fuerza de tesado inicial:

$$P = 800.392 \text{ ton}$$

$$e = 0.60 m$$





$$M = P_1 e = 800.392 \times 0.60 = 480.24 \text{ ton. m}$$

La deflexión debida a un momento M es:

$$\delta_{\rm M} = \frac{{
m ML}^2}{8{
m E_c}{
m I_c}} = \frac{480 \times 34^2}{8 \times 3641038 \times 0.406} = 0.05 {
m m}$$

$$\delta = 0.03 - 0.05 = -0.03 m$$

#### **DEFLEXIONES EN LA VIGA COMPUESTA**

Cálculo en el centro de la luz debido a la carga viva  $f'_{c} = 450 \text{ kg/cm}2$ 

Considerando el momento de la carga viva incluye impacto y factor de distribución

$$M_{LL+IM} = 0.67(1.33x242.15 + 137.28) = 307.76 \text{ ton.m}$$

$$\delta_{LL+IM} = \frac{ML^2}{8E_CI_C} = \frac{306.76 \times 34^2}{8 \times 3641038 \times 0.406} = 0.030m$$

Valor admisible de deformación por carga viva

$$\delta_{\text{max}} = \frac{L}{1000} = \frac{3400}{1000} = 3.4 \text{cm}$$

Y como 3.4 cm> 3.0 cm OK

Según la norma AASHTO 2.5.2.6.2

- Carga vehicular, general......Longitud/800,
- Cargas vehiculares y/o peatonales..... Longitud/1000,
- Carga vehicular sobre voladizos...... Longitud/300, y
- Cargas vehiculares y/o peatonales sobre voladizos ...

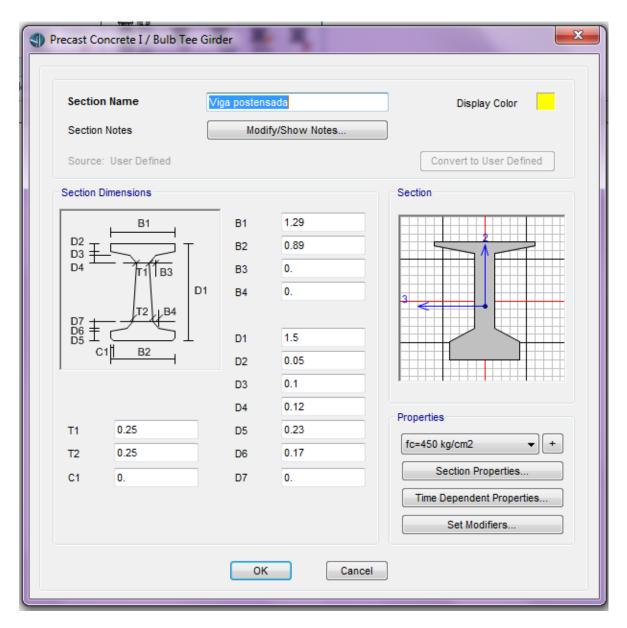
  Longitud/375





# 5.15. DISEÑO DEL PUENTE CON EL SOTFWARE CSI BRIDGE

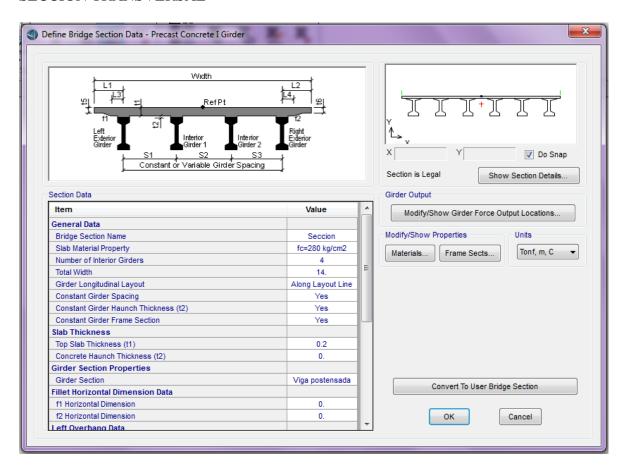
#### DIMENSIONES DE LA SECCION DE LA VIGA







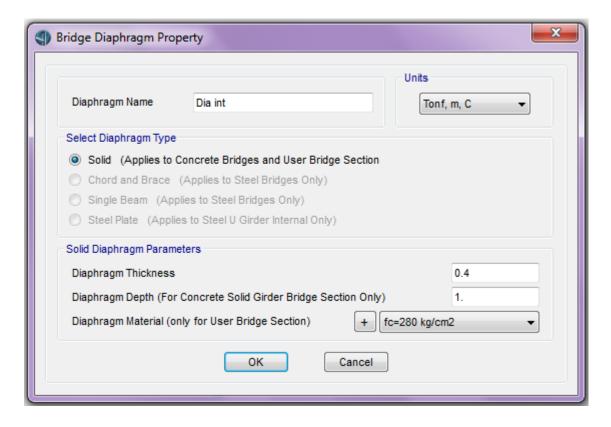
#### SECCION TRANSVERSAL







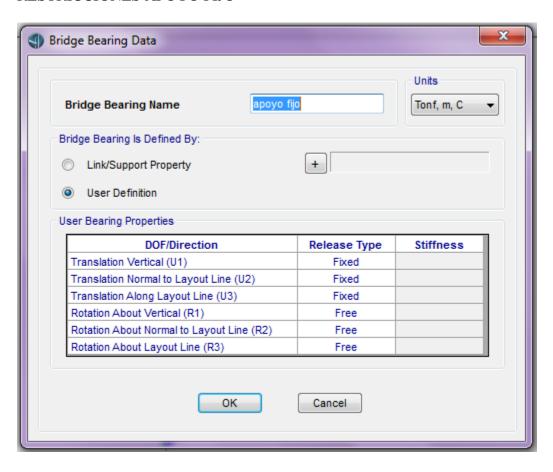
#### DIMENSIONES DEL DIAFRAGMA INTERIOR







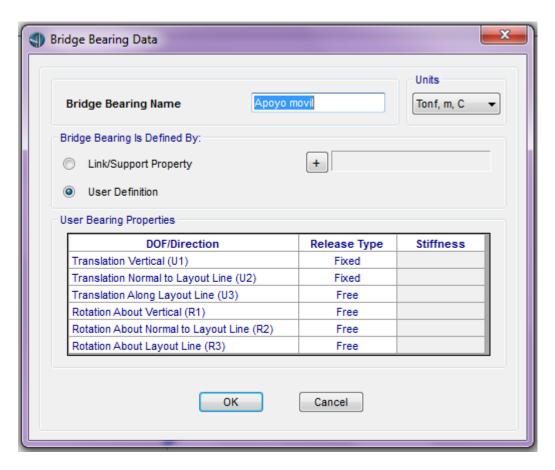
## RESTRICCIONES APOYO FIJO







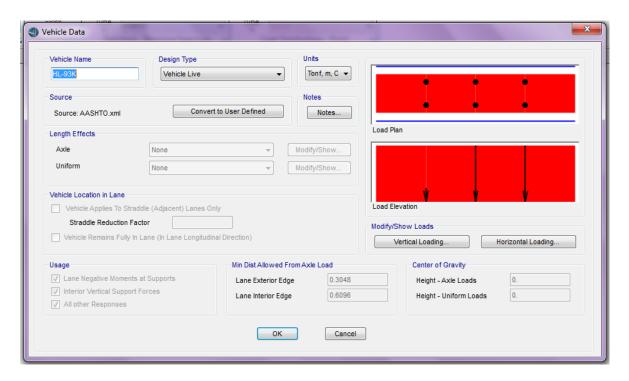
# RESTRICIONES DEL APOYO MOVIL



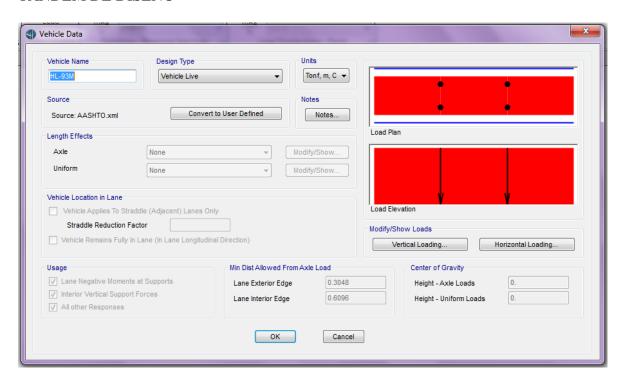




# CAMION DE DISEÑO



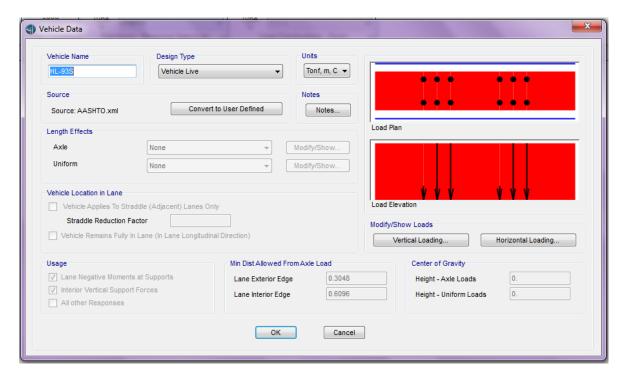
## TANDEM DE DISEÑO







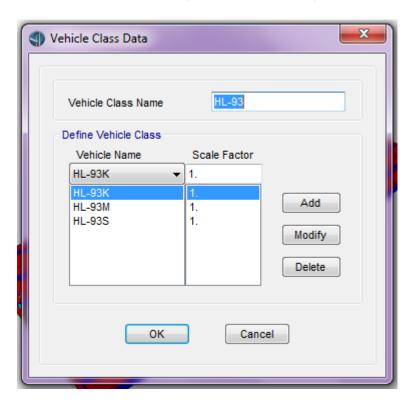
# 2 CAMIONES DE DISEÑO PARA (2 TRAMOS)







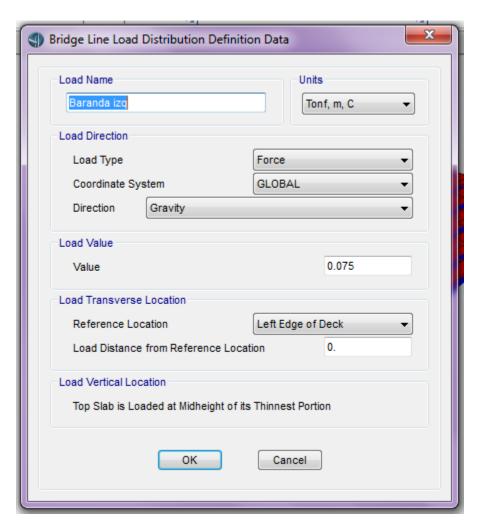
## CLASE DE VEHICULO (EL MAS CRITICO)



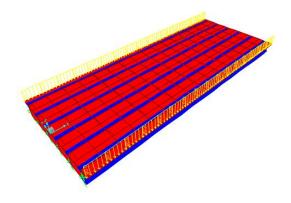




## ASIGNACION DE CARGA DE BARANDA



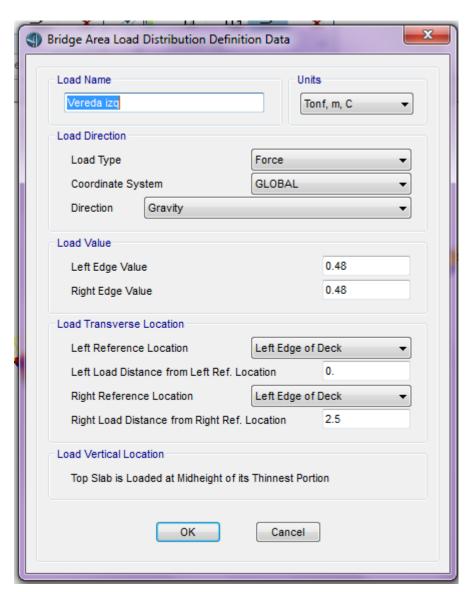
## CARGA DE BARANDAS



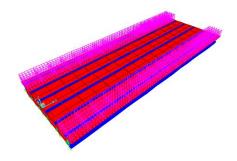




## ASIGNACION DE CARGA DE VEREDA



## CARGA DE VEREDA



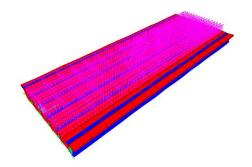




#### ASIGNACION DE CARGA DE ASFALTO



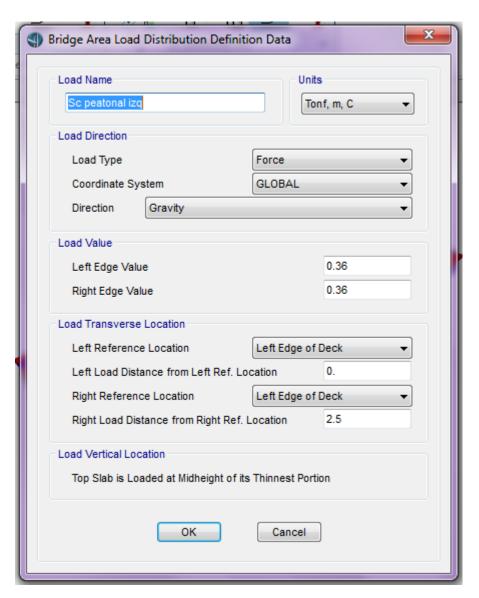
## CARGA DE ASFALTO







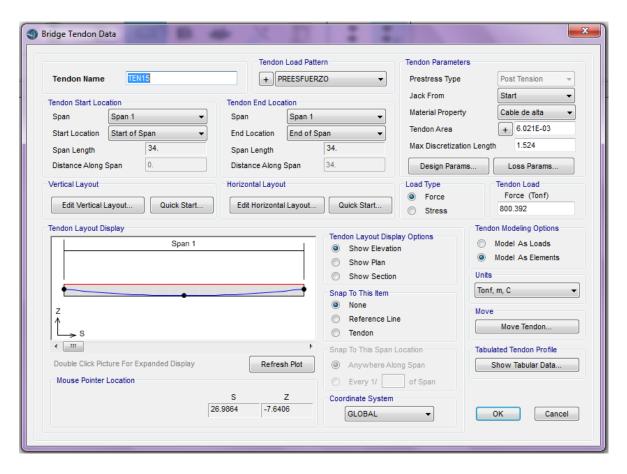
#### ASIGNACION DE CARGA SOBRECARGA PEATONAL







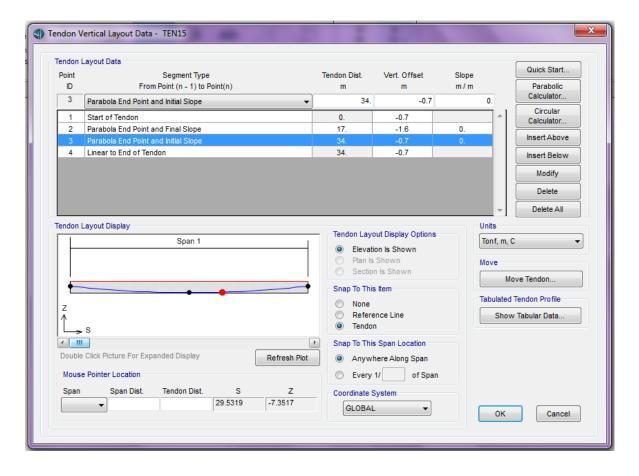
#### FUERZA Y AREA DE PREESFUERZO







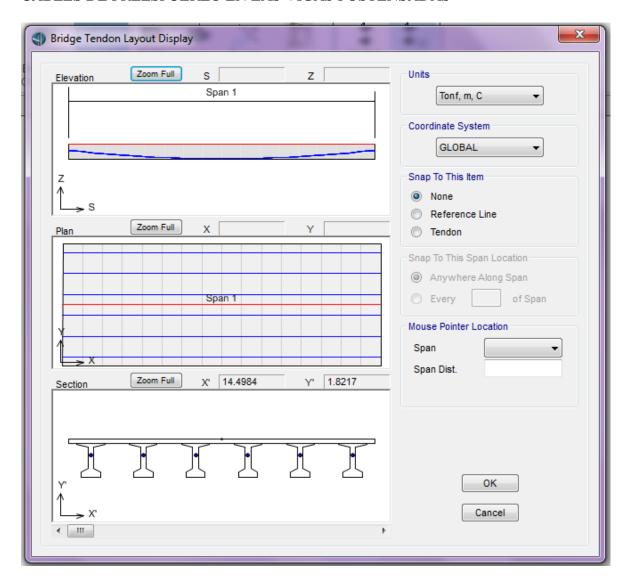
#### TRAYECTORIA DE LA FUERZA DE PREESFUERZO







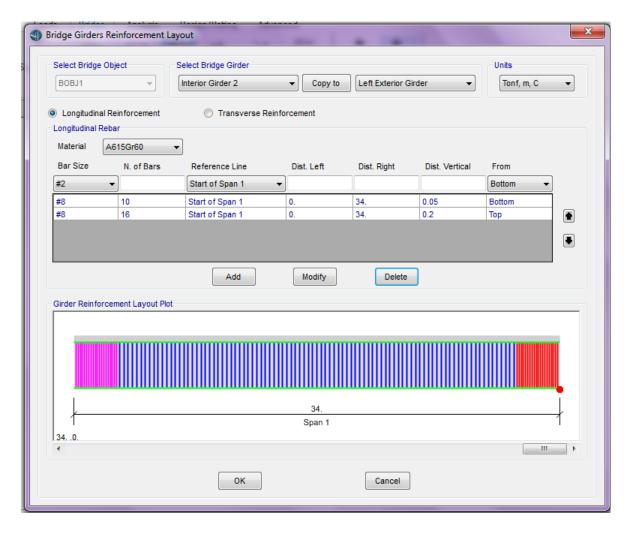
## CABLES DE PREESFUERZO EN LAS VIGAS POSTENSADAS







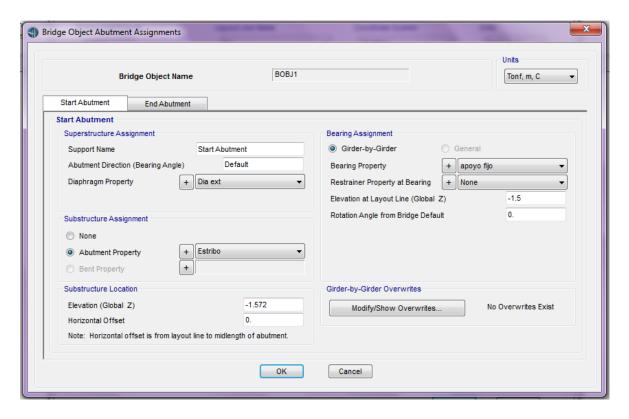
#### ACERO LONGITUDINAL Y TRANSVERSAL EN LAS VIGAS







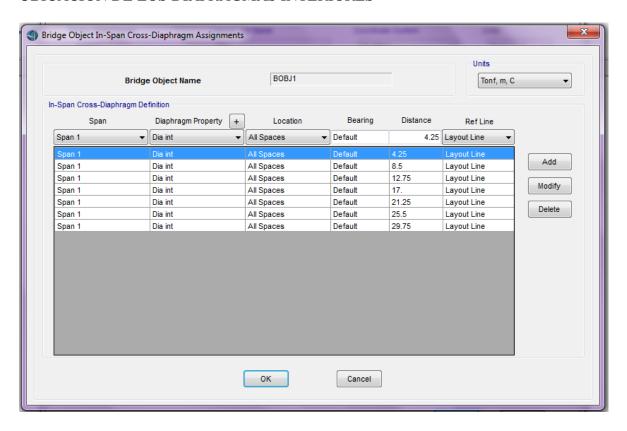
## COTAS PARA LOS ELASTOMERICOS







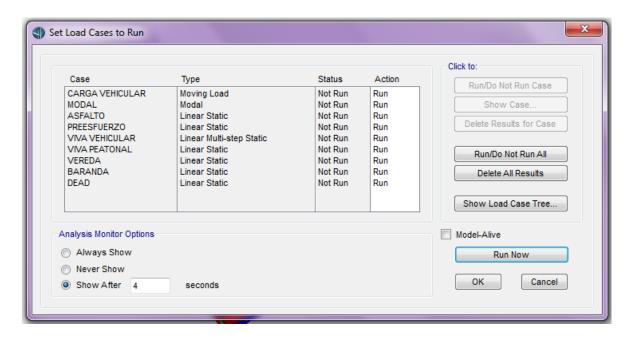
# UBICACIÓN DE LOS DIAFRAGMAS INTERIORES







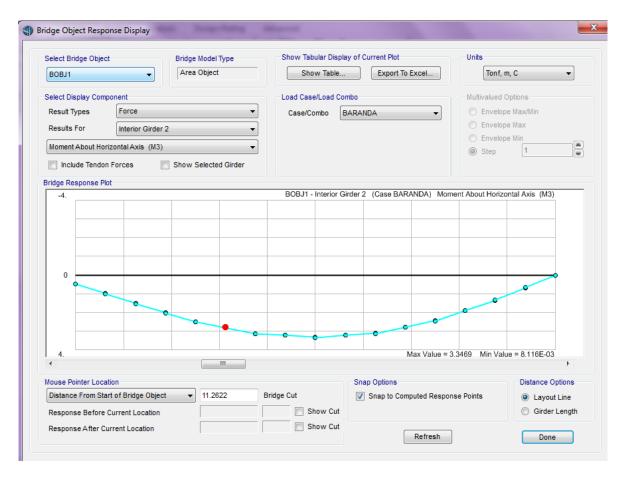
#### **ANALISIS**







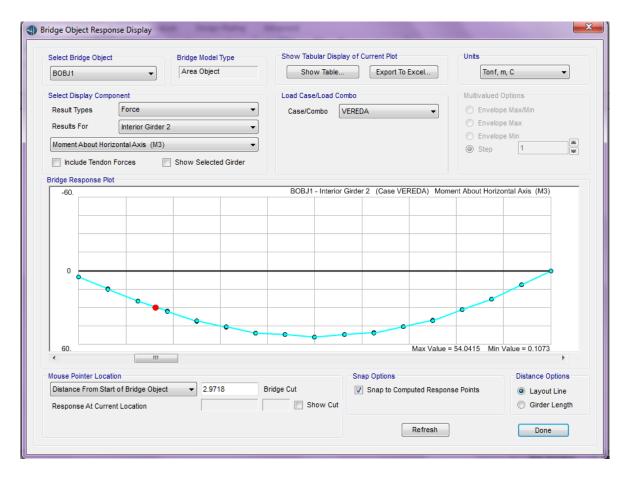
#### MOMENTO DEBIDO A LA BARANDA







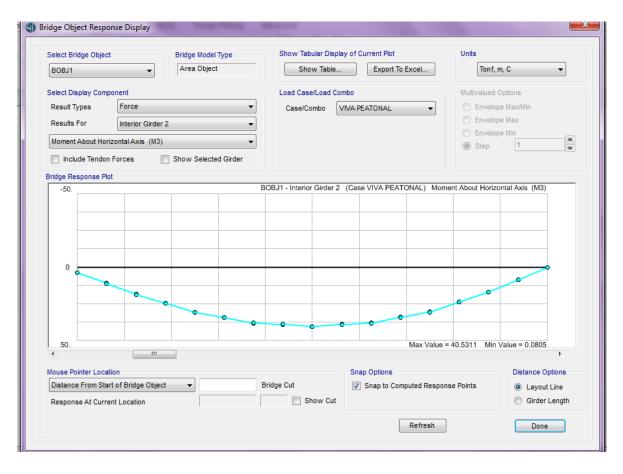
#### MOMENTO DEBIDO A LA VEREDA







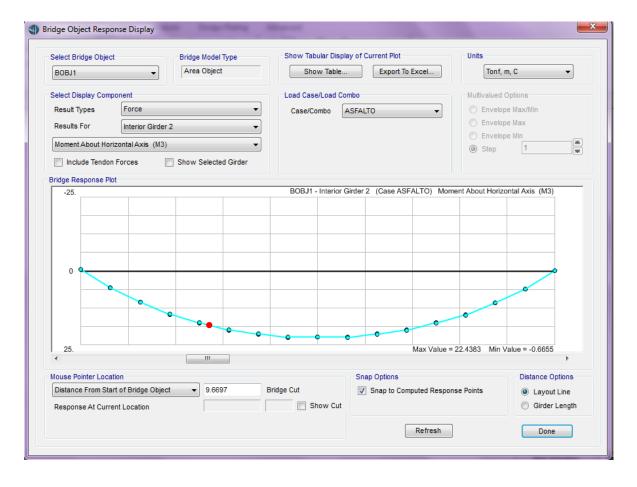
#### MOMENTO DEBIDO A LA CARGA VIVA PEATONAL







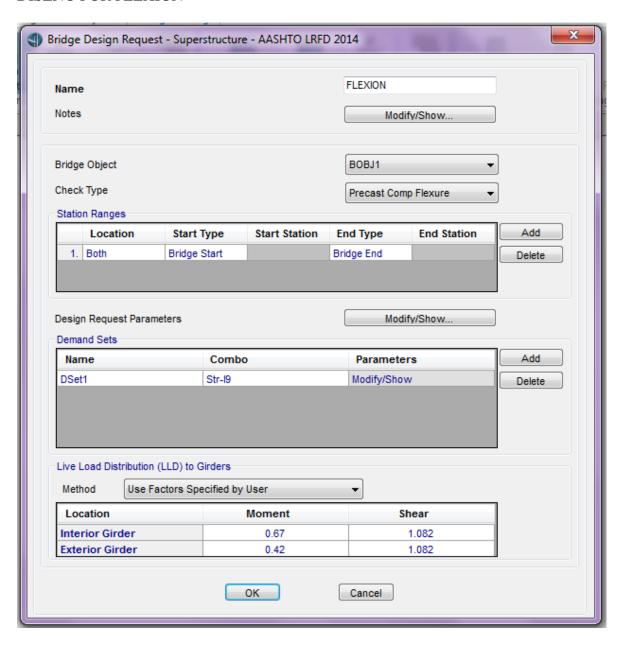
#### MOMENTO DEBIDO A LA CARGA DEL ASFALTO







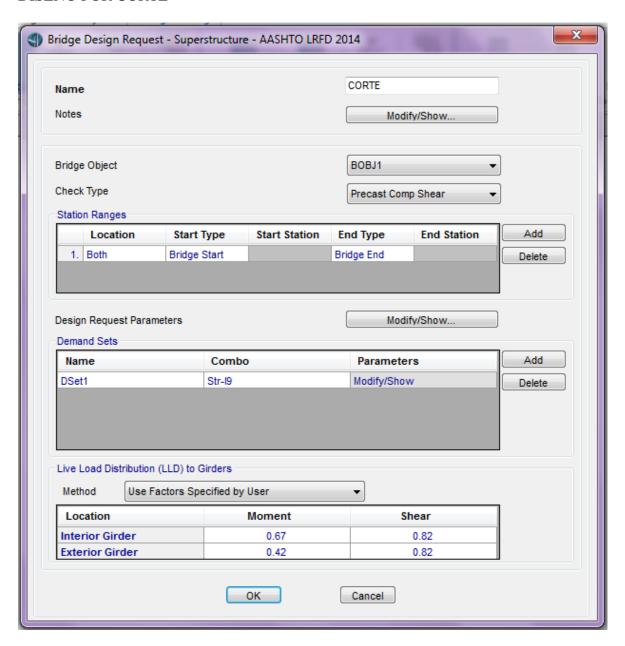
## DISEÑO POR FLEXION







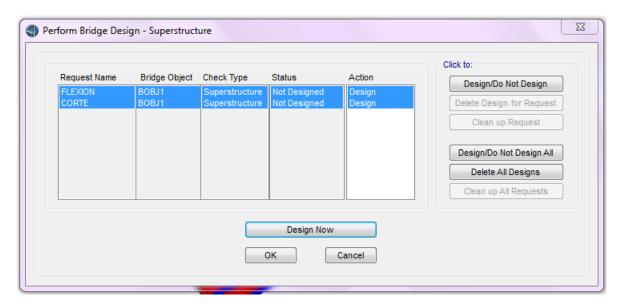
## DISEÑO POR CORTE







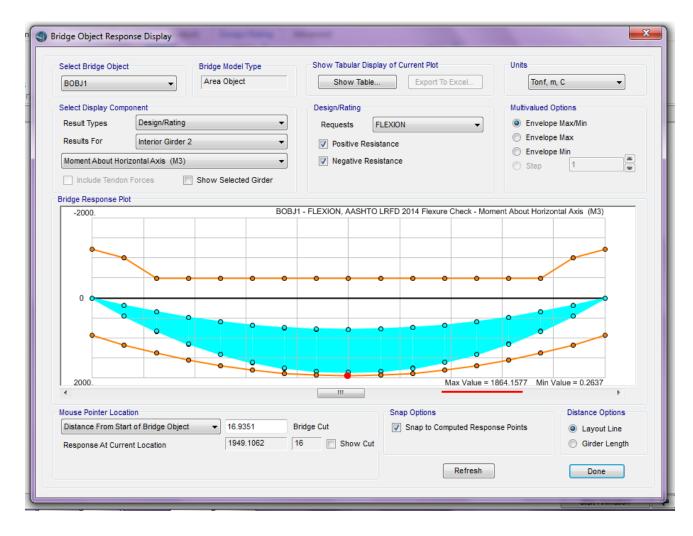
# DISEÑO







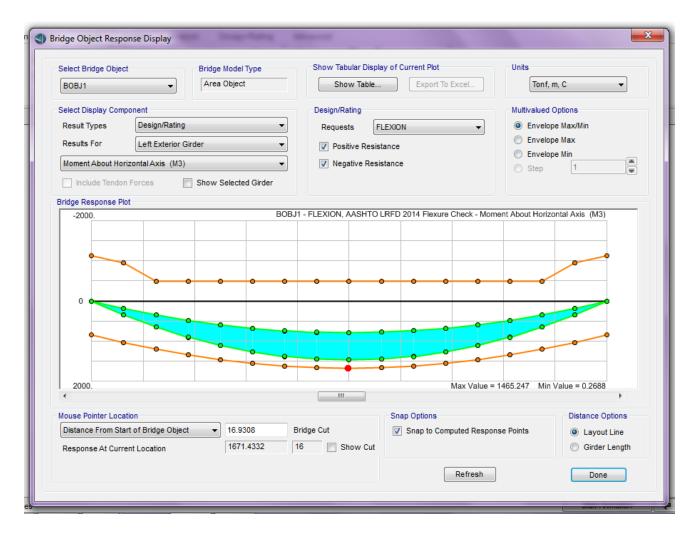
#### MOMENTO ACTUANTE Y MOMENTO RESISTENTE EN LAS VIGAS INTERIORES







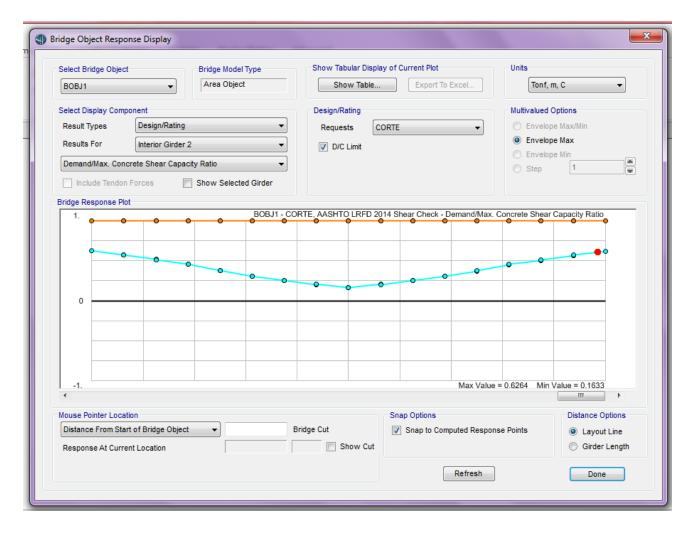
#### MOMENTO ACTUANTE Y MOMENTO RESISTENTE EN LAS VIGAS EXTERIORES







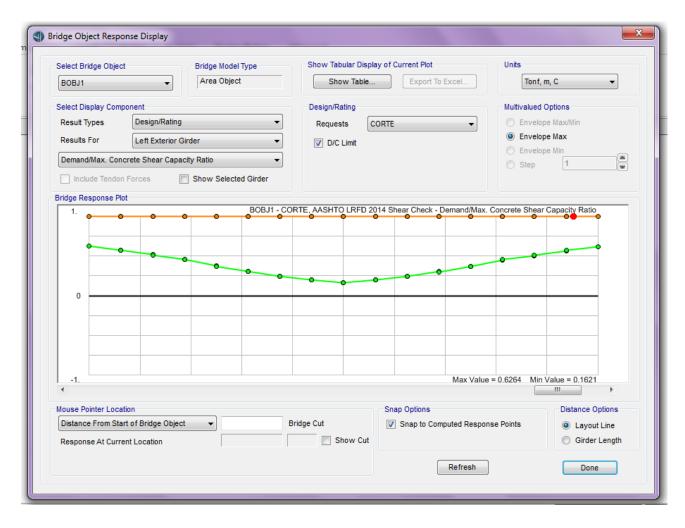
#### CORTANTE ACTUANTE Y CORTANTE RESISTENTE EN LAS VIGAS INTERIORES







#### CORTANTE ACTUANTE Y CORTANTE RESISTENTE EN LAS VIGAS EXTERIORES







## 6. CONCLUSIONES Y RECOMENDACIONES

#### CONCLUSIONES

- De acuerdo a los resultados manuales obtenidos estos han sido semejantes a los resultados obtenidos con el software CS-Bridge, ...
- el peso específico para el concreto en el diseño de puentes es 2.5 ton/m3 tanto para la superestructura como subestructura.
- Se ha elegido el postensado en relación con el pretensado a razón de que la trayectoria parabólica contrarresta de mejor manera el efecto de las cargas externas.
- El uso de postensado nos permite reducir el peralte Y abarcar mayores luces para las vigas en relación a un puente convencional de concreto armado.
  - Cabe indicar que el tensionamiento parcial del cable se realiza a solo la viga, y se completa ya concluido el tablero.
  - De acuerdo a nuestros cálculos la deflexión obtenida está dentro del rango admisible que indica la norma AASHTO LRFD
  - Se concluye que el ensayo MASW se debería considerar solo como un ensayo preliminar mas no tomar como un ensayo determinante.
  - Que se respete el trazado del cable de preesfuerzo, ya que la modificación de esta podría alterar la fuerza preesfuerzo necesario para las vigas.





#### RECOMENDACIONES

- Este trabajo se realizó para el puente Santiago, lo que se recomienda realizar el diseño también para el puente Belen y Grau.
- Se recomienda que cuando se haga el ensayo de MASW se haga en un momento donde el transito sea mínimo o en su defecto restringir totalmente el transito ya que esto podría alterar el resultado puesto que estos aparatos son demasiados sensibles.
- Se recomienda que cuando se haga un diseño ya sea en algún software se haga un cálculo manual para la debida comparación.





#### **ANEXOS**

## DISEÑO DE MEZCLA

#### **CONTENIDO**

- 1. GENERALDADES
- 2. OBJETIVOS Y FINES
- 3. CARACTERÍSTICAS DEL PROYECTO Y MATERIALES
- 4. CONSIDERACIONES DE ESTUDIO
  - 4.1. ENSAYOS REALIZADOS EN EL LABORATORIO
- 5. DISEÑO DE MEZCLA ACI
- 6. PRUEBAS
- 7. CONCLUSIONES Y RECOMENDACIONES
  - 7.1. CONCLUSIONES
  - 7.2. RECOMENDACIONES
- 8. PANEL FOTOGRÁFICO

# 1.0 GENERALIDADES

Se ara el diseño de las mezcla para complementar la tesis más antes mencionada mediante el método ACI

## 2.0 OBJETIVOS

El objetivo es el diseño de mezcla para una resistencia de fc=280 Kg/cm2 y de 450 Kg/cm2 y ponerlos a prueba se hará la utilizando los agregados existentes en la zona.





## 3.0 CARACTERÍSTICAS DEL PROYECTO

En la presente tesis de investigación está compuesto por diferentes componentes como son las vigas postensadas, estribos, zapatas, carpeta de rodadura y cada uno de ellas tienen un resistencia especificada a la compresión para los cuales se requieren los diseño de mezcla según las siguientes características, cabe mencionar que debido a que la relación de agua cemento para la resistencia es muy reducida se vio la necesidad de utilizar plastificante

RESISTENCIA E DISEÑO(F´C)	SLUMP (PULG)	TAMAÑO MÁXIMO NOMINAL	TIPO DE CEMENTO
280	(3"-4")	1/2"	Sol Tipo I
450	(1"-2")	1/2"	Sol Tipo I

#### 4.0 CONSIDERACIONES DEL ESTUDIO

El método de diseño usado es realizado por el ACI "American Concrete Institute" empleando el método del Peso unitario varillado del agregado grueso

## 4.1 ENSAYOS REALIZADOS EN EL LABORATORIO DE LA UNSAAC

N°	ENSAYO	NORMA DE REFERENCIA
1	Contenido de Humedad	MTC E 108-200 y ASTM D-2216
2	Cantidad de Material Fino que pasa el Tamiz N°200	MTC E 108-2000 , ASTM C-117 y AASHTO T-11
3	Análisis granulométrico de	MTC E 204-2000 , ASTM C-136 y AASHTO T-27
3	Agregados Grueso y Fino	1011C L 204-2000 , ASTIVI C-130 Y AASTITO 1-27
4	Peso Específico y Absorción de	MTC E 205-2000 , ASTM C-128 y AASHTO T-84
4 Agregados Finos MTC E 205-2000 , ASTM C-12		1WTC L 203-2000 , ASTW C-128 Y AASTTO 1-64
_	Peso Específico y Absorción de	MTC E 206-2000 , ASTM C-127 y AASHTO T-85
5	Agregados Gruesos	NITC L 200-2000 , ASTIVI C-127 Y AASHIO 1-83
6	Peso Unitario y Vacios	MTC E 203-2000 , ASTM C-29





## 4.1.1 CONTENIDO DE HUMEDAD

#### CONTENIDO DE HUMEDAD DE AGREGADO GRUESO

PIEDRA 1/2"	Capsula	Capsula + Muestra Humeda	Peso muestra humeda	capsula +muestra seca	Peso muestra Seca	Humedad
M- 01	58.80	173.80	115.00	172.80	114.00	0.88%
M- 02	56.60	183.00	126.40	181.90	125.30	0.88%
M-03	58.90	184.90	126.00	183.30	124.40	1.29%
						1.01%

#### CONTENIDO DE HUMEDAD DE AGREGADO FINO

CONFITILLO	Capsula	Capsula + Muestra Humeda	Peso muestra humeda	capsula +muestra seca	Peso muestra Seca	Humedad
M- 01	56.40	168.10	111.70	167.70	111.30	0.36%
M- 02	62.10	184.40	122.3000	184.00	121.9000	0.33%
M-03	58.80	164.60	105.80	164.30	105.50	0.28%
		•				0.32%

ARENA	Capsula	Capsula + Muestra Humeda	Peso muestra humeda	capsula +muestra seca	Peso muestra Seca	Humedad
M- 01	59.00	133.20	74.20	129.40	70.40	5.40%
M- 02	60.00	141.90	81.90	138.20	78.20	4.73%
M-03	59.30	133.80	74.50	130.50	71.20	4.63%
						4.92%

2.62%

# 4.1.2 CANTIDAD DE FINO QUE PASA EL TAMIZ N°200

	Antes del Lavado	Despues lavado	Porcentaje
Piedra	1232.71	1231.7	0.08%
Arena	537.31	533.8	0.65%





# 4.1.3 ANÁLISIS GRANULOMÉTRICO DE AGREGADO

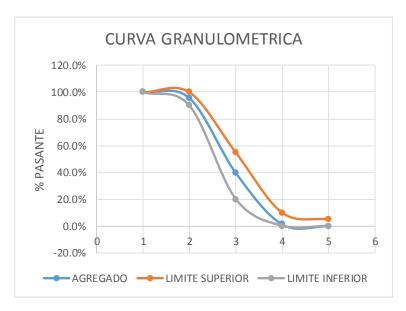
## **GRUESO Y FINO**

# ANÁLISIS GRANULOMÉTRICO AGREGADO GRUESO

MUESTRA: PIEDRA DE 1/2"
PROCEDENCIA: CANTERA HUILLQUE

Peso inicial: 11415.5 kg

MALLA	P.RETENIDO EN gr	% RETENIDO	% RETENIDO ACUMULADO	% PASANTE ACUMULADO
1"		0.00%	0.00%	100.00%
3/4"	534	4.68%	4.68%	95.32%
1/2"	3325	29.12%	33.80%	66.20%
3/8"	3032	26.55%	60.35%	39.65%
#4	4374	38.31%	98.66%	1.34%
#8	148.5	1.30%	99.96%	0.04%
#16	5	0.04%	100.00%	0.00%
#30	0	0.00%	100.00%	0.00%
#50	0	0.00%	100.00%	0.00%
#100	0	0.00%	100.00%	0.00%
#200	0	0.00%	100.00%	0.00%
TOTAL	11418.5	100.00%		







## ANÁLISIS GRANULOMÉTRICO AGREGADO FINO

MUESTRA: Confitillo Y Arena fina cunyac (6:4)

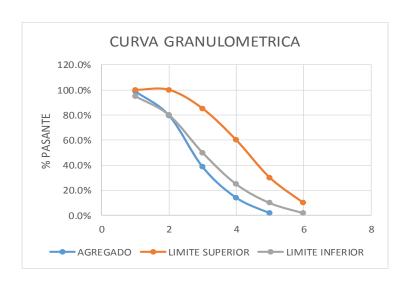
PROCEDENCIA:

Peso inicial: 1083.94 kg

MALLA	P.RETENIDO EN gr	% RETENIDO	% RETENIDO ACUMULADO	% PASANTE ACUMULAD O
1"		0.00%	0.00%	100.00%
3/4"	0	0.00%	0.00%	100.00%
1/2"	0	0.00%	0.00%	100.00%
3/8"	0	0.00%	0.00%	100.00%
#4	13.86	1.29%	1.29%	98.71%
#8	205.84	19.23%	20.53%	79.47%
#16	240.05	22.43%	42.95%	57.05%
#30	198.91	18.58%	61.54%	38.46%
#50	261.38	24.42%	85.96%	14.04%
#100	130.8	12.22%	98.18%	1.82%
#200	19.51	1.82%	100.00%	0.00%
TOTAL	1070.35	100.00%		

Modulo de fineza:

$$MF = \frac{\sum\% \text{ retenido acumulado}}{100} = 3.10$$







# 4.1.4 PESO ESPECÍFICO Y ABSORCION DE

#### **AGREGADOS FINOS**

#### PESO ESPECÍFICO AGREGADO FINO

- 1.-Comenzamos cuarteando la muestra y utilizar la cantidad aproximada de 1 kg
- 2.- Se procede a secar en el horno por un periodo de 24 hrs

Peso de muestra totalmente se 292.21 gi

- 3.- Sumergir la muestra por un periodo de 24 hrs
- 4.- Secar la muestra saturada sin perder finos

Peso de muestra saturada con superficie 300 gr

- 5.- Se realiza en procedimiento del molde conico hasta obtener el estado saturado con superficie seca
- 5.- Introducir en el picnometro previamente tarado, 500 gr de muestra se añade agua segudamente extraer el aire interno

Peso de picnometro con agua: 640.61 gr

Peso muestra , agua y picnome 832.25 gr

6.- Sacar la muestra del picnometro y secar en el horno por 24 hrs

Peso muestra seca: 292.21 g

Resultados:

Peso especifico nominal = 
$$\frac{A}{B+A-C}$$
 = 2.91 gr/cm3

Peso especifico aparente (S. S. S) =  $\frac{A}{B+S-C}$  = 2.70 gr/cm3

Absorcion = 
$$\frac{S-A}{A} \times 100 =$$
 2.67%

Donde:

A = Peso de muestra totalmente seca en gramos

B = Peso del picnometro lleno de agua en gramos

C = Peso de muestra, agua y picnometro, gramos

S = Peso de muestra saturada con superficie seca en gramos





# 4.1.5 PESO ESPECÍFICO Y ABSORCION DE

## **AGREGADOS GRUESOS**

#### PESO ESPECÍFICO AGREGADO GRUESO

1.-Comenzamos cuarteando la muestra y utilizar la cantidad mínima para el ensayo según la tabla nro 1

Tabla N° 01

Tamaño maximo nominal	Cantidad mínima de muestra (kg)
1/2"	2
3/4"	3
1"	4
1 1/2"	5
2"	8
2 1/2"	12
3"	18
3 1/2"	25

2.- Despues de lavada la muestra y estra libre de polvo, se procede a secar en el horno por un periodo de 24 hrs

Peso de muestra totalmente seca:

629.23

gr

- 3.- Sumergir la muestra por un periodo de 24 hrs
- 4.- Secar la muestra saturada hasta obtener una muestra saturada con superficie seca

Peso de muestra saturada con superficie

38.19

5.- Se coloca la muestra en una probeta de vidrioy se determina su peso sumergida en el agua

Peso de muestra sumergida en agua:

399.44

5.- Secar la muestra en el horno y determinar su peso seco

Peso agregado seco:

629.23

Resultados:

Peso especifico nominal = 
$$\frac{A}{A-C}$$
 =

Peso especifico aparente (S. S. S) = 
$$\frac{A}{B-C}$$
 =

Absorcion = 
$$\frac{B-A}{A} \times 100 =$$
 1.42%

Donde:

A = Peso de muestra totalmente seca en gramos

B = Peso de muestra saturada con superficie seca en gramos

C = Peso de muestra sumergida en agua, gramos





### 4.1.6 PESO UNITARIO Y VACIOS

#### **ENSAYO PESO UNITARIO**

#### PESO UNITARIO AGREGADO GRUESO

h= 11.3 cm d= 15 cm

$$v = \frac{\pi d^2}{4}$$

v= 0.002 m3

Agregado Grueso	Peso Suelto	Peso Compactado	Volumen
piedra 1/2"	2.90	3.33	0.00200

PESO UNITARIO SUELTO

$$P. U = \frac{W_S}{V} =$$
 1450.32 kg/m3

PESO UNITARIO COMPACTADO

$$P.U = \frac{W_C}{V} =$$
 1666.81 kg/m3

#### PESO UNITARIO AGREGADO FINO

h= 11.16 cm d= 10 cm

$$v = \frac{\pi d^2}{4}$$

v= 0.00088

AGREGADO FINO	Peso Suelto	Peso Compactado	Volumen
confitillo	1.62	1.78	0.00088

PESO UNITARIO SUELTO

$$P.U = \frac{W_S}{V} =$$
 1846.47 kg/m3

PESO UNITARIO COMPACTADO

$$P.U = \frac{W_C}{V} =$$
 2025.71 kg/m3





# 5.0 DISEÑO DE MEZCLA MÉTODO ACI

## 5.1 PARA 280 Kg/CM2

#### DISEÑO DE MEZCLA MÉTODO ACI

f'cr aplicable cuando no se dispone de resultados para definir la desviacion estandar

f'cr especificado	f'cr(kg/cm2)
Menos de 210	f'c + 70
210 a 350	f'c + 84
Mayor de 350	f'c + 98

Si f'c= 280 kg/cm2

f'cr = 280 + 84 = 364 kg/cm<sup>2</sup>

Slump con plastificante 3"-4"

Caracteristicas agregado grueso

Tamaño Maximo Nominal: 1/2"

Peso especifico seco:2738.28kg/m3Peso Unitario Compactado Seco1666.81kg/m3

Absorcion: 1.42% Humedad: 1.01%

Caracteristicas agregado fino

Peso especifico seco: 2905.54 kg/m3

Modulo de fineza:3.10Absorcion:2.67%Humedad:2.62%

Cemento: Sol Tipo 1

Peso especifico : 3120 kg/m3

Agua

Peso especifico : 1000 kg/m3

Concreto sin aire

#### 1.-Volumen de agua

TABLA NRO 1. Cantidad aproximada de agua para diferentes Slump

SLUMP	3/8"	1/2"	3/4"	1"	1 1/2"	2"	3"	4"
Sin aire incorporado								
1" a 2"	207	199	190	179	166	154	130	113
3" a 4"	228	216	205	193	181	169	145	124
6" a 7"	243	228	216	202	190	178	160	

 $Vol \ de \ agua \ (m3) = \frac{peso \ de \ agua \ (kg)}{peso \ especifico \ agua \ (kg/m3)}$ 

 $Vol\ de\ agua\ (m3) = 0.216$  m3





#### 2.- Volumen de cemento

TABLA NRO 2. Relacion agua-cemento

f'c a 28 dias	Relacion agua/cemento en peso		
(kg/cm2)	Sin aire incorporado	con aire incorporado	
450	0.38	-	
400	0.42	-	
350	0.47	0.39	
300	0.54	0.45	
250	0.61	0.52	
200	0.69	0.6	
150	0.79	0.7	

f'cr	a/c
400	0.420
364	0.456
350	0.470

Peso del cemento (m3) = 
$$\frac{peso \ del \ agua \ (kg)}{relacion \ agua - cemento(kg/m3)}$$

Peso de cemento 
$$(m3) = 473.68$$
 kg

$$Vol \ del \ cemento \ (m3) = \frac{peso \ del \ cemento \ (kg)}{peso \ especifico \ cemento \ (kg/m3)}$$

$$Vol de cemento (m3) = 0.152$$
 m3

#### 3.- Volumen del agregado

	Volumen del agregado grueso compactado en seco para diversos			
Tamaño maximo		modulos de fineza de la arena		
del agregado	2.4	2.6	2.8	3
3/8"	0.5	0.48	0.46	0.44
1/2"	0.59	0.57	0.55	0.53
3/4"	0.66	0.64	0.62	0.6
1"	0.71	0.69	0.67	0.65
1 1/2"	0.75	0.73	0.71	0.69
2"	0.78	0.76	0.74	0.72
3"	0.82	0.79	0.78	0.75
6"	0.87	0.85	0.83	0.81

f'cr	Volumen agregado
3.10	0.600









 $Vol\,del\,agregado\,abs\,(m3) = \frac{Volumen\,del\,agregado\,(tabla3)\times peso\,unitario\,compactado\,seco\,(kg)}{peso\,especifico\,seco\,(kg/m3)}$ 

 $Vol del \ agregado \ abs \ (m3) = 0.365$  m3

4.- Se suman los volumnes calculados hasta aquí

Vol de agua	0.216
Vol de cemento	0.152
Vol de agregado Grueso	0.365
	0.733

5.- Se resta el volumen total obtenido de paso 4 de 1 m3 para obtener el volumen abs de agregado fino

1m3 - 0.733m3 = 0.267 m3

6.- Se calculan los pesos en base a los volumenes obtenidos, multiplicando por sus pesos especificos

Flemento	Volumen Absoluto	Peso especifico	Peso kg
Elemento	m3	kg/m3	Peso kg
agua	0.216	1000.000	216.00
cemento	0.152	3120.000	473.68
piedra	0.365	2738.283	1000.09
agregado fino	0.267	2905.538	775.65
total	1		

#### 7.- se corrige por absorcion y humedad

Piedra humeda pesara	1000.09x(100%+1.01%)=	1010.22
agregado fino humeda pesara	775.65x(100%+2.62%)=	795.99
Balance de agua en la piedra	1.01%-1.42%=	-0.0041
Balance de agua en el agregado fino	2.62%-2.67%=	-0.0004
Contribucion agua piedra	1010.22x(-0.0041)=	-4.14
Contribucion agua agregado fino	795.99x(-0.0004)=	-0.34

El agua de mezcla corregida sera:

Agua final 216-(-4.22-0.34)= 220.49 kg

#### 8.- Diseño final

	KG	Proporcion
agua	220.49	0.47
cemento	473.68	1.00
piedra	1010.22	2.13
agregado fino	795.99	1.68
		5.28





# 5.2 PARA 450 Kg/CM2

DISEÑO DE MEZCLA METODO ACI

f'cr aplicable cuando no se dispone de resultados para definir la desviacion estandar

f'cr especificado	f'cr(kg/cm2)
Menos de 210	f'c + 70
210 a 350	f'c + 84
Mayor de 350	f'c + 98

Si f'c= 450 kg/cm2

f'cr = 450 + 98 = 548 kg/cm<sup>2</sup>

Slump con plastificante 1"-2"

Caracteristicas agregado grueso

Tamaño Maximo Nominal: 1/2"

Peso especifico seco: 2738.28 kg/m3 Peso Unitario Compactado Seco 1666.81 kg/m3

Absorcion: 1.42% Humedad: 1.01%

Caracteristicas agregado fino

Peso especifico seco: 2905.54 kg/m3

Modulo de fineza:3.10Absorcion:2.67%Humedad:2.62%

Cemento: Sol Tipo 1

Peso especifico : 3120 kg/m3

Agua

Peso especifico : 1000 kg/m3

Concreto sin aire

#### 1.-Volumen de agua

TABLA NRO 1. Cantidad aproximada de agua para diferentes Slump

	Agua de mezcla para los tamaños maximos de agregado grueso							
SLUMP	3/8"	1/2"	3/4"	1"				
1" a 2"	183	174	168	165				
3" a 4"	189	183	174	171				
6" a 7"	195	189	180	177				

Vol de agua (m3) =  $\frac{peso de agua (kg)}{peso especifico agua (kg/m3)}$ 

Vol de agua (m3) = 0.168 m3





#### 2.- Volumen de cemento

TABLA NRO 2. Relacion agua-cemento

Relacion agua-cemento con plastificante								
Resistencia		Relacion agua/cemento para los tamaños maximos						
promedio f'cr	Edad 28 dias	de	agregados grues	os				
(kg/cm2)		3/8"	1/2"	3/4"				
500	28	0.49	0.47	0.45				
550	28	0.44	0.42	0.4				
600	28	0.4	0.38	0.36				
650	28	0.36	0.35	0.33				
700	28	0.33	0.32	0.31				
750	28	0.31	0.3	0.28				
800	28	0.29	0.28	0.26				
850	28	0.27	0.26	0.25				

f'cr	a/c
500	0.450
548	0.402
550	0.400

Peso del cemento (m3) =  $\frac{peso\ del\ agua\ (kg)}{relacion\ agua\ - cemento(kg/m3)}$ 

Peso de cemento (m3) = 417.91

Vol del cemento (m3) =  $\frac{peso \ del \ cemento \ (kg)}{peso \ especifico \ cemento \ (kg/m3)}$ 

Vol de cemento (m3) = 0.134 m3

3.- Volumen del agregado

Volumen del agregado grueso por unidad de volumen de concreto ( modulos de fineza del agregado fino entre 2.5-3.2)								
Tamaño nominal maximo 3/8" 1/2" 3/4" 1"								
Fraccion volumetrica	0.65	0.68	0.72	0.75				

Volumen de agregado según el modulo de finesa

0.68

 $Vol \ del \ agregado \ abs \ (m3) = \frac{Volumen \ del \ agregado \ (tabla3) \times peso \ unitario \ compactado \ seco \ (kg)}{peso \ especifico \ seco \ (kg/m3)}$ 

 $Vol del \ agregado \ abs \ (m3) = 0.414$  m3

4.- Se suman los volumnes calculados hasta aquí

 Vol de agua
 0.168

 Vol de cemento
 0.134

 Vol de agregado Grueso
 0.414

 0.716





5.- Se resta el volumen total obtenido de paso 4 de 1 m3 para obtener el volumen abs de agregado fino

1m3 - 0.716m3 =

0.284

m3

6.- Se calculan los pesos en base a los volumenes obtenidos, multiplicando por sus pesos específicos

Elemento	Volumen Absoluto m3	Peso especifico kg/m3	Peso kg
agua	0.168	1000.000	168.00
cemento 0.134		3120.000	417.91
piedra	0.414	2738.283	1133.43
agregado fino	0.284	2905.538	825.56
total	1		

7.- Se corrige por absorcion y humedad

Piedra humeda pesara	1133.43x(100%+1.01%)=	1144.92
agregado fino humeda pesara	825.56x(100%+2.62%)=	847.21
Balance de agua en la piedra	1.01%-1.42%=	-0.0041
Balance de agua en el agregado fino	2.62%-2.67%=	-0.0004
Contribucion agua piedra	1144.92x(-0.0041)=	-4.70
Contribucion agua agregado fino	847.21x(-0.0004)=	-0.37

El agua de mezcla corregida sera:

Agua final 168-(-4.70-0.37)=

173.06

kg

8.- Diseño final

	KG	Proporcion
agua	173.06	0.41
cemento	417.91	1.00
piedra	1144.92	2.74
agregado fino	847.21	2.03
		6.18





#### 6.0 PRUEBAS

Muestra	f'c	Vaciado	Peso	Fuerza		Area	Esfuerzo	%	Observacion
	kg/cm2		kg	lbr-fuerza	kg	cm2	kg/cm2		
7 dias									
m1	450	29/10/2018	4099.9	80000	36000	78.54	458.37	101.86	
m2	450	29/10/2018	4115.2	75000	33750	78.54	429.72	95.49	
m3	450	29/10/2018	4051.2	45000	20250	78.54	257.83	57.30	
m1	280	29/10/2018	4029.8	50000	22500	78.54	286.48	102.31	

### 7.0 CONCLUSIONES Y RECOMENDACIONES

#### 7.1 CONCLUSIONES

- ➤ De acuerdo al diseño que se propuso tanto para 280 kg/cm2 como para 450 Kg/cm2 y haciendo la prueba de compresión se está llegando a la resistencia a más del 70% a los 7 días
- Cuando se haga diseño de altas resistencias el tipo de cemento debe de ser tipo I
- ➤ En cuanto a los agregados en particular el del agregado grueso debe tener un peso específico mayor a 2.65 gr/cm3
- > Tanto los agregados fino como grueso deben estar lo más limpio que sea posible

#### 7.2 RECOMENDACIONES

 Se recomienda que el agregado grueso sea de preferencia el de la cantera de Huillque, porque es limpio





- ➤ El tipo de cemento tiene que ser de tipo I y de preferencia Sol pues este tiene un peso específico de 3.12 gr/cm3
- Para que sea trabajable se debería incorporar un plastificante cuando ya se haga diseños de altas resistencias.

# 8 PANEL FOTOGRÁFICO



























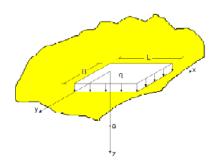
#### **BULBO DE TENSIONES**

Se denominan isobaras de tensión a las curvas o superficies obtenidas enlazándose los puntos de la misma tensión vertical. Este conjunto de isobaras forma lo que se da en llamar "bulbo de tensiones".

# DISTRIBUCION DE ESFUERZOS EN EL TERRENO DEBIDO A UNA CARGA

#### RECTANGULAR

## METODO BASADO EN LA TEORIA DE BOUSSINESQ



Partiendo de la solución dadaa por boussinesq para una carga puntual y la definición de r, y dividiendo un área cargada rectangular en diferencialess de aarea, como la mostrada en la figura, donde una carga puntual sobre un diferencial se puede aproximar a, dp=q dx dy obtenemos que:

$$\begin{split} d(\Delta\sigma_z) = \frac{3 \big(q d_x d_y\big)}{2\pi z^2 \bigg(1 + \bigg(\frac{\sqrt{x^2 + y^2}}{z}\bigg)^2\bigg)^{\frac{5}{2}}} = \frac{3 \big(q d_x d_y\big) z^3}{2\pi (x^2 + y^2 + z^2)^{\frac{5}{2}}} \end{split}$$

Integrando en toda la superficie del área rectangular, tendríamos que:

$$\Delta\sigma_{z} = \int_{Y=0}^{y=L} \int_{x=0}^{x=B} \frac{3(qd_{x}d_{y})z^{3}}{2\pi(x^{2} + y^{2} + z^{2})^{\frac{5}{2}}}$$





Al solucionar la anterior integral (newmark) 1935, encontraríamos que el incremento de el esfuerzo vertical  $\Delta \sigma_z$  para un punto cualquiera (a) debajo de la esquina de una cimentación rectangular, de ancho B y largo L, cargada con un valor de esfuerzo de contacto (q) uniformemente distribuido, en una profundidad dada (z) cualquiera, será:

$$\Delta \sigma_z = qI(m, n)$$

Donde:

$$q = Esfuerzo(\frac{ton}{m})$$

I = Factor de influencia

$$m = \frac{B}{z}$$
  $y$   $n = \frac{L}{z}$ 

$$V = m^2 + n^2 + 1$$

$$W = m^2, n^2$$

$$X = 2, m, n$$

En el caso de:

si V > W, 
$$I_z = \frac{1}{\pi} \left( \frac{X.\sqrt{V}}{V+W}.\frac{V+1}{V} + arctg\left(\frac{X.\sqrt{V}}{V-W}\right) \right)$$

Caso contrario:

$$\text{si V} < \text{W, I}_{\text{z}} = \frac{1}{\pi} \left( \frac{\text{X.} \sqrt{\text{V}}}{\text{V} + \text{W}}. \frac{\text{V} + 1}{\text{V}} + \text{arctg} \left( \frac{\text{X.} \sqrt{\text{V}}}{\text{V} - \text{W}} \right) + \pi \right)$$

Para el estribo

$$B = 7.2 \text{ m}$$
 y  $L = 14 \text{ m}$   $q = 22.1 \text{ ton/m2}$ 





# Valores de esfuerzos en el bubo de presiones

Ancho (B)	Largo (L)	Carga (q)	Pofundid	В	L					$\sigma_v = q.I_z$	
m m	m (L)	ton/m2	ad (z)	$m=\frac{B}{2.z}$	$n=\frac{1}{2.z}$	$V=m^2+n^2+1$	$W=m^2.n^2$	X = 2. m.n	$I_z =$	Ton/m <sup>2</sup>	%
7.2	14	22.1	0.25	14.40	28.00	992.36	162570.24	806.40	1.00	22.10	99.98%
7.2	14	22.1	0.5	7.20	14.00	248.84	10160.64	201.60	1.00	22.07	99.88%
7.2 7.2	14 14	22.1 22.1	0.75 1	4.80 3.60	9.33 7.00	111.15 62.96	2007.04 635.04	89.60 50.40	1.00 0.99	22.01 21.90	99.61% 99.11%
7.2	14	22.1	1.25	2.88	5.60	40.65	260.11	32.26	0.98	21.73	98.33%
7.2	14	22.1	1.5	2.40	4.67	28.54	125.44	22.40	0.97	21.50	97.27%
7.2	14	22.1	1.75	2.06	4.00	21.23	67.71	16.46	0.96	21.20	95.92%
7.2	14	22.1	2	1.80	3.50	16.49	39.69	12.60	0.94	20.84	94.30%
7.2 7.2	14 14	22.1 22.1	2.25	1.60 1.44	3.11 2.80	13.24 10.91	24.78 16.26	9.96 8.06	0.92	20.43 19.97	92.44% 90.37%
7.2	14	22.1	2.75	1.31	2.55	9.19	11.10	6.66	0.88	19.48	88.14%
7.2	14	22.1	3	1.20	2.33	7.88	7.84	5.60	0.86	18.96	85.78%
7.2	14	22.1	3.25	1.11	2.15	6.87	5.69	4.77	0.83	18.42	83.33%
7.2	14	22.1	3.5	1.03	2.00	6.06 5.41	4.23	4.11	0.81	17.86	80.82%
7.2 7.2	14 14	22.1 22.1	3.75 4	0.96	1.87 1.75	4.87	3.21 2.48	3.58 3.15	0.78 0.76	17.30 16.74	78.28% 75.73%
7.2	14	22.1	4.25	0.85	1.65	4.43	1.95	2.79	0.73	16.18	73.20%
7.2	14	22.1	4.5	0.80	1.56	4.06	1.55	2.49	0.71	15.62	70.70%
7.2	14	22.1	4.75	0.76	1.47	3.75	1.25	2.23	0.68	15.08	68.24%
7.2	14	22.1	5	0.72	1.40	3.48	1.02	2.02	0.66	14.55	65.83%
7.2 7.2	14 14	22.1 22.1	5.25 5.5	0.69 0.65	1.33 1.27	3.25 3.05	0.84	1.83 1.67	0.63 0.61	14.03 13.53	63.48% 61.20%
7.2	14	22.1	5.75	0.63	1.22	2.87	0.58	1.52	0.59	13.04	58.99%
7.2	14	22.1	6	0.60	1.17	2.72	0.49	1.40	0.57	12.56	56.85%
7.2	14	22.1	6.25	0.58	1.12	2.59	0.42	1.29	0.55	12.11	54.79%
7.2	14	22.1	6.5	0.55	1.08	2.47	0.36	1.19	0.53	11.67	52.80%
7.2 7.2	14 14	22.1 22.1	6.75 7	0.53 0.51	1.04	2.36 2.26	0.31 0.26	1.11	0.51 0.49	11.25 10.84	50.89% 49.05%
7.2	14	22.1	7.25	0.50	0.97	2.18	0.28	0.96	0.49	10.45	47.28%
7.2	14	22.1	7.5	0.48	0.93	2.10	0.20	0.90	0.46	10.07	45.59%
7.2	14	22.1	7.75	0.46	0.90	2.03	0.18	0.84	0.44	9.71	43.96%
7.2	14	22.1	8	0.45	0.88	1.97	0.16	0.79	0.42	9.37	42.40%
7.2 7.2	14 14	22.1 22.1	8.25 8.5	0.44	0.85	1.91 1.86	0.14 0.12	0.74 0.70	0.41	9.04 8.72	40.90% 39.47%
7.2	14	22.1	8.75	0.41	0.80	1.81	0.11	0.66	0.38	8.42	38.10%
7.2	14	22.1	9	0.40	0.78	1.76	0.10	0.62	0.37	8.13	36.79%
7.2	14	22.1	9.25	0.39	0.76	1.72	0.09	0.59	0.36	7.85	35.53%
7.2	14	22.1	9.5	0.38	0.74	1.69 1.65	0.08	0.56	0.34	7.59	34.32%
7.2 7.2	14 14	22.1 22.1	9.75 10	0.37 0.36	0.72	1.62	0.07	0.53 0.50	0.33	7.33 7.09	33.17% 32.07%
7.2	14	22.1	10.25	0.35	0.68	1.59	0.06	0.48	0.31	6.85	31.01%
7.2	14	22.1	10.5	0.34	0.67	1.56	0.05	0.46	0.30	6.63	29.99%
7.2	14	22.1	10.75	0.33	0.65	1.54	0.05	0.44	0.29	6.41	29.02%
7.2 7.2	14 14	22.1 22.1	11 11.25	0.33	0.64	1.51 1.49	0.04	0.42	0.28	6.21 6.01	28.09% 27.20%
7.2	14	22.1	11.5	0.31	0.61	1.47	0.04	0.38	0.26	5.82	26.35%
7.2	14	22.1	11.75	0.31	0.60	1.45	0.03	0.37	0.26	5.64	25.53%
7.2	14	22.1	12	0.30	0.58	1.43	0.03	0.35	0.25	5.47	24.75%
7.2	14	22.1	12.25	0.29	0.57	1.41	0.03	0.34	0.24	5.30	23.99%
7.2 7.2	14 14	22.1 22.1	12.5 12.75	0.29	0.56 0.55	1.40 1.38	0.03	0.32	0.23	5.14 4.99	23.27%
7.2	14	22.1	13	0.28	0.54	1.37	0.02	0.31	0.23	4.99	22.58% 21.91%
7.2	14	22.1	13.25	0.27	0.53	1.35	0.02	0.29	0.21	4.70	21.27%
7.2	14	22.1	13.5	0.27	0.52	1.34	0.02	0.28	0.21	4.57	20.66%
7.2	14	22.1	13.75	0.26	0.51	1.33	0.02	0.27	0.20	4.44	20.07%
7.2 7.2	14 14	22.1	14 14.25	0.26	0.50	1.32 1.31	0.02	0.26 0.25	0.20	4.31 4.19	19.51% 18.96%
7.2	14	22.1 22.1	14.25	0.25	0.49	1.29	0.02	0.24	0.19	4.19	18.44%
7.2	14	22.1	14.75	0.24	0.47	1.28	0.01	0.23	0.18	3.96	17.93%
7.2	14	22.1	15	0.24	0.47	1.28	0.01	0.22	0.17	3.86	17.45%
7.2	14	22.1	15.25	0.24	0.46	1.27	0.01	0.22	0.17	3.75	16.98%
7.2 7.2	14 14	22.1 22.1	15.5 15.75	0.23	0.45	1.26 1.25	0.01	0.21	0.17 0.16	3.65 3.56	16.53% 16.10%
7.2	14	22.1	16	0.23	0.44	1.24	0.01	0.20	0.16	3.47	15.68%
7.2	14	22.1	16.25	0.22	0.43	1.23	0.01	0.19	0.15	3.38	15.28%
7.2	14	22.1	16.5	0.22	0.42	1.23	0.01	0.19	0.15	3.29	14.89%
7.2 7.2	14 14	22.1 22.1	16.75 17	0.21	0.42	1.22 1.21	0.01	0.18 0.17	0.15 0.14	3.21	14.52% 14.16%
7.2	14	22.1	17.25	0.21	0.41	1.21	0.01	0.17	0.14	3.13 3.05	13.81%
7.2	14	22.1	17.5	0.21	0.40	1.20	0.01	0.16	0.13	2.98	13.47%
7.2	14	22.1	17.75	0.20	0.39	1.20	0.01	0.16	0.13	2.91	13.15%
7.2	14	22.1	18	0.20	0.39	1.19	0.01	0.16	0.13	2.84	12.83%
7.2 7.2	14 14	22.1	18.25 18.5	0.20	0.38	1.19 1.18	0.01	0.15 0.15	0.13	2.77 2.70	12.53% 12.24%
7.2	14	22.1 22.1	18.75	0.19	0.38	1.18	0.01	0.15	0.12	2.70	12.24%
7.2	14	22.1	19	0.19	0.37	1.17	0.00	0.14	0.12	2.58	11.68%
7.2	14	22.1	19.25	0.19	0.36	1.17	0.00	0.14	0.11	2.52	11.41%
7.2	14	22.1	19.5	0.18	0.36	1.16	0.00	0.13	0.11	2.47	11.16%
7.2	14	22.1	19.75	0.18	0.35	1.16	0.00	0.13	0.11	2.41	10.91%
7.2 7.2	14 14	22.1 22.1	20 20.25	0.18	0.35	1.15 1.15	0.00	0.13 0.12	0.11	2.36 2.31	10.67% 10.43%
7.2	14	22.1	20.23	0.18	0.34	1.15	0.00	0.12	0.10	2.26	10.43%
	14	22.1	20.75	0.17	0.34	1.14	0.00	0.12	0.10	2.21	9.99%





## Bibliografía

BADILLO. (2011). MECANICA DE SUELOS. MEXICO.

BRAJA, M. (2010). FUNDAMENTOS DE INGENIERIA DE CIMENTACIONES.

CAPECO. (2010). MANUAL DE DISEÑO DE PUENTES. LIMA PERU.

COMUNICACIONES, M. D. (2003). MANUAL DE DISEÑO DE PUENTES. LIMA PERU.

FONSECA, R. L. (2015). DISEÑO DE UN PUENTE CON VIGAS PREFABRICADAS.

HERRERA, .. (1996). PUENTES. BOGOTA.

HERRERA, P. (2000). INTRODUCCION AL DISEÑO DE PUENTES EN CONCRETO. LIMA PERU.

LIN, T. (1984). DISEÑO DE ESTRUCTURAS DE CONCRETO PREESFORZADO.

MONTALVAN, S. J. (2016). ENSAYOS GEOFISICOS PARALA EXPLORACION DE SUELOS EN

ESTRUCTURAS PATRIMONIALES.

NORMA AASHTO LRFD. (2004).

REYNOSO, A. P. (2014). CALCULO Y DISEÑO DE LA SUPERESTRUCTURA PARA EL PUENTE

NARANJAL 1. CUENCA ECUADOR.

VAHENA, C. R. (2009). PUENTES EN POSTENSADO.

